

การวิจัยปฏิบัติการเพื่อพัฒนาการจัดการเรียนรู้โดยบริบทเป็นฐาน  
เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์  
สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓



การค้นคว้าอิสระ เสนอเป็นส่วนหนึ่งของการศึกษา  
หลักสูตรปริญญาการศึกษามหาบัณฑิต  
สาขาวิชาคณิตศาสตร์ศึกษา  
พฤษภาคม 2563  
ลิขสิทธิ์เป็นของมหาวิทยาลัยเนรศวร

อาจารย์ที่ปรึกษาและหน้าภาควิชาการศึกษาได้พิจารณาการค้นคว้าอิสระ เรื่อง "การวิจัย  
ปฏิบัติการเพื่อพัฒนาการจัดการเรียนรู้โดยบริบทเป็นฐาน เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ที่ส่งเสริมการ  
นำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3" เห็นสมควรรับเป็น  
ส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาการศึกษามหาบัณฑิต สาขาวิชาคณิตศาสตร์ศึกษา<sup>๑</sup>  
ของมหาวิทยาลัยนเรศวร



## ประกาศคุณปการ

การศึกษาค้นคว้าด้วยตนเองฉบับนี้สำเร็จลุล่วงไปด้วยดีด้วยความกรุณาอย่างยิ่งจากผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.วนินทร พูนไพบูลย์พัฒน์ ที่ปรึกษาและคณะกรรมการทุกท่าน ที่ได้ให้คำแนะนำและข้อคิดเห็นต่าง ๆ ด้วยความเข้าใจใส่เป็นอย่างยิ่ง จนการศึกษาค้นคว้าด้วยตนเอง สำเร็จสมบูรณ์ได้ ผู้ศึกษาค้นคว้าขอรับขอบพระคุณเป็นอย่างสูงไว้ ณ ที่นี่

ขอขอบคุณผู้เชี่ยวชาญ ได้แก่ ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.วิเชียร ธรรมสอดถิสกุล อาจารย์ ประจำภาควิชาการศึกษา คณะศึกษาศาสตร์ มหาวิทยาลัย นเรศวร และนางภนิตา แก้วเจริญเนตร ครุชานาญการพิเศษ กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ โรงเรียนสรรพวิทยาคม จังหวัดตาก ที่ได้กรุณาตรวจสอบเครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย โดยให้ข้อเสนอแนะต่าง ๆ เป็นอย่างดี และขอขอบพระคุณผู้บริหารโรงเรียนแม่ระมาดวิทยาคม ตลอดจนครูอาจารย์และนักเรียนที่มีส่วนเกี่ยวข้องทุกท่านในการเก็บรวบรวมข้อมูลเป็นอย่างดียิ่ง

เห็นอีสิ่งอื่นใดขอขอบพระคุณ บิดา มารดา และทุกคนในครอบครัวที่ห่วงใยและให้กำลังใจ ช่วยเหลือสนับสนุนการศึกษาแก่ผู้วิจัยมาด้วยดี

คุณประโณชน์ได ฯ อันทึงมีจากการวิจัยฉบับนี้ ผู้วิจัยขอขอบเดบิตา มารดา ครูอาจารย์ และสถาบันการศึกษาที่ได้ให้การศึกษาที่ดีแก่ผู้วิจัยตลอดมา

วринดา สุพา

<b>ชื่อเรื่อง</b>	การวิจัยปฏิบัติการเพื่อพัฒนาการจัดการเรียนรู้โดยบริบทเป็นฐาน เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทาง คณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3
<b>ผู้วิจัย</b>	วินดา สุพา
<b>ที่ปรึกษา</b>	ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.วนิษฐ พูนไพบูลย์พิพัฒน์
<b>ประเภทสารนิพนธ์</b>	การค้นคว้าอิสระ กศ.ม. สาขาวิชาคณิตศาสตร์ศึกษา, มหาวิทยาลัยแม่ฟ้าหลวง, 2562
<b>คำสำคัญ</b>	การจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน การนำเสนอตัวแทนความคิดทาง คณิตศาสตร์ พื้นที่ผิวและปริมาตร

### บทคัดย่อ

การวิจัยครั้งนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อ 1) เพื่อศึกษาแนวทางการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ 2) เพื่อศึกษาผลการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานที่มีต่อการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 กลุ่มเป้าหมายคือนักเรียน จำนวน 23 คน ในโรงเรียนขนาดกลางประจำอำเภอในจังหวัดตาก ผู้วิจัยใช้รูปแบบการวิจัยปฏิบัติการในชั้นเรียน จำนวน 5 วงจร ปฏิบัติการ โดยใช้ระยะเวลาทั้งหมด 17 ชั่วโมง เครื่องมือที่ใช้ในงานวิจัย ได้แก่ แผนการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ แบบสะท้อนผลการจัดการเรียนรู้ ใบกิจกรรมและแบบวัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ วิเคราะห์ข้อมูลเรื่องเนื้อหาและตรวจสอบความน่าเชื่อถือแบบสามเส้าโดยใช้แหล่งข้อมูลมากกว่าหนึ่งแหล่ง และใช้เกณฑ์การวิเคราะห์แบบแยกประเด็น ผลการศึกษาพบว่า

1) แนวทางการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดนั้น มีประเด็นที่ควรเน้น คือ ครุยวรนำเสนอสถานการณ์เกี่ยวกับรูปทรงในบริบทที่นักเรียนชนเผ่า กะเหรี่ยงพบเจอในชีวิตจริง ตรวจสอบความรู้ของนักเรียนก่อนนำเสนอสถานการณ์ในบริบทที่นักเรียนไม่คุ้นเคย และครุยวรส่งเสริมให้นักเรียนจำลองรูปทรงให้อยู่ในรูปตัวแบบเรขาคณิต ลงมือปฏิบัติเพื่อให้เกิดความคิดรวบยอด ใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ในการแก้ปัญหา และเปลี่ยนความคิดเห็นกับเพื่อนเมื่อนำเสนอหน้าชั้นเรียน อาจให้นำเสนอเพิ่มเติมเป็นภาษา

จะหรี่ยงเพื่อเพิ่มความเข้าใจกับเพื่อนในชั้นเรียน และให้ยกตัวอย่างสถานการณ์ที่จะนำความรู้ไปใช้ในชีวิตจริง

2) นักเรียนส่วนใหญ่มีความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์อยู่ในระดับดี กล่าวคือ นักเรียนสามารถกำหนดตัวแปรที่นำไปสู่การแก้ปัญหาสถานการณ์ วัดตัวแบบทางเรขาคณิตจากสถานการณ์ เลือกใช้สูตรที่เหมาะสม และดำเนินการแก้ปัญหาได้



Title	ACTION RESEARCH TO DEVELOP CONTEXT-BASED LEARNING ON SURFACE AREA AND VOLUME TOPIC TO ENHANCE MATHEMATICAL REPRESENTATIONS FOR MATHAYOMSUKSA III STUDENTS
Author	Warinda Supa
Advisors	Assistant Professor Wanintorn Poonpaiboonpipat, Ph.D.
Academic Paper	Independent Study M.Ed. in Mathematics Education, Naresuan University, 2562
Keywords	Context Based Learning, Mathematical Representation, Surface Area and Volume

## ABSTRACT

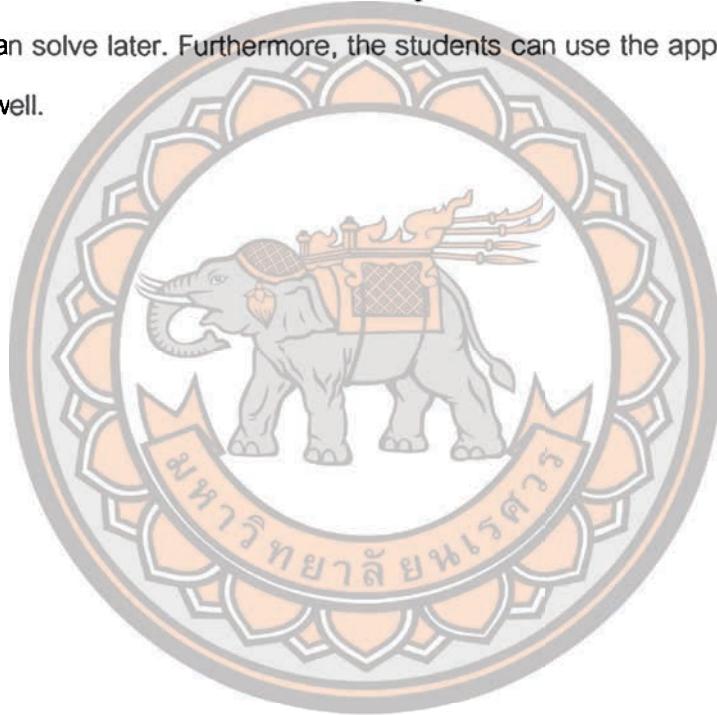
The purposes of this research were to study: 1) the appropriate learning implementation based on Context-based learning (CBL) approach that enhance mathematical representations, 2) the effect of learning implementation based on CBL on mathematical representations in surface area and volume topic for Mathayomsuksa III students. This research was conducted in the first semester of the academic year 2019. The research sample was 23 students in Mathayomsuksa III of a medium sized school, Tak Province. The research applied classroom action research and took 17 hours for learning implementation. The research instruments were five lesson plans, worksheets and mathematical representations test. The data were analyzed by content analysis and checked for trustworthiness by resource triangulation technique and another data analysis was analytic scoring.

The findings of the study indicated that

- 1) The learning implementation based on CBL approach that enhance mathematical representations in surface area and volume topic should emphasize on the mathematics problem solving situations that should be more concerned in context of

Karen students' real life, checking students' new knowledge before giving them the situations in an inexperienced context. Moreover, the teacher should encourage students to draw those shapes into a geometric model, to do hands on activities, to use mathematical representations in problem solving, to exchange ideas with friends when they present in front of the class, to present sometimes in Karen in order to increase understanding with friends, and to give examples of situations that related to real life.

2) Most students can express their mathematical representations in a good level. They can determine the related variables in given situation and change to mathematical model that can solve later. Furthermore, the students can use the appropriate formula and also solve it well.



## สารบัญ

บทที่	หน้า
1 บทนำ.....	1
ความเป็นมาของปัญหา.....	1
คำถามวิจัย.....	4
จุดประสงค์ของการวิจัย.....	4
ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ.....	4
ขอบเขตของงานวิจัย.....	5
นิยามศัพท์เฉพาะ.....	5
2 เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง.....	7
หลักสูตรสถานศึกษาของโรงเรียน.....	8
การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์.....	10
การจัดการเรียนรู้โดยใช้ปริบทเป็นฐาน.....	14
งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง.....	22
3 วิธีดำเนินการวิจัย.....	27
ผู้เข้าร่วมวิจัย.....	27
รูปแบบการวิจัย.....	27
เครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย.....	28
การเก็บและรวบรวมข้อมูล.....	34
การวิเคราะห์ข้อมูล.....	35

## สารบัญ (ต่อ)

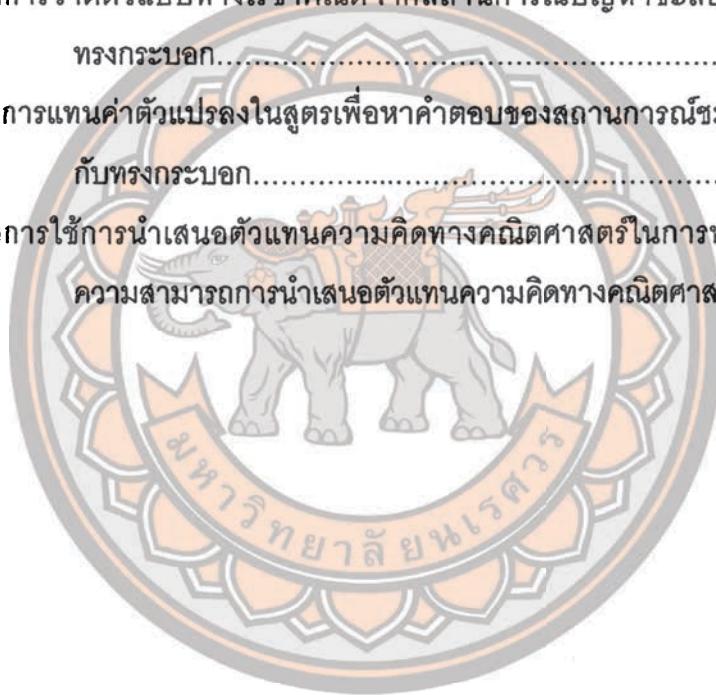
บทที่	หน้า
<b>4 ผลการวิจัย.....</b>	<b>40</b>
แนวทางการจัดการเรียนรู้โดยใช้ปรินท์เป็นฐาน ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทน ความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 .....	40
ผลการจัดการเรียนรู้โดยใช้ปรินท์เป็นฐาน ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทน ความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3.....	61
<b>5 บทสรุป.....</b>	<b>67</b>
สรุปผลการวิจัย.....	67
อภิปรายผลการวิจัย.....	68
ข้อเสนอแนะ.....	71
<b>บรรณานุกรม.....</b>	<b>72</b>
<b>ภาคผนวก.....</b>	<b>76</b>
<b>ประวัติผู้วิจัย.....</b>	<b>104</b>

## สารบัญตาราง

ตาราง	หน้า
1 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างชั้นตอนการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานกับ พฤติกรรมการเรียนรู้ตามความหมายของนำเสนอตัวแทนความคิด ทางคณิตศาสตร์.....	20
2 ตารางแสดงเครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย.....	29
3 แสดงกิจกรรมในแต่ละแผนการจัดการเรียนรู้.....	32
4 แสดงความสัมพันธ์ของการสร้างและใช้แบบวัดความสามารถในการนำเสนอ ตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์.....	34
5 แสดงเกณฑ์การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน.....	37
6 แสดงเกณฑ์การตัดสินคุณภาพเพื่อจัดระดับการนำเสนอตัวแทนความคิด คณิตศาสตร์จากแบบทดสอบ.....	38
7 ตารางแสดงการสะท้อนผลของวงจรปฏิบัติการที่ 1.....	45
8 ตารางแสดงการสะท้อนผลของวงจรปฏิบัติการที่ 2.....	49
9 ตารางแสดงการสะท้อนผลของวงจรปฏิบัติการที่ 3.....	52
10 ตารางแสดงการสะท้อนผลของวงจรปฏิบัติการที่ 4.....	56
11 แสดงจำนวนนักเรียนตามระดับการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์...	65

## สารบัญภาพ

ภาพ	หน้า
1 แสดงง่วงจรข้อการวิจัยเชิงปฏิบัติการ.....	28
2 แสดงการชี้ดั้งความสำคัญและกำหนดตัวแปรจากสถานการณ์ปัญหาจะลอม สานกับทรงกระบอก.....	63
3 แสดงการวางแผนแบบทางเรขาคณิตจากสถานการณ์ปัญหาจะลอมสานกับ ทรงกระบอก.....	64
4 แสดงการแทนค่าตัวแปรลงในสูตรเพื่อหาคำตอบของสถานการณ์จะลอมสาน กับทรงกระบอก.....	64
5 แสดงการใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ในการทำแบบวัด ความสามารถการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์.....	66



## สารบัญแผนภูมิ

แผนภูมิ	หน้า
1 แสดงนักเรียนตามระดับการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ของแต่ละ กระบวนการ.....	62



## บทที่ 1

### บทนำ

#### ความเป็นมาของปัญหา

ความเจริญของเทคโนโลยีดิจิตัล และเทคโนโลยีการสื่อสาร (digital and communication technology) ทำให้โลกในศตวรรษที่ 21 ต้องการทักษะของการสื่อสารและความร่วมมือที่กว้างขวาง และลึกซึ้ง ต้องการทักษะในการสื่อสารอย่างชัดเจน ตั้งแต่การเรียนเรียงความคิดและมุมมอง สื่อสารเข้าใจง่ายในหลายแบบทั้งการพูด เขียน และกิริยาท่าทาง การฟังอย่างมีประสิทธิภาพ นำไปสู่การถ่ายทอดสื่อสารความหมายและความรู้ แสดงคุณค่า ทัศนคติและความตั้งใจ การสื่อสารเพื่อการบรรลุเป้าหมายการทำงาน การสื่อสารด้วยหลากหลายภาษาและสภาพแวดล้อมที่หลากหลายอย่างมีประสิทธิภาพ (ภาคีเพื่อทักษะแห่งศตวรรษที่ 21, 2558) ซึ่งคณิตศาสตร์เป็นศาสตร์อย่างหนึ่งที่ช่วยในการพัฒนาทักษะการสื่อสาร เนื่องจากคณิตศาสตร์เป็นภาษาที่ใช้แทนแนวคิด และแสดงแนวคิดหลากหลายได้ชัดเจน เที่ยงตรงและรัดกุม โดยหนึ่งในทักษะและกระบวนการทางคณิตศาสตร์ที่เป็นจุดเน้นที่สำคัญของคณิตศาสตร์ คือ ทักษะการสื่อสารทางคณิตศาสตร์ที่ช่วยให้นักเรียนสามารถถ่ายทอดความรู้ความเข้าใจแนวคิดทางคณิตศาสตร์หรือกระบวนการคิดของตนเองให้ผู้อื่นรับรู้ได้อย่างชัดเจนและมีประสิทธิภาพและนำมาประยุกต์ใช้กับชีวิตประจำวัน โดยมุ่งให้นักเรียนมีความรู้ ทักษะและความสามารถทางคณิตศาสตร์เพื่อแสดงแนวคิด อธิบายแนวคิดและการเชื่อมโยงความรู้ต่าง ๆ ได้ (National Council of Teacher of Mathematical หรือ NCTM, 2000) การสื่อสารทางคณิตศาสตร์เป็นการสื่อสารผ่านทางการพูด และการเขียน ซึ่งมีการสื่อสารโดยการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ (Mathematical Representation) ที่เป็นรูปแบบหนึ่งของการสื่อสารทางคณิตศาสตร์ซึ่งเป็นการสื่อสารที่สำคัญที่สุด ซึ่งการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์นั้น หมายถึงความสามารถของนักเรียนในการใช้ตัวแทนความคิดในการเข้าใจปัญหา ใช้ตัวแทนความคิดในการแสดงกระบวนการแก้ปัญหา และใช้ตัวแทนความคิดในการสรุปคำตอบของปัญหา โดยใช้รูปภาพ ข้อความ ตัวแปร สัญลักษณ์ ตัวเลข (เพรี้ยว สามารถ, 2555) และ NCTM (2000) ได้กล่าว

ไว้ว่า การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เป็นศูนย์กลางการเรียนการสอนคณิตศาสตร์ และเป็นกุญแจสำคัญในการส่งเสริมและพัฒนาความสามารถทางคณิตศาสตร์ เนื่องจากช่วยพัฒนา ความเข้าใจของนักเรียนเกี่ยวกับความคิดรวบยอดได้อย่างลึกซึ้ง โดยสามารถแสดงความสัมพันธ์ใน สิ่งที่นักเรียนได้สร้างขึ้นหรือเปรียบเทียบสิ่งเหล่านั้นผ่านการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ ทั้งที่เป็นรูปภาพสัญลักษณ์หรือรูปแบบอื่นซึ่งตัวแทนความคิดข้างต้นจะช่วยในการ สื่อสารของนักเรียน และเป็นสิ่งที่จำเป็นต่อการทำความเข้าใจความคิดรวบยอดและความสัมพันธ์ ทางคณิตศาสตร์ นอกจากนั้น การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ ทำให้นักเรียนมีโอกาส ได้ใช้การสื่อสารในการข้างเหตุผลเพื่อสนับสนุนความเข้าใจของตนเองและผู้อื่นและแสดงให้เห็นถึง การใช้ความคิดรวบยอดทางคณิตศาสตร์ เพื่อแก้ปัญหาในโลกจริงซึ่งจะทำให้การนำเสนอตัวแทน ความคิดทางคณิตศาสตร์กล้ายเป็นความรู้ที่ลึกซึ้งมากช่วยในการสื่อสารในชีวิตจริง ซึ่งเป็นส่วนหนึ่ง ของทักษะที่จำเป็นในศตวรรษที่ 21

แต่ในขณะที่โลกกำลังให้ความสำคัญกับคณิตศาสตร์และต้องการประชากรที่มี ความสามารถทางด้านคณิตศาสตร์ นักเรียนไทยกลับมีผลการเรียนรู้ทางด้านคณิตศาสตร์ที่ลดลง อย่างต่อเนื่อง spanning ทักษะทางคณิตศาสตร์ ที่ต้องการของตลาดแรงงานและความจำเป็นและการดำเนินชีวิตใน โลกปัจจุบัน (สุนีย์ คล้ายนิล, 2558) จากการทดสอบทางการศึกษาระดับชาติขั้นพื้นฐาน (O – NET) เพื่อทดสอบความรู้และความคิดของนักเรียน ป.6 ม.3 และ ม.6 ตามหลักสูตรแกนกลางการศึกษาขั้น พื้นฐาน พุทธศักราช 2551 มีวัตถุประสงค์เพื่อนำผลการสอบไปใช้ในการปรับปรุงคุณภาพการเรียน การสอนของโรงเรียน จากผลการทดสอบพบว่าในรายวิชาคณิตศาสตร์ ขั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ปี การศึกษา 2560 พบว่า ระดับประเทศมีคะแนนเฉลี่ยเท่ากับ 26.30 คะแนน ซึ่งต่ำกว่ามาตรฐานคือ 50 คะแนน และคะแนนเฉลี่ยในระดับโรงเรียนเท่ากับ 24.00 คะแนน ซึ่งต่ำกว่าคะแนนเฉลี่ยของ ระดับประเทศ ในรายละเอียดของผลคะแนนที่แยกตามสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์จะเห็นได้ว่าใน สาระการเรียนรู้เรขาคณิตมีคะแนนเฉลี่ยร้อยละ 27.60 ซึ่งต่ำกว่าเกณฑ์มาก (รายงานผลการทดสอบ การศึกษาระดับชาติขั้นพื้นฐาน, 2561) และจากการประเมินขั้นเรียนของผู้วิจัยนั้น พบว่าในสาระการ เรียนรู้เรื่องเรขาคณิตในส่วนที่เป็นโจทย์ปัญหามีความซับซ้อนและหลากหลาย เมื่อนักเรียนเจอกับ สถานการณ์หรือโจทย์ปัญหาที่ไม่คุ้นเคยจะไม่สามารถแปลความจากสถานการณ์หรือโจทย์ปัญหาให้ อยู่ในของปัญหาอย่างง่ายได้ เนื่องจากนักเรียนไม่สามารถวิเคราะห์และตีความจากโจทย์ให้ออกมา ในรูปแบบของตัวแบบทางเรขาคณิต ไม่สามารถใช้สัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ในการกำหนดตัวแปร

ขาดการเชื่อมโยงสถานการณ์กับปัญหาในชีวิตจริง ส่งผลให้ความสามารถในการสื่อสารทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนพัฒนาข้ามและโดยบวบๆของโรงเรียนเป็นโรงเรียนขนาดกลางประจำอำเภอที่มีพื้นที่ติดกับชายแดนไทย-พม่า นักเรียนในโรงเรียนเป็นชนเผ่าจำนวนมาก ซึ่งนักเรียนมีความสามารถในการสื่อสารแตกต่างจากนักเรียนที่เป็นเชื้อชาติไทย ในบางครั้งเป็นอุปสรรคต่อการเรียนรู้ของนักเรียนและสถานการณ์หรือปัญหาทางคณิตศาสตร์ในหนังสือเรียนไม่สอดคล้องกับบริบทของนักเรียนทำให้นักเรียนไม่สามารถแปลความหมายจากสถานการณ์หรือปัญหาทางคณิตศาสตร์ให้อยู่ในรูปอย่างง่ายแสดงถึงการมีปัญหาในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์

แนวทางในการจัดกิจกรรมการเรียนรู้เพื่อส่งเสริมความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ควรเป็นกิจกรรมที่ให้นักเรียนมีส่วนร่วมในการดำเนินการ มีการเชื่อมโยงสถานการณ์ให้สอดคล้องกับบริบทและประสบการณ์ของนักเรียน ช่วยส่งเสริมนักเรียนที่มีความสามารถในการสื่อสารที่แตกต่างเปิดโอกาสให้นักเรียนได้ปฏิสัมพันธ์ต่อกันและได้รับแจงแนวคิดของนักเรียนเอง (NCTM, 2000) จากบริบทของโรงเรียนที่ผู้วิจัยได้กล่าวไว้ รูปแบบการจัดการเรียนรู้ที่น่าสนใจและเหมาะสมที่จะนำมาพัฒนาการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนคือการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน (Context-Based Learning) คือ การจัดกิจกรรมการเรียนรู้ที่อาศัยความสอดคล้องกันของเนื้อหาในเรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร กับสถานการณ์หรือสิ่งแวดล้อมที่นักเรียนพบเจอนิชีวิตประจำวันหรืออาจพบเจอในอนาคตมาเป็นจุดเริ่มต้นในการเรียนรู้ของนักเรียน เพื่อให้นักเรียนเกิดความรู้และทักษะในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ ตลอดจนสามารถถ่ายโอนความรู้ความเข้าใจเหล่านี้ไปสู่สถานการณ์หรือเหตุการณ์อื่น ๆ ได้ ประกอบด้วย 5 ขั้นตอน (Crawford, 2001) ได้แก่ ขั้นตอนที่ 1 การเชื่อมโยงความสัมพันธ์ (Relating) ขั้นตอนที่ 2 การเรียนรู้จากประสบการณ์ (Experiencing) ขั้นตอนที่ 3 การนำความรู้ไปใช้ (Applying) ขั้นตอนที่ 4 การร่วมมือ (Cooperating) และขั้นตอนที่ 5 การถ่ายโอนความรู้ไปยังบริบทอื่น (Transferring) ซึ่งในขั้นตอนที่ 2 คือขั้นการเรียนรู้จากประสบการณ์ เป็นขั้นตอนที่ส่งเสริมให้นักเรียนมีความสามารถในการใช้ตัวแทนความคิดเพื่อทำความเข้าใจปัญหา ได้แก่ การวาดตัวแบบทางเรขาคณิตที่เกิดจากรูปทรงเรขาคณิตสามมิติ เช่น ปริซึม ทรงกระบอก พีระมิด กรวยและทรงกลม เป็นต้น การเขียนข้อความ วาดภาพหรือใช้สัญลักษณ์โดยการซึ่ดเขียนหรือวงกลมข้อความในใจที่เพื่อกำหนดตัวแปร และขั้นตอนที่ 3 ขั้นการนำความรู้ไปใช้ เป็นขั้นตอนที่ส่งเสริมให้นักเรียนมีความสามารถใช้ตัวแทนความคิดเพื่อแสดงกระบวนการแก้ปัญหา ได้แก่ การใช้แผนภาพแสดงขั้นตอนการแก้ปัญหาจากสถานการณ์ได้ และในขั้นตอนที่ 4 ขั้นการร่วมมือ เป็นขั้นตอนที่ส่งเสริมให้นักเรียนมีความสามารถใช้

ตัวแทนความคิดเพื่อแสดงการสรุปคำตอบของปัญหาและนำเสนอ ได้แก่ การใช้ตัวแบบทางเรขาคณิต เพื่อแสดงการสรุปคำตอบได้

จากเหตุผลและความสำคัญของปัญหาที่กล่าวมาข้างต้นผู้วิจัยจึงเลือกความสำคัญที่จะศึกษาการจัดการเรียนรู้โดยใช้บิบทเป็นฐาน เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ซึ่งเป็นแนวทางในการพัฒนารูปแบบการจัดการเรียนรู้ คณิตศาสตร์ที่เหมาะสมสมกับบิบทของโรงเรียนที่นักเรียนมีความสามารถในการสื่อสารที่ต่างหากกัน เพื่อส่งเสริมทักษะการสื่อสารทางคณิตศาสตร์ ซึ่งเป็นทักษะการเรียนรู้ที่จำเป็นต่อนักเรียนเพื่อให้นักเรียนนำความรู้คณิตศาสตร์ไปใช้ประโยชน์ในชีวิตจริงได้

### คำถามวิจัย

- การจัดการเรียนรู้โดยใช้บิบทเป็นฐาน ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ความมีแนวทางอย่างไร
- การจัดการเรียนรู้โดยใช้บิบทเป็นฐาน สามารถส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ได้อย่างไร

### จุดประสงค์ของการวิจัย

- เพื่อศึกษาแนวทางการจัดการเรียนรู้โดยใช้บิบทเป็นฐานที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3
- เพื่อศึกษาผลการจัดการเรียนรู้โดยใช้บิบทเป็นฐาน ที่มีต่อการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

### ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ

- ได้แนวทางการจัดการเรียนรู้โดยใช้บิบทเป็นฐาน ในการจัดการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ระดับชั้นมัธยมศึกษาตอนต้น
- เป็นแนวทางในการจัดการเรียนรู้ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์

## ขอบเขตของงานวิจัย

### 1. ผู้เข้าร่วมวิจัย

ผู้เข้าร่วมวิจัยในครั้งนี้คือ นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ภาคเรียนที่ 1 ปีการศึกษา 2562

1 ห้องเรียน จำนวน 23 คน

### 2. ระยะเวลาที่ใช้ในการวิจัย

ระยะเวลาดำเนินการจัดการเรียนรู้ทั้งหมด 17 ชั่วโมง ภาคเรียนที่ 1 ปีการศึกษา 2562

### 3. เนื้อหาที่ใช้ในการวิจัย

เนื้อหาที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้เป็นเนื้อหาวิชาคณิตศาสตร์พื้นฐาน เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ภาคเรียนที่ 1 ปีการศึกษา 2562 ตามหลักสูตรสถานศึกษาของโรงเรียน โดยแบ่งเป็น 2 หัวข้ออยู่ได้แก่ พื้นที่ผิวของรูปทรงเรขาคณิตสามมิติ และปริมาตรของรูปทรงเรขาคณิตสามมิติ

## นิยามศัพท์เฉพาะ

### 1. การจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน (Context-Based Learning)

การจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน เป็นการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ที่อาศัยความสอดคล้องกันของเนื้อหาในเรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร กับสถานการณ์หรือสิ่งแวดล้อมที่นักเรียนพบเจอในชีวิตประจำวันหรือจากพบร่องในอนาคต มาเป็นจุดเริ่มต้นในการเรียนรู้ของนักเรียน เพื่อให้นักเรียนเกิดความรู้และทักษะในการนำไปใช้แก้ปัญหาในชีวิตจริงในเวลาพร้อม ๆ กัน ตลอดจนสามารถถ่ายโอนความรู้ความเข้าใจเหล่านี้ไปสู่สถานการณ์หรือเหตุการณ์อื่น ๆ ได้ ประกอบด้วย 5 ขั้นตอน ได้แก่

ขั้นตอนที่ 1 การเชื่อมโยงความสัมพันธ์ (Relating) ครูสร้างความสนใจของนักเรียน โดยเชื่อมโยงความสัมพันธ์กับสถานการณ์รอบ ๆ ตัว ซึ่งจะช่วยให้นักเรียนสามารถเชื่อมความรู้ในสิ่งที่จะเรียนเข้ากับบริบทรอบ ๆ ตัวได้

ขั้นตอนที่ 2 การเรียนรู้จากการประสบการณ์ (Experiencing) ครูยกสถานการณ์ในบริบทใหม่ที่เกี่ยวข้องกับพื้นที่ผิวและปริมาตร ให้แก่นักเรียนโดยชักนำสถานการณ์มาสู่ห้องเรียน เพื่อให้นักเรียนได้เกิดการสร้างความรู้ใหม่และเข้าใจในเนื้อหามากขึ้น โดยมีครุ一刻อยแนะนำให้นักเรียนได้ทำการแก้ปัญหาที่ละเอียด จากนั้นครูและนักเรียนร่วมกันสรุปและเชื่อมโยงไปสู่ความรู้ใหม่ที่นักเรียนได้รับจากการแก้ปัญหาในสถานการณ์ที่ครูกำหนดให้

**ขั้นตอนที่ 3 การนำความรู้ไปใช้ (Applying)** นักเรียนจะได้นำความรู้ที่ได้จากขั้นตอนที่ 2 มาใช้ในสถานการณ์ใหม่ เพื่อเป็นการตรวจสอบความเข้าใจและเป็นการใช้ความรู้ทางคณิตศาสตร์ในบริบทที่หลากหลาย

**ขั้นตอนที่ 4 การร่วมมือ (Cooperating)** นักเรียนจะต้องอธิบายวิธีการหรือแนวคิดเพื่อที่จะแลกเปลี่ยนความคิดเห็น นำเสนอวิธีการคิดของกลุ่มของตนเอง และเป็นการเพิ่มความมั่นใจในการแก้ปัญหาให้แก่นักเรียน

**ขั้นตอนที่ 5 การถ่ายโอนความรู้ไปยังบุรุษอื่น (Transferring)** นักเรียนจะได้นำเสนอสถานการณ์ที่จะสามารถนำความรู้ทางคณิตศาสตร์ที่ได้เรียนไปใช้แก่ปัญหาได้

## 2. การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ (Mathematical Representation)

การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ คือรูปแบบหนึ่งของการสื่อสารทางคณิตศาสตร์ มี 3 กระบวนการ

1. การใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อทำความเข้าใจปัญหา แสดงในรูปแบบของการเขียนข้อความ การเขียนหรือวงกลมข้อความในโจทย์ เพื่อกำหนดตัวแปร

2. การใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อวางแผนการแก้ปัญหา แสดงในรูปแบบของการวาดภาพ การวาดตัวแบบทางเรขาคณิต

3. การใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อแสดงการสรุปคำตอบของปัญหา แสดงในรูปแบบของการแทนค่าตัวแปรหรือสัญลักษณ์ลงในสูตร

ซึ่งจะประเมินผลจาก แบบวัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์และใบกิจกรรม

## บทที่ 2

### เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

การวิจัยครั้งนี้ผู้วิจัยได้ศึกษาเอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง เพื่อเป็นกรอบและแนวทางในการวิจัยในด้านต่าง ๆ ตามลำดับหัวข้อต่อไปนี้

1. หลักสูตรสถานศึกษาของโรงเรียน
  - 1.1 วิสัยทัศน์ พันธกิจ และจุดหมายของกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์
  - 1.2 เนื้อหารายวิชาคณิตศาสตร์พื้นฐาน เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร
2. การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์
  - 2.1 ความหมายของการสื่อสารทางคณิตศาสตร์
  - 2.2 ความหมายของการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์
  - 2.3 แนวทางการพัฒนาการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์
  - 2.4 การประเมินการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์
3. การจัดการเรียนรู้โดยใช้บูรณาภิเษก
  - 3.1 ความหมายของการจัดการเรียนรู้โดยใช้บูรณาภิเษก
  - 3.2 ขั้นตอนการจัดการเรียนรู้โดยใช้บูรณาภิเษก
4. งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง
  - 4.1 งานวิจัยที่เกี่ยวข้องภายในประเทศไทย
  - 4.2 งานวิจัยที่เกี่ยวข้องในต่างประเทศ

## 1. หลักสูตรสถานศึกษาของโรงเรียน

ผู้วิจัยได้นำเสนอเฉพาะข้อมูลของกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ในหลักสูตรสถานศึกษาของโรงเรียนในงานวิจัยนี้เท่านั้น โดยมีรายละเอียดตามหัวข้อดังต่อไปนี้

### 1.1 วิสัยทัศน์ พันธกิจ และจุดหมายของกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์

วิสัยทัศน์ของกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์พัฒนาผู้เรียนโดยยึดผู้เรียนเป็นสำคัญ สร้างสรรค์ให้เป็นคนเก่ง ดี มีสุข และพัฒนาผู้เรียนและครูให้มีคุณภาพพร้อมตามมาตรฐาน

พันธกิจของกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์

กลุ่มสาระคณิตศาสตร์ มีหน้าที่

1. จัดให้นักเรียนได้เรียนรู้และมีทักษะกระบวนการทางคณิตศาสตร์อย่างต่อเนื่อง เต็มตามศักยภาพ

2. จัดสาระการเรียนรู้ที่เหมาะสมสมทุกระดับชั้นตามมาตรฐานการเรียนรู้ที่กำหนดไว้

3. เปิดโอกาสให้ผู้เรียนได้เรียนรู้คณิตศาสตร์เพิ่มเติมตามความสนใจและความ

สนใจ

4. จัดกิจกรรมพัฒนาผู้เรียนให้นักเรียนมีทักษะกระบวนการทางคณิตศาสตร์ มีเจตคติที่ดี และตระหนักรู้ในคุณค่าของวิชาคณิตศาสตร์

จุดหมายของกลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์

1. เพื่อให้นักเรียนมีเหตุมีผล มีเจตคติที่ดีต่อคณิตศาสตร์ พัฒนาการคิดอย่างเป็นระบบและสร้างสรรค์ มีคุณธรรม จริยธรรม และค่านิยมที่พึงประสงค์ เห็นคุณค่าของตนเองมีวินัย และปฏิบัติด้วยดีหลักปรัชญาของเศรษฐกิจพอเพียง

2. เพื่อให้นักเรียนนำความรู้ทักษะและกระบวนการทางคณิตศาสตร์ไปใช้ในการแก้ปัญหา ในการสื่อสาร การคิด การดำรงชีวิต การใช้เทคโนโลยีและมีทักษะชีวิต

### 1.2 เนื้อหารายวิชาคณิตศาสตร์พื้นฐาน เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร

คำชี้นัยรายวิชาคณิตศาสตร์พื้นฐาน เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร

การหาปริมาตรของรูปเรขาคณิตสามมิติซึ่งได้แก่ ปริซึม ทรงกระบอก พีระมิด กรวย และทรงกลม การหาพื้นที่ผิวของปริซึมและทรงกระบอก รวมถึงการเขื่อมโยงความรู้เกี่ยวกับพื้นที่ผิวและปริมาตรกับสถานการณ์จริงในสิ่งแวดล้อม

เนื้อหาส่วนใหญ่เสนอไว้ในรูปของกิจกรรม เพราะต้องการให้นักเรียนศึกษาและสำรวจ ลักษณะต่าง ๆ ของรูปเรขาคณิตสามมิติ ทั้งยังมีกิจกรรมเพื่อให้นักเรียนเห็นความสัมพันธ์และที่มา

ของสูตรการหาปริมาตรของรูปเรขาคณิตสามมิติ และสูตรการหาพื้นที่ผิวของปริซึมและทรงกระบอก นอกจากนี้ความรู้ที่นักเรียนได้เรียนมาแล้วในเรื่องการเปรียบเทียบหน่วยความจุหรือหน่วยในปริมาตรในระบบเดียวกัน หรือต่างระบบ การเลือกใช้หน่วยวัดที่เหมาะสม รวมถึงการคาดคะเนเกี่ยวกับการวัดในสถานการณ์ต่าง ๆ ได้อย่างเหมาะสม ก็จะได้นำมาใช้ในการแก้โจทย์ปัญหาในเรื่องนี้

โดยมีมาตรฐานการเรียนรู้ที่เกี่ยวข้องทั้งหมด 4 มาตรฐาน 7 ตัวชี้วัดดังต่อไปนี้  
มาตรฐาน ค 2.1 เข้าใจพื้นฐานเกี่ยวกับการวัด และคาดคะเนขนาดของสิ่งที่ต้องการวัด  
ตัวชี้วัด

- ค 2.1 ม.3/1 หาพื้นที่ผิวของปริซึมและทรงกระบอก
- ค 2.1 ม.3/2 หาปริมาตรของปริซึม ทรงกระบอก พีระมิด กรวยและทรงกลม
- ค 2.1 ม.3/3 เปรียบเทียบหน่วยความจุ หรือหน่วยปริมาตรในระบบเดียวกัน หรือต่างระบบและเลือกใช้หน่วยการวัดได้อย่างเหมาะสม
- ค 2.1 ม.3/4 ใช้การคาด คะเนเกี่ยวกับการวัดในสถานการณ์ต่าง ๆ ได้อย่างเหมาะสม

มาตรฐาน ค 2.2 แก้ปัญหาเกี่ยวกับการวัด  
ตัวชี้วัด

- ค 2.2 ม.3/1 ใช้ความรู้เกี่ยวกับพื้นที่ พื้นที่ผิว และปริมาตรในการแก้ปัญหาในสถานการณ์ต่าง ๆ

มาตรฐาน ค 3.1 อธิบายและวิเคราะห์รูปเรขาคณิตสองมิติและสามมิติ  
ตัวชี้วัด

- ค 3.1 ม.3/1 อธิบายลักษณะและสมบัติของปริซึม พีระมิด ทรงกระบอก กรวย และทรงกลม

มาตรฐาน ค 3.2 ใช้การนีกภาพ (visualization) ใช้เหตุผลเกี่ยวกับปริภูมิ(spatial reasoning) และใช้แบบจำลองทางเรขาคณิต (geometric model) ในการแก้ปัญหา  
ตัวชี้วัด

- ค 3.2 ม.3/1 ใช้สมบัติของ รูปสามเหลี่ยมคล้ายในการให้เหตุผล และการแก้ปัญหา

ในการวิจัยปฏิบัติการเพื่อส่งเสริมการนำเสนอความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ด้วยการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน ผู้วิจัยได้

มุ่งเน้นการนำเสนocommunity-based mathematics แต่ทั้งนี้ ในการจัดการเรียนรู้ผู้วิจัยได้ออกแบบการจัดการเรียนรู้เพื่อให้นักเรียนสามารถบรรลุผลการเรียนรู้ข้างต้น โดยสามารถประเมินได้จากการทดสอบปลายภาคของนักเรียน

## 2. การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์

### 2.1 ความหมายของการสื่อสารทางคณิตศาสตร์

การสื่อสารทางคณิตศาสตร์นั้นได้มีนักวิชาการหลายท่านได้ให้ความหมายไว้ดังต่อไปนี้

Thurber (1976, p.513) กล่าวว่า ความสามารถในการสื่อสารทางคณิตศาสตร์เป็นการตั้งสถานการณ์ในกิจกรรมการเรียนหรือพูดในเรื่องประสบการณ์ทางคณิตศาสตร์ของผู้เรียนซึ่งจะมีผลต่อการปรับปูจุ่ที่ดีขึ้นต่อตนเอง เมื่อผู้เรียนได้ฝึกหัดเพิ่มมากขึ้น ผลงานให้ผู้เรียนมีพลังในการคิดด้วยตนเอง

สมาคมคณิตศาสตร์แห่งชาติของสหรัฐอเมริกา (NCTM,2000: 4-5) กล่าวถึงทักษะทางคณิตศาสตร์ว่า ใน การจัดหลักสูตรการเรียนการสอนคณิตศาสตร์ให้กับผู้เรียนนั้นควรจะต้องให้ผู้เรียนมีความสามารถดังต่อไปนี้

1. จัดระบบและรวมความคิดที่เกี่ยวข้องกับคณิตศาสตร์เข้าด้วยกันและสื่อสารได้ถูกต้อง
2. สื่อสารความคิดที่เกี่ยวกับคณิตศาสตร์ของพวากษาแก่ครูอาจารย์และผู้อื่นได้อย่างสมเหตุสมผลและแจ่มแจ้งชัดเจน
3. วิเคราะห์และประเมินค่าแนวความคิดเกี่ยวกับคณิตศาสตร์ด้วยกลยุทธ์ต่าง ๆ ได้
4. ใช้ภาษาของคณิตศาสตร์เพื่อการสื่อความหมายได้อย่างกระชัด ชัดเจน ได้ใจความที่ถูกต้องแน่นอน

Kennedy and others (1994, p.181) กล่าวถึงการสื่อสารทางคณิตศาสตร์ว่า เป้าหมายสำคัญของการเรียนการสอนคณิตศาสตร์คือ ให้ผู้เรียนได้เรียนรู้เกี่ยวกับ การสื่อสารทางคณิตศาสตร์ เพราการสื่อสารจะเป็นตัวเรื่องมุ่งประท้วง ความรู้ และสิ่งที่เป็นนามธรรมไปสู่สัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ และเป็นการนำเสนอแนวคิด และเปลี่ยนความรู้

Reys and others (2001, p.83) กล่าวว่า การสื่อสารเป็นเครื่องมือที่มีศักยภาพสำหรับการรวมรวมแนวคิดทางคณิตศาสตร์ทั้งโดยการพูดและการเขียน เพื่อแสดงและอธิบายแนวความคิด

แลกเปลี่ยนแนวคิดกับคนอื่น ซึ่งผู้เรียนควรได้รับการส่งเสริมให้มีการสื่อสารแนวคิดทางคณิตศาสตร์อย่างหลากหลาย เช่นการสื่อสารด้วยภาพ การแสดงท่าทาง การเขียนกราฟ การเขียนแผนภูมิ และการใช้สัญลักษณ์ไปพร้อมกับการใช้คำพูดและการเขียน

สถาบันส่งเสริมการสอนวิชาวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี (2555, หน้า 60) และปรมวลศิริพันแกล้ว (2541, หน้า 18) ได้กล่าวทำงานองเดียวกันว่าทักษะในการสื่อสาร (Communication Skills) หมายถึง การให้หรือการแลกเปลี่ยนความรู้และความคิดหลักทางคณิตศาสตร์ที่ได้จากการอ่าน การฟัง การสังเกต และการตรวจสอบในรูปแบบที่ชัดเจนและมีเหตุผลโดยการพูดการเขียน

จากแนวคิดเกี่ยวกับการสื่อสารทางคณิตศาสตร์ข้างต้น สรุปได้ว่า การสื่อสารทางคณิตศาสตร์ หมายถึง การใช้การพูดและการเขียน การใช้คำศัพท์ สัญลักษณ์ รูปภาพและโครงสร้างทางคณิตศาสตร์ เพื่อแสดงแนวคิด แลกเปลี่ยนความรู้ เรื่องยิ่ง และอธิบายกรอบแนวคิดของหลักการต่าง ๆ ซึ่งแสดงความหมาย ความสัมพันธ์ และความเชื่อมโยงของแนวคิดทางคณิตศาสตร์ ของตนให้บุคคลอื่นเข้าใจตรงกัน

## 2.2 ความหมายของการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์

Mathematical Representation เป็นรูปแบบหนึ่งของการสื่อสารทางคณิตศาสตร์ซึ่งแปลเป็นภาษาไทยได้ 2 แบบ คือการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์หรือตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เป็นคำ ๆ เดียวกัน โดยในงานวิจัยนี้ผู้วิจัยเลือกใช้คำว่า การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ซึ่งจากการศึกษาเอกสารที่เกี่ยวข้องพบว่ามีการให้ความหมายของการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ดังต่อไปนี้

NCTM (2000) กล่าวไว้ว่า การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ สามารถแสดงออกมาได้หลายวิธี เช่น ภาพ วัตถุ ตาราง กราฟ ตัวเลขและตัวอักษร สัญลักษณ์ และอื่น ๆ วิธีการการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เป็นพื้นฐานของคนที่มีความเข้าใจและสามารถนำแนวคิดเหล่านั้นไปใช้ได้ ซึ่งในหลายสิ่งที่เป็นการแสดงแทน ที่เรานำมาใช้ในตอนนี้เป็นผลมาจากการกระบวนการขั้นตอน ปรับแต่ง ที่เกิดขึ้นในช่วงหลาย ๆ ปี เมื่อนักเรียนได้เข้าถึงการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์และเกิดความคิดต่าง ๆ พวกรเขาก็จะแสดงมันออกมา และเมื่อพวกรเขารู้สึกว่าการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เกี่ยวกับมนต์ทางคณิตศาสตร์หรือความสัมพันธ์ต่าง ๆ ได้ พวกรเขาก็จะมีเครื่องมือที่สำคัญ ในการให้ความหมายของการสร้างแบบของพวกรเขาก็จะมีความเข้าใจ แบบรูปธรรม ลงมือ และประยุกต์การณ์ทางคณิตศาสตร์

พรไหม สารภรณ์ (2555) กล่าวไว้ว่า การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ หมายถึง ความสามารถของผู้เรียนในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อทำความสะอาด

เข้าใจปัญหา ใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เพื่อแสดงกระบวนการแก้ปัญหาและ ใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อสรุปปัญหาโดยการใช้รูปภาพ ข้อความ ตัวแปร สัญลักษณ์ ตัวเลข

ขมพุน竹 ชาวบ้านเก่า (2554) กล่าวไว้ว่า การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ หมายถึง การสร้างตาราง การเขียนกราฟ การใช้สัญลักษณ์ (ตัวแปร) ที่จะช่วยให้ผู้เรียนเข้าใจ คณิตศาสตร์และสามารถสื่อสารความหมายจากสิ่งที่เป็นนามธรรมไปสู่ปธรรมได้ เพื่อที่จะเข้าใจ จากเรื่องที่เข้าใจยาก ไปสู่เรื่องที่เข้าใจง่ายขึ้น กล้ายเป็นความคิดรวบยอด และสามารถมองเห็น แนวทางในการแก้ปัญหานั้นได้

จากการศึกษาและวิเคราะห์ความหมายของการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ซึ่งต้น ผู้วิจัยได้เลือกใช้ในยามตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ตาม พรไนม สามารถ (2555) ที่กล่าวไว้ว่า การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ หมายถึง ความสามารถของ ผู้เรียนในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อทำความเข้าใจปัญหา ใช้การนำเสนอ ตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เพื่อแสดงกระบวนการแก้ปัญหาและใช้การนำเสนอตัวแทน ความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อสรุปปัญหาโดยการใช้รูปภาพ ข้อความ ตัวแปร สัญลักษณ์ ตัวเลข เนื่องจากเป็นความหมายที่เหมาะสมกับการวัดและประเมินผลผู้เรียนได้อย่างชัดเจน

### 2.3 แนวทางการพัฒนาการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์

จากการศึกษา พ布ว่า นักการศึกษาได้ระบุแนวทางในการพัฒนาการนำเสนอตัวแทน ความคิดทางคณิตศาสตร์ ไว้ดังนี้

Lubinski and Otto (2002) กล่าวไว้ว่า การสื่อสารทั้งโดยการพูดหรือการเขียนเป็น กว่า ที่สำคัญในการเรียนการสอนการสื่อสารทางคณิตศาสตร์ ส่วนสำคัญของกระบวนการในการสื่อสาร คือการเลือกใช้สัญลักษณ์ที่เป็นตัวแทน กระบวนการการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ การใช้สัญลักษณ์และเครื่องหมายควรจะเริ่มขึ้นในชั้นเล็ก ๆ ของการเรียนคณิตศาสตร์ และปะగ្រឹងใน การอธิบายความคิดซึ่งนักเรียนในชั้นเริ่มต้นสามารถอธิบายได้

Rider (2007) ได้อธิบายบทบาทของครุใน การพัฒนาการใช้ตัวแทนไว้ว่า ครุต้องมี การ ปรับเปลี่ยนทั้งวิธีการสอนและการประเมิน โดยออกแบบการเรียนการสอนให้มีการใช้ตัวแทนที่ หลากหลาย ผ่านการยกตัวอย่าง การฝึกปฏิบัติในชั้นเรียน ซึ่งจะต้องมีการส่งเสริมการใช้กราฟ ตาราง และสมการพีชคณิตไปพร้อม ๆ กัน และมุ่งนั้นให้นักเรียนสามารถเปลี่ยนการใช้ตัวแทนใน หลาย ๆ รูปแบบได้ เพื่อปรับเปลี่ยนความเหมาะสมของตัวแทนรูปแบบต่าง ๆ ในเนื้อหาเดียวกัน

นอกจากนั้น ครูควรใช้การวัดและประเมินผลด้วยวิธีการที่หลากหลายทั้งที่เป็นทางการและไม่เป็นทางการ เช่น การสอบถาม แบบฝึกหัด หรือรูปแบบอื่น ๆ

NCTM (2000) ได้อธิบายถึงบทบาทของครูในการพัฒนาการใช้ตัวแทนของ นักเรียนในระดับมัธยมศึกษาตอนต้น ดังนี้ ครูคณิตศาสตร์สามารถช่วยให้นักเรียนเรียนรู้การใช้ตัวแทนที่หลากหลายและเหมาะสมได้โดยการส่งเสริมให้นักเรียนคิดหาวิธีการใช้ตัวแทนเพื่อสนับสนุน

#### 2.4 การประเมินการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์

NCTM (2000) ได้ระบุมาตรฐานของการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ทั้งของครูและของนักเรียนระดับมัธยมศึกษา ไว้ดังนี้

1. สร้างและใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ในการจัดการ การบันทึก และสื่อสารความคิดทางคณิตศาสตร์

2. เลือก ประยุกต์ใช้และแปลความระหว่างการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ในการแก้ปัญหา

3. ใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ในรูปแบบที่นำไปสู่การแก้ปัญหา และแปลความหมายในปรากฏการณ์ทางกายภาพทางสังคมและทางคณิตศาสตร์

ระดับของการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ (Level of Mathematical Representation) คือระดับความสามารถของนักเรียนในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ที่ใช้การจัดระดับความสามารถของนักเรียน (National Educational Goals Panel, 1996)

ระดับที่ 1 นักเรียนที่ใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ได้อย่างไม่เหมาะสมหรือไม่ใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ใด ๆ เลยในการสื่อสารถึงวิธีการแก้ปัญหา

ระดับที่ 2 นักเรียนมีความพยายามใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ได้อย่างเหมาะสมในการสื่อสารถึงวิธีการแก้ปัญหา

ระดับที่ 3 นักเรียนใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ได้อย่างเหมาะสม ถูกต้องแม่นยำในการสื่อสารถึงวิธีการแก้ปัญหา

ระดับที่ 4 นักเรียนมีใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ได้อย่างซับซ้อน และหลากหลายในการสื่อสารถึงวิธีการแก้ปัญหา

สำนักงานทดสอบทางการศึกษา กรมวิชาการ กระทรวงศึกษาธิการ (2554) ได้ระบุไว้ว่า เกณฑ์การให้คะแนน เป็นการระบุคุณภาพของงานหรือภาระทำที่ครูต้องการให้นักเรียนกระทำหรือ

ตอบสนอง การกำหนดเกณฑ์การให้คะแนนจะช่วยให้สิ่งที่คาดหวังและมาตรฐานของงานขัดเจน ยิ่งขึ้นและเกณฑ์ยังช่วยให้นักเรียนได้พัฒนาตนเองเมื่อทราบเกณฑ์ที่ครูและนักเรียนร่วมกันกำหนด การกำหนดเกณฑ์การให้คะแนนมี 2 แบบ คือ

### 1. การกำหนดเกณฑ์โดยภาพรวม (Holistic Score)

เป็นการให้คะแนนโดยพิจารณาผลงานของผู้เรียนในภาพรวมว่ามีคุณภาพสอดคล้อง กับเกณฑ์ในระดับใดและมีคะแนนเดียวสำหรับงานนั้น ซึ่งจะมีคำอธิบายคุณภาพของงาน ประกอบการตัดสินคะแนนต่าง ๆ ได้ด้วย เช่น การประเมินการแปลงพื้นอย่างถูกวิธี จะได้รับคะแนน ขอมาเป็นระดับคะแนนเดียวกัน ถูกต้องดี พอดี หรือยังต้องปรับปรุง

### 2. การกำหนดเกณฑ์โดยจำแนกสิ่งที่จะประเมินออกเป็นประเด็นย่อย (Analytic Score)

เป็นการให้คะแนนเป็นส่วน ๆ โดยระบุรายละเอียดออกเป็นประเด็นย่อย ๆ และแต่ละ ประเด็นมีคุณภาพอย่างไร เช่น การประเมินการเขียน จะแบ่งออกเป็นด้าน สำวนภาษา ความคิด สร้างสรรค์ การเขียนถูกหลักไวยากรณ์ หรือ การประเมินการแปลงพื้นอย่างถูกวิธี จะจำแนกการ ประเมินออกเป็น วิธีการแปลงพื้น ความสะอาดของพื้น และลักษณะนิสัยได้แก่ การใช้น้ำ การใช้ยาสี พื้นเป็นต้น

จากระดับระดับของการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์และนิยามการ นำเสนอความคิดทางคณิตศาสตร์ที่เปลี่ยนออกเป็น 3 กระบวนการได้กล่าวไว้แล้ว สรุปได้ว่าการประเมิน การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนนั้นสามารถให้คะแนนนักเรียนโดยเกณฑ์ แบบแยกประเด็นเพื่อจัดนักเรียนออกมานเป็นกลุ่มต่าง ๆ และเป็นหลักฐานที่ยืนยันว่าสามารถที่จะใช้ การนำเสนอตัวแทนความคิดในการสื่อสารถึงวิธีการแก้ปัญหาได้อย่างถูกต้องและเหมาะสม

### 3. การจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน

Context-Based Learning สามารถแปลเป็นภาษาไทยได้ 2 แบบ คือ การจัดการเรียนรู้โดย ใช้บริบทเป็นฐานหรือการจัดการเรียนรู้แบบบิงบริบทหรือการจัดการเรียนรู้ตามรูปแบบการเรียนรู้ที่ใช้ บริบทเป็นฐาน เป็นคำ ๆ เดียวกัน โดยในงานวิจัยนี้ผู้วิจัยเลือกใช้คำว่า การจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบท เป็นฐาน ซึ่งจากการศึกษาเอกสารที่เกี่ยวข้องพบว่ามีการให้ความหมายของการจัดการเรียนรู้โดยใช้ บริบทเป็นฐานดังต่อไปนี้

### 3.1 ความหมายของการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน

Bennett & Holman (2002) กล่าวว่า การจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน คือ วิธีการจัดการเรียนรู้รูปแบบหนึ่งที่เน้นการเชื่อมโยงบริบทจากชีวิตจริงเข้ากับการเรียนการสอน เน้นการให้สถานการณ์หรือเหตุการณ์ที่สร้างขึ้นให้มีความสัมพันธ์กับมนิทศน์ หลักการ กฎ และสิ่งต่างๆ ที่สามารถทำให้เข้าใจแนวคิด หลักการ กฎ และสิ่งต่างๆ เหล่านี้ได้ดีขึ้น

Darkwah (2006 ข้างอิงใน พัชรินทร์ ศรีคำ, 2560, หน้า 114) กล่าวว่า การจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน คือ เป็นการจัดการเรียนรู้ผู้เรียนเป็นสำคัญช่วยให้ผู้เรียนได้รู้จักค้นคว้า หาความรู้ด้วยตนเองที่มีการนำสถานการณ์หรือเหตุการณ์ต่างๆ จากชีวิตจริง หรือประสบการณ์ ในชีวิตประจำวันของผู้เรียนที่สัมพันธ์กับมนิทศน์ที่จะสอนมาใช้เพื่อให้ผู้เรียนสนใจและเห็นความสำคัญในฐานะที่เป็นส่วนหนึ่งของชีวิตจนเกิดความต้องการเรียนรู้ในสิ่งนั้นซึ่งผู้เรียนจะถูกกระตุ้นให้เกิดการเรียนรู้โดยมุ่งเน้นการทำกิจกรรมกลุ่มโดยมีครูเป็นผู้ที่คอยกระตุ้นและชี้แนะและมุ่งเน้นการเรียนแบบวิพากษ์วิจารณ์ ระดมความคิดของผู้เรียน ร่วมกันวิเคราะห์ปัญหาและนำไปสู่การแก้ไขปัญหาร่วมกันในที่สุด

ยุวนันท์ ไชยมงคล (2558, หน้า 41) กล่าวว่า การจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน คือ การจัดการเรียนการสอนที่ใช้บริบทที่อยู่ใกล้ตัวนักเรียน เช่น บริบทส่วนตัว บริบทโรงเรียน บริบทการทำงานอาชีพ และบริบทชุมชน สังคมสาธารณะ โดยครูเป็นผู้ค่อยกระตุ้นและเป็นผู้ให้คำแนะนำแก่นักเรียนเพื่อให้นักเรียนสามารถนำความรู้และทักษะไปใช้แก้ปัญหาในชีวิตจริง ใช้แก้ปัญหาในสถานการณ์ที่คล้ายคลึงกันได้

ทศตริน เครือทอง (2553, หน้า 56) กล่าวว่า การจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน คือ เป็นการจัดการเรียนรู้ที่ส่งเสริมให้ผู้เรียนเชื่อมโยงความรู้ที่เกิดขึ้นจากการเรียนเข้ากับสถานการณ์ ที่เกิดขึ้นจริงในชีวิตประจำวัน โดยการจัดสถานการณ์ที่เกิดขึ้นในชีวิตประจำวันของผู้เรียนให้มีความสัมพันธ์กับเนื้อหาความรู้ เน้นการเรียนรู้ที่อาศัยการบูรณาการเนื้อหาเข้ากับสถานการณ์ที่เหมาะสมเพื่อให้ผู้เรียนเกิดความรู้และทักษะในการนำไปใช้พร้อมกันโดยบริบทในที่นี้จะอ้างถึงเหตุการณ์และสถานการณ์ต่างๆ เพื่อให้เห็นถึงความเชื่อมโยงระหว่างเนื้อหาวิชาที่มีความซับซ้อนกับประสบการณ์จริงของผู้เรียน

จากการวิเคราะห์ความหมายของการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานดังกล่าว ข้างต้น สรุปได้ว่า การจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน หมายถึง การจัดกิจกรรมการเรียนรู้ที่อาศัยความสอดคล้องกันของเนื้อหาในเรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร กับสถานการณ์หรือสิ่งแวดล้อมที่นักเรียนพบเจอในชีวิตประจำวันหรืออาจพบเจอในอนาคต มาเป็นจุดเริ่มต้นในการเรียนรู้ของ

นักเรียน เพื่อให้นักเรียนเกิดความรู้จากการลงมือปฏิบัติ ตลอดจนสามารถถ่ายโอนความรู้ความเข้าใจเหล่านี้ไปสู่สถานการณ์หรือเหตุการณ์อื่น ๆ ได้

### 3.2 ขั้นตอนการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน

การจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน หมายถึง การจัดกิจกรรมการเรียนรู้ที่อาศัยความสอดคล้องกัน กับสถานการณ์หรือสิ่งแวดล้อมที่นักเรียนพบเจอในชีวิตประจำวันหรืออาจพบเจอในอนาคต มาเป็นจุดเริ่มต้นในการเรียนรู้ของนักเรียน เพื่อให้นักเรียนเกิดความรู้และทักษะในการนำไปใช้แก้ปัญหาในชีวิตจริงในเวลาพร้อม ๆ กัน ตลอดจนสามารถถ่ายโอนความรู้ความเข้าใจเหล่านี้ไปสู่สถานการณ์หรือเหตุการณ์อื่น ๆ ได้ จากการศึกษาเอกสารที่เกี่ยวข้องพบว่ามีการกำหนดขั้นตอนของการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน ดังต่อไปนี้

Puplampu and Ross (2016) ได้กล่าวถึง ลักษณะการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน 4 ขั้นตอน ดังต่อไปนี้

ขั้นตอนที่ 1 ครุนำเสนอสถานการณ์ให้กับนักเรียน นักเรียนระดมความคิดเพื่อระบุปัญหาการเรียนรู้ครุอย่างจุดประสงค์เกี่ยวกับกระบวนการภาระจัดการเรียนรู้โดยบริบทเป็นฐาน ให้กับนักเรียน

ขั้นตอนที่ 2 นักเรียนค้นหาข้อมูลแต่ละสถานการณ์

ขั้นตอนที่ 3 นักเรียนร่วมกันค้นพบจากการวิจัยของแต่ละบุคคล นักเรียนสังเคราะห์เพื่อวิเคราะห์ข้อมูลและสร้างความรู้ นักเรียนวางแผนตามสถานการณ์

ขั้นตอนที่ 4 การสะท้อนเนื้อหาและกระบวนการ การจัดการเรียนรู้โดยบริบทเป็นฐาน ในแต่ละบุคคลและกลุ่มนักเรียนมีบทบาทเป็นผู้นำในการแลกเปลี่ยน

ทัณฑ์วัต ปานพุ่ม (2559, หน้า 56-59) ได้กล่าวถึง ลักษณะการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน 4 ขั้นตอน ดังต่อไปนี้

ขั้นตอนที่ 1 ขั้นสัมพันธ์กับบริบท (Relate) ขั้นนี้เป็นการเรียนรู้จากบริบทของชีวิตจริงนำเสนอสถานการณ์ในชีวิตประจำวันที่เกี่ยวข้องกับนักเรียน เพื่อกระตุ้นให้นักเรียนได้อภิปรายเกี่ยวกับสถานการณ์ดังกล่าว ตลอดจนให้นักเรียนร่วมกันระบุปัญหาและร่วมกันหาแนวทางแก้ปัญหาโดยครุเป็นคนค่อยชี้แนะในการจัดการเรียนรู้

ขั้นตอนที่ 2 ขั้น殃ริญประสบการณ์ (Experience) เป็นขั้นตอนที่ให้นักเรียนศึกษาหาความรู้ร่วมกันทำกิจกรรมการเรียนรู้เป็นกลุ่ม โดยมีเป้าหมายคือแก้ปัญหาตามแนวทางที่ได้จากขั้นสัมพันธ์กับบริบท ในขั้น殃ริญประสบการณ์ โดยให้ผู้เรียนนำเสนอแนวคิด

### ขั้นตอนที่ 3 ขั้นสรุปในทัศน์ (Concept)

ขั้นตอนที่ 4 การสะท้อนเนื้อหาและกระบวนการ การจัดการเรียนรู้โดยบริบทเป็นฐาน ในแต่ละบุคคลและกลุ่ม นักเรียนมีบทบาทเป็นผู้นำในการแลกเปลี่ยน

Crawford (2001) เป็นหนึ่งในสมาชิกองค์กร CORD (Center for Occupational Research and Development) ได้กล่าวถึงขั้นตอนของการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานมี 5 ขั้นตอน ดังต่อไปนี้

ขั้นตอนที่ 1 การเชื่อมโยงความสัมพันธ์ (Relating) เป็นขั้นที่มีความสำคัญที่สุดในการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน ซึ่งเป็นหัวใจสำคัญในการสร้างองค์ความรู้ด้วยตนเอง เป็นการเรียนในบริบทของประสบการณ์ชีวิตประจำวันหรือมาจากความรู้เดิม โดยครูจะเชื่อมโยงความสัมพันธ์กับแนวคิดใหม่ ๆ ที่นักเรียนคุ้นเคยให้มีความสมบูรณ์มากยิ่งขึ้นซึ่งการเชื่อมโยงความสัมพันธ์ทำให้ได้รู้ข้อมูลใหม่และมีความเข้าใจในเนื้อหาอย่างถ่องแท้ ครูจะต้องทำหน้าที่กระตุ้นความรู้เดิมและเชื่อมโยงความสัมพันธ์สถานการณ์รอบ ๆ ตัวเข้ากับความรู้เดิมของนักเรียน ซึ่งจะช่วยให้นักเรียนสามารถเชื่อมความรู้ในสิ่งที่จะเรียนเข้ากับบริบทรอบ ๆ ตัวได้ การเชื่อมโยงความรู้เดิมของนักเรียนจะเป็นโครงสร้างพื้นฐานในการสร้างความรู้ใหม่ โดยครูสามารถทำได้โดยการถามคำถาม ที่นักเรียนสามารถตอบได้จากประสบการณ์ที่มาจากการชีวิตจริงออกข้อข้อเรียน

ขั้นตอนที่ 2 การเรียนรู้จากประสบการณ์ (Experiencing) เป็นขั้นที่เชื่อมโยงความสัมพันธ์ข้อมูลใหม่ ๆ จากประสบการณ์ที่เกิดขึ้นในชีวิตประจำวัน ครูสามารถช่วยให้นักเรียนได้รับความรู้ใหม่ ๆ โดยจัดสถานการณ์ให้เหมาะสม โดยเป็นการจัดการเรียนรู้จากประสบการณ์ที่ลงมือปฏิบัติของนักเรียนในขั้นเรียน เช่น การสำรวจ การค้นหา และการประดิษฐ์ ทำให้เกิดการเรียนรู้ที่มีความหมาย เปลี่ยนสิ่งที่เป็นนามธรรมให้กลายเป็นรูปธรรม

ขั้นตอนที่ 3 การนำความรู้ไปใช้ (Applying) ครูสามารถสร้างแรงจูงใจเพื่อให้นักเรียนเกิดความเข้าใจที่ถูกต้องโดยให้แบบฝึกหัดที่เกี่ยวข้องและสัมพันธ์กับชีวิตจริง แบบฝึกหัดเหล่านี้รวมไปถึงแบบฝึกหัดแก้ไขปัญหาในหนังสือเรียน โดยการทำหนดสถานการณ์ที่เกี่ยวข้องกับสถานการณ์ที่เกิดขึ้นในชีวิตประจำวันทำให้เกิดแรงจูงใจในการเรียนรู้และมโนติที่ถูกต้องในการเรียนได้ ซึ่งพบว่าแบบฝึกหัดที่เกี่ยวข้องกับชีวิตจริงหรือ สภาพจริงจะสามารถสร้างแรงจูงใจของนักเรียนในการเรียนรู้และให้นักเรียนมีมโนติที่ถูกต้องและคงทนได้

ขั้นตอนที่ 4 การร่วมมือ (Cooperating) เป็นการเรียนในบริบทของการแลกเปลี่ยน และการสื่อสารกับผู้อื่นภายในกลุ่ม การทำงานกลุ่มจะทำให้นักเรียนสามารถอธิบายวิธีการ แนวคิดที่จะสามารถแลกเปลี่ยนความคิดเห็น และแนะนำแก้ปัญหาในกลุ่มได้เพื่อเป็นแนวทางที่ดีในการ

แก้ปัญหาซึ่งจะทำให้สมาชิกของกลุ่มมีความมั่นใจในการลงมือปฏิบัติและมีแรงจูงใจในการทำงานที่สูงขึ้นมากกว่าทำด้วยตนเอง

ขั้นตอนที่ 5 การถ่ายโอนความรู้ไปยังบริบทอื่น (Transferring) เป็นการใช้ความรู้ในบริบทใหม่ ๆ หรือสถานการณ์ที่ไม่ได้ครอบคลุมในขั้นเรียนภายหลังการสร้างองค์ความรู้ด้วยตนเอง บทบาทของครุคือ การขยายหรือสร้างสรรค์ประสบการณ์การเรียนรู้อย่างหลากหลายไปในบริบทอื่น ๆ โดยมุ่งสอนความเข้าใจมากกว่าบริบทที่เรียน

จินดา พราหมณ์ (2553, หน้า 20-21) ได้กำหนดขั้นตอนการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน 4 ขั้นตอนตามแนวคิดของ Gilbert (2006) โดยได้เพิ่มเติมรายละเอียดในแต่ละขั้นตอนให้มีความสมบูรณ์และชัดเจนมากยิ่งขึ้น ดังรายละเอียดต่อไปนี้

ขั้นตอนที่ 1 กำหนดสถานการณ์ ในขั้นนี้ครุผู้สอนนำเสนอบริบทแนะนำ เพื่อให้นักเรียนตระหนักรู้ถึงความจำเป็นที่ต้องเรียนรู้ โดยครุผู้สอนกำหนด สถานการณ์ที่มีความเกี่ยวข้องกับนักเรียนหรือสถานการณ์ที่นักเรียนมีความสนใจ เพื่อให้นักเรียนได้นึกถึงและอภิปรายเกี่ยวกับสถานการณ์ดังกล่าวว่าเกิดขึ้นที่ไหน เมื่อไหร่ อย่างไร และผลที่เกิดขึ้นเป็นอย่างไร รวมถึงให้นักเรียนได้กำหนดปัญหาและคิดหาแนวทางแก้ไขปัญหาที่เกิดขึ้น

ขั้นตอนที่ 2 ขั้นลงมือปฏิบัติงาน เป็นขั้นตอนที่นักเรียนได้ร่วมกันทำกิจกรรมเป็นกลุ่มและมีการติดต่อสื่อสารกับนักเรียนคนอื่นเพื่อศึกษาค้นคว้าและลงมือปฏิบัติจริงต่าง ๆ ด้วยตนเอง เช่น การทดลอง การแก้ปัญหา การอภิปรายกลุ่มย่อย การแสดงบทบาทสมมุติ การสืบค้นข้อมูลการประดิษฐ์คิดค้นสิ่งต่าง ๆ เป็นต้น ซึ่งจะส่งผลให้นักเรียนได้ค้นพบความรู้หรือแนวคิดใหม่ ๆ

ขั้นตอนที่ 3 เรียนรู้แนวคิดสำคัญ ในขั้นนี้นักเรียนจะได้เรียนรู้เกี่ยวกับแนวคิดที่สำคัญที่ได้จากการทำกิจกรรม โดยการเปิดโอกาสให้นักเรียนได้นำเสนอข้อค้นพบต่าง ๆ รวมทั้งสรุปความรู้หรือแนวคิดที่ได้จากการค้นหาความรู้ด้วยตนเอง โดยครุผู้สอนจะต้องคำนึงถึงความรู้เดิมและความรู้พื้นฐานของนักเรียนด้วย

ขั้นตอนที่ 4 นำไปใช้ในสถานการณ์ใหม่ ในขั้นนี้ครุผู้สอนนำเสนอบริบทสืบค้นเพื่อกระตุ้นให้นักเรียนให้มีการประยุกต์ใช้ความรู้โดยครุผู้สอนจัดกิจกรรมเพื่อส่งเสริมให้นักเรียนได้มีการประยุกต์ใช้ความรู้ หรือแนวคิดที่เกี่ยวข้องในสถานการณ์อื่น ๆ หรือการประยุกต์ใช้ความรู้ในชีวิตประจำวัน

ยุวนันท์ ไชยมงคล (2558, หน้า 44) ได้กำหนดขั้นตอนการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน 4 ขั้นตอนตามแนวคิดของ Williams and Day (2006) โดยได้เพิ่มเติมรายละเอียดในแต่ละขั้นตอนให้มีความสมบูรณ์และชัดเจนมากยิ่งขึ้น ดังรายละเอียดต่อไปนี้

ขั้นตอนที่ 1 เข้าสู่บทเรียนด้วยบริบท ซึ่งประกอบด้วยบริบทส่วนตัว ซึ่งเป็นปัญหา ส่วนบุคคลที่เน้นไปที่กิจกรรมที่ทำเพียงหนึ่งคน หรือหนึ่งกลุ่มเพื่อน โดยเกี่ยวข้องกับเกมส์ การคุณภาพส่วนบุคคล กีฬา ตารางส่วนบุคคล และการเงินส่วนบุคคล ในขั้นตอนนี้นักเรียนร่วมกัน อภิปรายสถานการณ์ปัญหาโดยการพูดคุยกับเพื่อนในกลุ่มและพัฒนากลยุทธ์เพื่อบรรลุเป้าหมาย

ขั้นตอนที่ 2 เรียนรู้ด้วยตนเอง โดยเปิดโอกาสให้นักเรียนได้ค้นคว้าหาความรู้แนว ทางการแก้ไขปัญหา จากเอกสาร ตำรา หนังสือเรียน จากแหล่งเรียนรู้ห้องสมุดโรงเรียน เพื่อนำ ความรู้ที่ได้มาใช้ในการแก้ปัญหาในบริบทส่วนตัว หรือบริบทอาชีพ หรือบริบทสังคม หรือบริบท วิทยาศาสตร์

ขั้นตอนที่ 3 อภิปรายเพื่อแลกเปลี่ยนความรู้ วิธีการ และข้อคิดเห็นที่ได้มาแก้ไข ปัญหาสถานการณ์ที่กำหนดซึ่งเป็นบริบทส่วนตัว ขั้นตอนนี้นักเรียนจะแสดงความสามารถในการคิด แก้ปัญหา พร้อมทั้งใช้เหตุผลประกอบการแก้ปัญหาของนักเรียน โดยการระดมความคิดเพื่อนำมาลง มือปฏิบัติในการแก้ไขสถานการณ์บริบท อีกทั้งนักเรียนจะได้วิจารณ์เชิงสร้างสรรค์ว่าสิ่งที่ได้เรียน สามารถนำไปใช้ในอนาคตได้อย่างไร

ขั้นตอนที่ 4 สะท้อนความคิดถึงการนำความรู้ที่ได้จากกิจกรรมการเรียนรู้ไปใช้ใน บริบทอื่น ๆ ประกอบด้วยบริบทส่วนตัว หรือบริบทอาชีพ หรือบริบทสังคม หรือบริบทวิทยาศาสตร์ และนักเรียนสามารถอธิบายได้ว่าจะนำความรู้ไปใช้ในสถานการณ์บริบทชีวิต บริบทอาชีพ บริบท สังคม และบริบทวิทยาศาสตร์ ที่จะพบในอนาคตได้อย่างไร โดยใช้ความรู้เรื่องความจำจะเป็นเป็น เครื่องมือประกอบการแก้ปัญหา รวมถึงการแก้ปัญหาและการตัดสินใจในสถานการณ์ปัญหาที่ไม่ เมื่อตอนเดิมนั้นนักเรียนจะมีวิธีการแก้ปัญหาอย่างไร นอกจากนี้นักเรียนจะได้พากษ์วิจารณ์ กระบวนการทำงานกลุ่ม และสะท้อนความคิดของนักเรียนในการนำความรู้ที่จะได้รับไปใช้ในชีวิต จริงในอนาคต โดยนักเรียนจะได้ใช้ความสามารถในการสื่อสาร แสดงความคิดเห็นของตนผ่านการ สื่อสารทั้งในรูปของการพูด การเขียน ให้ผู้อื่นเข้าใจตน และสามารถเข้าใจการพูดและการเขียนของ ผู้อื่นด้วยเช่นกัน

จากการศึกษาและวิเคราะห์รูปแบบการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานข้างต้น ผู้วิจัยได้เลือกรูปแบบการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานของ Crawford (2001) เนื่องจากมี ขั้นตอนที่เหมาะสมต่อการส่งเสริมความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ โดยพบว่าในขั้นตอนที่ 1 การเชื่อมโยงความสัมพันธ์ (Relating) ควรนำเข้าสู่บทเรียนโดยการนำเสนอ สถานการณ์ในบริบทที่เกี่ยวข้องกับชีวิตประจำวันของนักเรียน หรือเป็นสถานการณ์ที่นักเรียน สามารถพบได้ในชีวิตประจำวัน ในเรื่องที่เกี่ยวข้องกับพื้นที่ผิวและปริมาตร ซึ่งจะทำให้นักเรียนเกิด

ความสนใจในบทเรียนและมีความกระตือรือร้นที่จะทำกิจกรรมถัดไป ขั้นตอนที่ 2 การเรียนรู้จากประสบการณ์ (Experiencing) เป็นขั้นที่ครูให้ปัญหาในสถานการณ์ในบริบทใหม่ที่เกี่ยวข้องกับพื้นที่ผิวและปริมาตรแก่นักเรียน ครูสามารถช่วยให้นักเรียนได้รับความรู้ใหม่ ๆ โดยจัดสถานการณ์ให้เหมาะสม ซึ่งเมื่อนักเรียนทำการแก้ปัญหาเรียนร้อยแล้ว ครูและนักเรียนจะร่วมกันสรุปและเขียนมโนถึงความรู้ใหม่ที่นักเรียนได้รับจากการแก้ปัญหา ในขั้นที่ 2 นี้ นักเรียนจะได้ฝึกการคิดสถานการณ์ของปัญหาที่พบในเชิงคณิตศาสตร์และการใช้หลักการ และกระบวนการทางคณิตศาสตร์ในการแก้ปัญหา ขั้นตอนที่ 3 การนำความรู้ไปใช้ (Applying) นักเรียนจะได้เกิดความเข้าใจที่ถูกต้องโดยนักเรียนจะได้นำความรู้ใหม่ที่ได้มาใช้แก้ปัญหาของสถานการณ์ในบริบทใหม่ ทำให้เกิดความเข้าใจในการใช้หลักการ และกระบวนการทางคณิตศาสตร์ในการแก้ปัญหา ขั้นตอนที่ 4 การร่วมมือ (Cooperating) ในขั้นนี้จะเปิดโอกาสให้นักเรียนได้อธิบายวิธีการ แนวคิดที่จะสามารถแลกเปลี่ยนความคิดเห็น และแนะนำวิธีแก้ปัญหาในกลุ่มได้เพื่อเป็นแนวทางที่ดีในการแก้ปัญหาซึ่งจะทำให้สมาชิกของกลุ่มมีความมั่นใจในการลงมือปฏิบัติและมีแรงจูงใจในการทำงานที่สูงขึ้นมากกว่าทำด้วยตนเอง เพื่อฝึกการอธิบาย ตีความ และประเมินผลลัพธ์ และขั้นตอนที่ 5 การถ่ายโอนความรู้ไปยังบริบทอื่น (Transferring) ในขั้นนี้นักเรียนจะได้นำความรู้ที่ได้มาใช้ในการสร้างเป็นสถานการณ์ในบริบทใหม่ เพื่อที่จะใช้ความรู้ใหม่ที่ได้ใน การแก้ปัญหา ดังนั้นการวิจัยปฏิบัติการเพื่อพัฒนาการจัดการเรียนรู้โดยบริบทเป็นฐาน เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ที่ส่งเสริมความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ผู้วิจัยจึงได้แสดงความสัมพันธ์ระหว่างขั้นตอนการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานที่สอดคล้องกับพฤติกรรมที่แสดงออกของนักเรียน ดังรายละเอียด ตารางด้านไปนี้

**ตาราง 1 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างขั้นตอนการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานกับ พฤติกรรมการเรียนรู้ตามความหมายของนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์**

ขั้นตอนการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน	พฤติกรรมการเรียนรู้
ขั้นตอนที่ 1 การเชื่อมโยงความสัมพันธ์ (Relating)	- ความสามารถในการใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อทำความเข้าใจปัญหา แสดงในรูปแบบของการเขียนข้อความ การเขียนหรือวงกลมข้อความในโจทย์ เพื่อกำหนดตัวแปร

ตาราง 1 ต่อ

ขั้นตอนการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน	พฤติกรรมการเรียนรู้
	<ul style="list-style-type: none"> <li>- ความสามารถในการใช้การนำเสนอตัวแทน</li> <li>ความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อวางแผนการแก้ปัญหา และในรูปแบบของการวางแผน การวางแผนตัวแบบทางเรขาคณิต</li> </ul>
ขั้นตอนที่ 2 การเรียนรู้จากประสบการณ์ (Experiencing)	-
ขั้นตอนที่ 3 การนำความรู้ไปใช้ (Applying)	<ul style="list-style-type: none"> <li>- ความสามารถในการใช้การนำเสนอตัวแทน</li> <li>ความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อทำความเข้าใจ ปัญหา และในรูปแบบของการเรียนรู้ความ การซึ่ดเฉียงหรือองกลมข้อความในโจทย์ เพื่อกำหนด ตัวแปร</li> <li>- ความสามารถในการใช้การนำเสนอตัวแทน</li> <li>ความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อวางแผนการแก้ปัญหา และในรูปแบบของการวางแผน การวางแผนตัวแบบทางเรขาคณิต</li> <li>- ความสามารถในการใช้การนำเสนอตัวแทน</li> <li>ความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อแสดงการสรุป คำตอบของปัญหา และในรูปแบบของการแทนค่าตัวแปรหรือสัญลักษณ์ลงในสูตร</li> </ul>
ขั้นตอนที่ 4 การร่วมมือ (Cooperating)	-
ขั้นตอนที่ 5 การถ่ายโอนความรู้ไปยังบริบทอื่น (Transferring)	-

จากตาราง 1 รายละเอียดของแต่ละขั้นแสดงดังต่อไปนี้

ขั้นตอนที่ 1 การเชื่อมโยงความสัมพันธ์ (Relating) ครูสร้างความสนใจของนักเรียน โดยเชื่อมโยงความสัมพันธ์สถานการณ์รอบ ๆ ตัว เพื่อสร้างความสนใจของนักเรียน ซึ่งจะช่วยให้

นักเรียนสามารถเชื่อมความรู้ในสิ่งที่จะเรียนเข้ากับบริบทรอบ ๆ ตัวได้ ส่งเสริมให้นักเรียนเข้าข้อความที่สำคัญในสถานการณ์เพื่อทำความเข้าใจปัญหาและส่งเสริมให้นักเรียนจำลองสิ่งของที่อยู่ในบริบทของนักเรียนออกแบบในรูปแบบของตัวแบบทางเรขาคณิต เป็นการใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อทำความเข้าใจปัญหาและเพื่อวางแผนการแก้ปัญหา

ขั้นตอนที่ 2 การเรียนรู้จากประสบการณ์ (Experiencing) ครุยิกสถานการณ์ในบริบทใหม่ที่เกี่ยวข้องกับพื้นที่ผิวและปริมาตร ให้แก่นักเรียนโดยชักนำสถานการณ์มาสู่ห้องเรียน เพื่อให้นักเรียนได้เกิดการสร้างความรู้ใหม่และเข้าใจในเนื้อหามากขึ้น โดยมีครุคอยแนะนำให้ นักเรียนได้ทำการแก้ปัญหาที่ละเอียด จากนั้นครุและนักเรียนร่วมกันสรุปและเชื่อมโยงไปสู่ความรู้ใหม่ที่นักเรียนได้รับจากการแก้ปัญหาในสถานการณ์ที่ครุกำหนดให้

ขั้นตอนที่ 3 การนำความรู้ไปใช้ (Applying) ในขั้นนี้นักเรียนจะได้นำความรู้ที่ได้จากขั้นที่สองมาใช้ในสถานการณ์ใหม่เพื่อเป็นการตรวจสอบการใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ในการแก้ปัญหาจากสถานการณ์ในบริบทที่หลากหลาย

ขั้นตอนที่ 4 การร่วมมือ (Cooperating) ในขั้นนี้จะเปิดโอกาสให้นักเรียนได้อธิบายวิธีการ แนวคิดเพื่อที่จะแลกเปลี่ยนความคิดเห็น นำเสนอวิธีการคิดของกลุ่มของตนเอง และเป็นการเพิ่มความมั่นใจในการแก้ปัญหาให้แก่นักเรียน

ขั้นตอนที่ 5 การถ่ายโอนความรู้ไปยังบริบทอื่น (Transferring) ในขั้นนี้นักเรียนจะได้นำเสนอสถานการณ์ที่จะสามารถนำความรู้ทางคณิตศาสตร์ที่ได้เรียนไปใช้แก้ปัญหาได้

#### 4. งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง

##### 4.1 งานวิจัยที่เกี่ยวข้องภายในประเทศ

กุลนิดา ปลื้มปิติวิทยาเวช และอัมพร มัคคุณ (2562, หน้า 86-107) ได้ศึกษา เกี่ยวกับการพัฒนากระบวนการเรียนการสอนตามแนวคิดการสร้างแบบจำลองทางคณิตศาสตร์และแนวคิดการเสริมต่อการเรียนรู้ เพื่อส่งเสริมความสามารถในการแก้ปัญหาและการใช้ตัวแทนทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนระดับชั้นมัธยมตอนต้น ผลการวิจัยพบว่า กระบวนการเรียนการสอนที่ พัฒนาขึ้นนั้น ประกอบด้วย 5 ขั้นตอน 1) การนำเสนอปัญหาเพื่อสร้างความสนใจ 2) การกำหนดเป้าหมายและสร้างแบบจำลอง 3) การดำเนินการแก้ปัญหาและอ้างอิงผลลัพธ์สู่บริบทในโลกแห่งความจริง 4) การประเมินแบบจำลองและการตรวจสอบความถูกต้องของแบบจำลอง 5) การขยายความคิดสร้างสรรค์ในสถานการณ์ใหม่ หลังกระบวนการเรียนการสอนพบว่า นักเรียนก้าวสู่ทักษะ

ความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ และมีความสามารถในการใช้ตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ สูงกว่ากลุ่มควบคุมอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .05

จิราพร บุญศรี (2555) ได้ศึกษาเกี่ยวกับการสร้างคู่มือการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนวิชาคณิตศาสตร์ที่เขื่อมโยงกับเครื่องใช้ชั้นเฝ่า ของโรงเรียนแห่งหนึ่งในจังหวัดเชียงใหม่ ซึ่งคู่มือที่สร้างนั้น เป็นคู่มือการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ 2 หน่วยการเรียนรู้ ประกอบไปด้วย เรื่อง การแปลงทางเรขาคณิต และการหาปริมาตรและพื้นที่ผิวของรูปสามมิติ ผลการศึกษาพบว่าคู่มือที่สร้างขึ้นนั้นทำให้นักเรียนชั้นเฝ่าเกิดความรู้ความเข้าใจในเนื้อหาคณิตศาสตร์สามารถเขื่อมโยงสิ่งที่อยู่ในชีวิตประจำวันกับความรู้ทางคณิตศาสตร์ได้เป็นอย่างดีและนักเรียนมีพฤติกรรมการเรียนรู้ที่ดี เช่น การให้ความร่วมมือในกิจกรรมการเรียนรู้ การถาม-ตอบในชั้นเรียน อีกทั้งยังตระหนักรถึงความสำคัญของวิชาคณิตศาสตร์

ทันยวัต ปานพุ่ม และชุมนาด เข็อสุวรรณทวี (2559, หน้า 105 -117) ได้ศึกษาผลของการจัดการเรียนรู้โดยใช้บิบิทเป็นฐานร่วมกับการเรียนบันทึกการเรียนรู้เรื่องอัตราส่วนสัดส่วนและร้อยละที่มีต่อผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนคณิตศาสตร์และความสุขในการเรียนของนักเรียนระดับประภาคณียบัตรวิชาชีพชั้นปีที่ 1 มี จุดประสงค์เพื่อ 1. เปรียบเทียบผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนคณิตศาสตร์ของนักเรียนที่ได้รับการเรียนรู้โดยใช้บิบิทเป็นฐานร่วมกับการเรียนบันทึกการเรียนรู้กับเกณฑ์และเพื่อเปรียบเทียบความสุขในการเรียนของนักเรียนก่อนและหลังได้รับการจัดการเรียนรู้โดยใช้บิบิทเป็นฐานร่วมกับการเรียนบันทึกการเรียนรู้ กลุ่มตัวอย่างที่ใช้ในการวิจัย เป็นนักเรียนระดับชั้นประภาคณียบัตรชั้นปีที่ 1 ภาคเรียนที่ 1 ปีการศึกษา 2559 วิทยาลัยพาณิชยการธนบุรี จำนวน 1 ห้องเรียนจำนวนนักเรียน 36 คนโดยการสุ่มแบบกลุ่มนี้ห้องเรียนเป็นหน่วยการสุ่มจับฉลาก มา 1 ห้องเรียนจากห้องเรียนทั้งหมดซึ่งทางวิทยาลัยจัดห้องเรียนโดยการคละความสามารถใช้เวลาทดลองทั้งหมด 17 คาบคaba ละ 60 นาทีโดยใช้แผนกวิจัยแบบ One Group, pre-test, post-test Design เครื่องมือที่ใช้ในการวิจัยประกอบด้วย 1) แผนการจัดการเรียนรู้โดยใช้บิบิทเป็นฐานร่วมกับการเรียนบันทึกการเรียนรู้เรื่องอัตราส่วนสัดส่วนและร้อยละ 2) แบบทดสอบวัดผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนคณิตศาสตร์และสารแบบประเมินความสุขในการเรียนวิเคราะห์ข้อมูลโดยใช้สถิติทดสอบค่าที ( $t$ - test for one Sample and  $t$  test for Dependent Sample ) ผลการวิจัยพบว่า 1) ผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนคณิตศาสตร์ของนักเรียนที่ได้รับการจัดการเรียนรู้โดยใช้บิบิทเป็นฐานร่วมกับการเรียนบันทึกการเรียนรู้สูงกว่าเกณฑ์ร้อยละ 70 อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .01 โดยมีคะแนนเฉลี่ยร้อยละ 76.76 และ 2) ความสุขในการเรียนของนักเรียนหลังได้รับการจัดการเรียนรู้โดยใช้บิบิทเป็น

ฐานร่วมกับการเขียนบันทึกการเรียนรู้สูงกว่าการได้รับการจัดการเรียนรู้อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .01

รุ่งพิวานา บุญมาตุน และคณะ (2560) ศึกษาแนวทางการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานที่พัฒนาการนำเสนอความคิดทางคณิตศาสตร์ และเพื่อศึกษาผลการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน ที่มีต่อการนำเสนอความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่องความน่าจะเป็น ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 กลุ่มเป้าหมายในกรุงเทพมหานคร จำนวน 39 คน ในโครงการห้องเรียนพิเศษ โรงเรียนขนาดใหญ่พิเศษ ในจังหวัดพิษณุโลก เครื่องมือที่ใช้ในการวิจัยได้แก่ แผนการจัดการเรียนรู้ ใบกิจกรรม แบบสะท้อนผลการจัดการเรียนรู้ อนุทินสะท้อนความคิดเห็นของนักเรียน และแบบวัดความสามารถการนำเสนอความคิดทางคณิตศาสตร์ โดยใช้รูปแบบการวิจัยปฏิบัติการในชั้นเรียนตามวงจร PAOR ทั้งหมด 3 วงจร ผลการวิจัยพบว่า แนวทางการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานที่พัฒนาการนำเสนอความคิดทางคณิตศาสตร์ให้ความสำคัญกับการเริ่มต้นบทเรียนด้วยสถานการณ์ที่เกี่ยวข้องกับชีวิตประจำวันของนักเรียน การใช้คำานปลายนเปิดเพื่อเปิดโอกาสให้นักเรียนได้แสดงความคิดเห็น การส่งเสริมให้นักเรียนได้ลงมือปฏิบัติเพื่อสร้างองค์ความรู้ใหม่ การส่งเสริมให้นักเรียนแลกเปลี่ยนความคิดเห็นกับเพื่อน และเน้นให้นักเรียนได้สร้างสถานการณ์ในบริบทใหม่ ทำให้นักเรียนที่เรียนด้วยการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน ส่วนใหญ่มีการนำเสนอความคิดทางคณิตศาสตร์อยู่ในระดับดี กล่าวคือนักเรียนสามารถระบุประเด็นทางคณิตศาสตร์ของปัญหาในชีวิตจริงได้ถูกต้อง สมบูรณ์และนำเสนอสถานการณ์โดยใช้ตัวแปร/สัญลักษณ์/แผนภาพให้อยู่ในรูปอย่างง่ายได้อย่างถูกต้องบางส่วน นักเรียนเลือกวิธีการที่สามารถแก้ปัญหาได้ถูกต้อง เหมาะสม 适合 ลอดคล้องกับปัญหานำวิธีการแก้ปัญหาไปใช้ได้อย่างถูกต้อง แต่การแสดงลำดับขั้นตอนของการแก้ปัญหายังไม่ชัดเจนและสรุปคำตอบได้ถูกต้องบางส่วน และนักเรียนสามารถตีความผลลัพธ์ทางคณิตศาสตร์กลับไปสู่บริบทของปัญหา อธิบายความสมเหตุสมผลของผลลัพธ์ได้ถูกต้องและอธิบายความสมเหตุสมผลของวิธีการแก้ปัญหาได้

พรไนม สามารถ และอัมพร มัคคุณ (2555) ได้ทำการวิจัยเรื่องการพัฒนาการคิดเชิงคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 โดยใช้กระบวนการคิดให้เป็นคณิตศาสตร์ ผลการวิจัยพบว่า นักเรียนที่เรียนโดยการใช้กระบวนการคิดให้เป็นคณิตศาสตร์ในช่วงก่อนเรียนระหว่างเรียน และหลังเรียน มีความคิดทางคณิตศาสตร์ที่ต่างกัน โดยพบว่า การคิดเชิงคณิตศาสตร์ของนักเรียนในช่วงหลังเรียนตีกว่าก่อนเรียน หลังเรียนตีกว่าระหว่างเรียน และระหว่างเรียนตีกว่าก่อนเรียน ทางสถิติที่ระดับ .05 และเมื่อเปรียบเทียบความคิดเชิงคณิตศาสตร์เป็นรายด้านพบว่า นักเรียนที่เรียนโดยใช้กระบวนการคิดให้เป็นคณิตศาสตร์ มีการคิดเชิงคณิตศาสตร์ด้านการแก้ปัญหา

ในช่วงก่อนเรียน ระหว่างเรียน และหลังเรียนแตกต่างกัน โดยในช่วงหลังเรียนดีกว่าก่อนเรียน ระหว่างเรียนดีกว่าก่อนเรียน และหลังเรียนไม่แตกต่างกับระหว่างเรียน อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .05 และนักเรียนที่เรียนโดยใช้กระบวนการคิดให้เป็นคณิตศาสตร์ มีการคิดเชิงคณิตศาสตร์ ด้านการให้เหตุผลในช่วงก่อนเรียน ระหว่างเรียนและหลังเรียนไม่แตกต่างกัน อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .05 นักเรียนที่เรียนโดยใช้กระบวนการคิดให้เป็นคณิตศาสตร์ มีการคิดเชิงคณิตศาสตร์ ด้านการนำเสนอตัวแทนความคิดในช่วงก่อนเรียน ระหว่างเรียน และหลังเรียนแตกต่างกัน โดย ในช่วงหลังเรียนดีกว่าก่อนเรียน หลังเรียนดีกว่าระหว่างเรียนและระหว่างเรียนดีกว่าก่อนเรียนอย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ .05 และนักเรียนที่เรียนโดยใช้กระบวนการคิดให้เป็นคณิตศาสตร์ มีพัฒนาการของการคิดเชิงคณิตศาสตร์ดีขึ้นเมื่อเปรียบเทียบกับระหว่างก่อนเรียน ระหว่างเรียนและหลังเรียน

ตามพนูชนิช ขาวบ้านเกา (2554) ได้ศึกษาเกี่ยวกับผลการจัดกิจกรรมการเรียนรู้โดยใช้ตัวแทนและ Representation ที่มีต่อความสามารถในการแก้ปัญหาคณิตศาสตร์เรื่องฟังก์ชันของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4 มีความมุ่งหมายเพื่อเปรียบเทียบความสามารถในการแก้ปัญหาของนักเรียนก่อนและหลังการจัดกิจกรรมการเรียนรู้โดยใช้ตัวแทนและเพื่อเปรียบเทียบความสามารถในการแก้ปัญหาของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4 หลังการจัดกิจกรรมการเรียนรู้โดยใช้ตัวแทนเป็นเกณฑ์ กลุ่มตัวอย่างเป็นนักเรียนระดับชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4 ภาคเรียนที่ 2 ปีการศึกษา 2553 โรงเรียนจุฬารามราชวิทยาลัย ลพบุรี ที่ได้จากการสุ่มแบบกลุ่ม 1 ห้องเรียนจำนวน 34 คน เครื่องมือที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ได้แก่ แผนการจัดกิจกรรมการเรียนรู้โดยใช้ตัวแทนเรื่องฟังก์ชันแบบทดสอบวัดความสามารถในการแก้ปัญหาคณิตศาสตร์ ดำเนินการจัดกิจกรรมการเรียนรู้โดยใช้ตัวแทนเรื่อง ฟังก์ชัน จำนวน 8 คาบ ทดสอบก่อนเรียนและหลังเรียนจำนวน 2 คาบแบบแผนการวิจัย เป็นแบบ One Group PreTest-PostTest Design สถิติที่ใช้ในการวิเคราะห์ข้อมูลคือการทดสอบค่า t (test for Dependent Sample) และการทดสอบค่าสถิติ t test for one Sample) ผลการศึกษาพบว่าความสามารถในการแก้ปัญหาของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4 หลังได้รับการจัดกิจกรรมการเรียนรู้โดยใช้ตัวแทนสูงขึ้นอย่างมีนัยสำคัญที่ระดับ .01 และความสามารถในการแก้ปัญหาทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4 หลังได้รับการจัดกิจกรรมการเรียนรู้โดยใช้ตัวแทนสูงกว่าเกณฑ์ร้อยละ 60 อย่างมีนัยสำคัญทางสถิติที่ระดับ .01 โดยมีคะแนนเฉลี่ยเป็นร้อยละ 75.44

#### 4.2 งานวิจัยที่เกี่ยวข้องในต่างประเทศ

Kuang-Chao (2014, p.1377-1401) ได้ศึกษาการส่งเสริมทักษะการแก้ปัญหาของนักเรียนผ่านการจัดการเรียนรู้โดยใช้บิบทเป็นฐาน โดยได้ดำเนินกิจกรรมการเรียนรู้โดยการดูหนังสือสืบ เพื่อสร้างสถานการณ์จำลองเพื่อนำไปสู่การการแก้ปัญหา กิจกรรมในครั้งนี้ได้จัดขึ้นกับ

นักเรียนเกรด 8 จำนวน 103 คน ในช่วงเวลา 14 สัปดาห์ ผลการวิจัยพบว่าบริบทจากสถานการณ์ จำลองเป็นประ予以ชน์สำหรับการกระตุ้นความสามารถของนักเรียนในการสร้างและวิเคราะห์คำถกม ใจนั้น จึงเลือกวิธีการเพื่อทำการแก้ปัญหา นอกเหนือจากนี้ การศึกษาในครั้งนี้ทำให้เห็นถึงความสามารถในการประเมินผลและการสะท้อนผลของนักเรียน ผลการวิจัยแสดงให้เห็นว่าการจัดการเรียนรู้โดยใช้ บริบทเป็นฐานช่วยให้นักเรียนสามารถแก้ปัญหาได้อย่างมีประสิทธิภาพ

Hoover (2012) ได้ทำการจัดกิจกรรมการเรียนรู้โดยการกำหนดสถานการณ์ปัญหาจากบริบทของนักเรียนระดับประถมศึกษา เช่น การแบ่งขนมคุ้กกี้ การใช้จ่ายเงินในการซื้อ ชิงนักเรียนจะต้องใช้ความรู้ทางคณิตศาสตร์มาเป็นเครื่องมือในการแก้ไขสถานการณ์ปัญหาจากบริบทเหล่านี้ และผลการวิจัยพบว่าการใช้กระบวนการจัดกิจกรรมอย่างมีบริบทจะส่งเสริมให้นักเรียนได้เพิ่มความรู้ทางคณิตศาสตร์ ทักษะทางสังคม พัฒนาสมรรถนะทางคณิตศาสตร์ และการนำคณิตศาสตร์ไปใช้กับโลกจริงได้ และนอกจากนี้กระบวนการจัดการเรียนรู้อย่างมีบริบทจะช่วยให้นักเรียนเกิดการเรียนรู้คณิตศาสตร์อย่างมีความหมาย สามารถเรียนรู้คณิตศาสตร์ได้ทุกที่ และทำให้นักเรียนเห็นความสัมพันธ์ถึงการนำคณิตศาสตร์ไปใช้แก้ปัญหาในชีวิตจริงได้

จากการวิเคราะห์งานวิจัยที่เกี่ยวข้องกับการจัดการเรียนรู้โดยใช้บูรณาภรณ์ ผู้วิจัยเล็งเห็นถึงปัญหาและความสำคัญของการจัดการเรียนรู้เพื่อให้นักเรียนสามารถนำความรู้ไปใช้แก้ปัญหาในสถานการณ์ที่หลากหลาย พบว่า การจัดการเรียนรู้โดยใช้บูรณาภรณ์สามารถทำให้นักเรียนมีผลลัพธ์ที่สูงขึ้น สามารถพัฒนาการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ และทำให้นักเรียนตระหนักรถึงประโยชน์ของคณิตศาสตร์ในการนำไปใช้ในชีวิตประจำวันมากขึ้น ซึ่งสอดคล้องกับการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ที่ผู้วิจัยได้นิยามไว้ข้างต้น และเล็งเห็นว่าการจัดการเรียนรู้โดยใช้บูรณาภรณ์ เป็นการจัดการเรียนรู้ที่คาดว่าจะสามารถส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ได้ เพราะเป็นการจัดการเรียนรู้ที่ใช้สภาพแวดล้อมจริงที่นักเรียนพบเจอในชีวิตประจำวันหรืออาจพบเจอในอนาคต มาเป็นจุดเริ่มต้นในการเรียนรู้ของนักเรียน เพื่อให้นักเรียนเกิดความรู้และทักษะในการนำไปใช้แก้ปัญหาในชีวิตจริงในเวลาพร้อม ๆ กัน ตลอดจนสามารถถ่ายโอนความรู้ความเข้าใจเหล่านั้นไปสู่สถานการณ์หรือเหตุการณ์อื่น ๆ ได้ ผู้วิจัยจึงสนใจที่จะวิจัยปฏิบัติการเพื่อพัฒนาการจัดการเรียนรู้โดยบูรณาภรณ์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

## บทที่ 3

### วิธีดำเนินการวิจัย

การวิจัยครั้งนี้เป็นการวิจัยปฏิบัติการเพื่อพัฒนาการจัดการเรียนรู้โดยบริบทเป็นฐาน เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ซึ่งได้ดำเนินการตามลำดับขั้นตอน ดังรายละเอียดต่อไปนี้

1. ผู้เข้าร่วมวิจัย
2. รูปแบบการวิจัย
3. เครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย
4. การเก็บและรวบรวมข้อมูล
5. การวิเคราะห์ข้อมูล

1. ผู้เข้าร่วมวิจัย ได้แก่ นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ภาคเรียนที่ 1 ปีการศึกษา 2562 จำนวน 1 ห้องเรียน จำนวน 23 คน

#### 2. รูปแบบการวิจัย

การวิจัยครั้งนี้ใช้รูปแบบการวิจัยปฏิบัติการในชั้นเรียน (Action Research) ตามแนวคิดของ Kemmis and McTaggart (2000) เป็นแนวทางในการดำเนินการวิจัยพัฒนาการจัดการเรียนรู้โดยบริบทเป็นฐาน เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ ซึ่งประกอบด้วย 4 ขั้นตอนใน 1 วงจร ได้แก่

1. ขั้นวางแผน (Planning)
2. ขั้นปฏิบัติการ (Acting)
3. ขั้นสังเกตการณ์ (Observing)
4. ขั้นสะท้อนผล (Reflecting)

ผู้วิจัยได้ดำเนินการตามขั้นตอนของการวิจัยเชิงปฏิบัติการ โดยมีลักษณะทำซ้ำเป็นวงจร ทั้งหมด 5 วงจร แบ่งได้ดังนี้

วงจรที่ 1 แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 1 เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตรประชุม

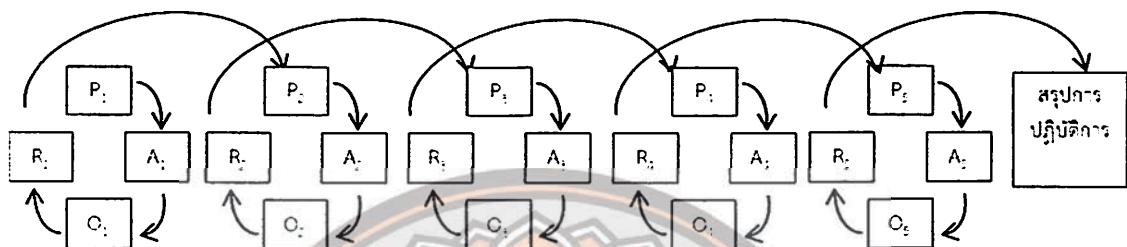
วงจรที่ 2 แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 2 เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตรทรงกรวยออก

วงจรที่ 3 แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 3 เรื่อง ปริมาตรพีระมิด

วงจรที่ 4 แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 4 เรื่อง ปริมาตรกรวย

วงจรที่ 5 แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 5 เรื่อง ปริมาตรทรงกลม

โดยลักษณะของวงจรทั้ง 5 แสดงดังภาพที่ 1



ภาพ 1 แสดงวงจรของการวิจัยเชิงปฏิบัติการ

ที่มา : ปรับมาจากแนวคิดของ Kemmis and McTaggart, 2000

### 3. เครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย

#### 1. เครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย

เครื่องมือที่ใช้ในการวิจัยนี้แบ่งออกเป็น 2 ส่วนคือ

##### 1.1 เครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย

แผนการจัดการเรียนรู้โดยบิบทเป็นฐาน เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ที่ส่งเสริม การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 จำนวน 5 แผนการจัดการเรียนรู้ ใช้เวลาทั้งหมด 17 ชั่วโมง ประกอบด้วย

แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 1 เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตรปริซึม จำนวน 4 ชั่วโมง

แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 2 เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตรทรงกระบอก จำนวน 4 ชั่วโมง

แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 3 เรื่อง ปริมาตรพีระมิด จำนวน 3 ชั่วโมง

แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 4 เรื่อง ปริมาตรกรวย จำนวน 3 ชั่วโมง

แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 5 เรื่อง ปริมาตรทรงกลม จำนวน 3 ชั่วโมง

##### 1.2 เครื่องมือที่ใช้ในการเก็บรวบรวมข้อมูล

ผู้วิจัยแสดงเครื่องมือที่ใช้ในการวิจัยที่สอดคล้องกับจุดประสงค์ของการวิจัยในแต่ละ ข้อดังตาราง 2

## ตาราง 2 แสดงเครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย

จุดประสงค์ของการวิจัย	เครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย
1. เพื่อศึกษาแนวทางการจัดการเรียนรู้โดยใช้ บริบทเป็นฐานที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทน ความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3	- แบบสะท้อนผลการจัดการเรียนรู้
2. เพื่อศึกษาผลการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบท เป็นฐาน ที่มีต่อการนำเสนอตัวแทนความคิด ทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของ นักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3	- แบบวัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทน

### 2. การสร้างเครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย

การสร้างเครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย เป็นไปตามขั้นตอนดังต่อไปนี้

2.1 แผนการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทน ความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 มีขั้นตอน การสร้างดังต่อไปนี้

2.1.1 ศึกษาและวิเคราะห์หลักสูตรสถานศึกษาของโรงเรียน โดยศึกษาคำอธิบาย รายวิชา คณิตศาสตร์พื้นฐาน 3 เนื้อหา สาระการเรียนรู้ และผลการเรียนรู้ในเรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร

2.1.2 ศึกษาระบวนการของการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์

2.1.3 ศึกษาลักษณะและขั้นตอนของการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน รวมถึง เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้องกับการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน

2.1.4 สร้างแผนการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทน ความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 จำนวน 5 แผน ใช้เวลาทั้งหมด 17 ชั่วโมง ดังนี้

แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 1 เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตรพื้นฐาน จำนวน 4 ชั่วโมง

แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 2 เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตรทรงกรวย จำนวน 4 ชั่วโมง

ชั่วโมง

แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 3 เรื่อง ปริมาตรพีระมิด จำนวน 3 ชั่วโมง

แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 4 เรื่อง ปริมาตรบรรยาย จำนวน 3 ชั่วโมง

แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 5 เรื่อง ปริมาตรทรงกลม จำนวน 3 ชั่วโมง

แผนการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 แต่ละแผนจะต้องสามารถพัฒนากระบวนการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ได้ครบถ้วน 3 กระบวนการประกอบด้วยหัวข้อดังนี้

- 1) ชื่อแผนการเรียนรู้
- 2) ผลการเรียนรู้
- 3) จุดประสงค์การเรียนรู้
- 4) กิจกรรมการเรียนรู้ที่ประกอบด้วย 5 ขั้นตอน ของการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน ได้แก่

ขั้นตอนที่ 1 การเขื่อมโยงความสัมพันธ์ (Relating)

ขั้นตอนที่ 2 การเรียนรู้จากประสบการณ์ (Experiencing)

ขั้นตอนที่ 3 การนำความรู้ไปใช้ (Applying)

ขั้นตอนที่ 4 การร่วมมือ (Cooperating)

ขั้นตอนที่ 5 การถ่ายโอนความรู้ไปยังบริบทอื่น (Transferring)

5) สื่อการเรียนรู้

6) แหล่งการเรียนรู้

7) การวัดและประเมินผล

2.1.5 นำแผนการจัดการเรียนรู้ที่สร้างขึ้นเสนอต่ออาจารย์ที่ปรึกษาการค้นคว้าอิสระ และผู้เชี่ยวชาญรวมทั้งหมด 3 ท่าน เพื่อประเมินความเหมาะสมของแผนการจัดการเรียนรู้ ประกอบด้วย

ผู้เชี่ยวชาญด้านเนื้อหาคณิตศาสตร์ จำนวน 1 ท่าน

ผู้เชี่ยวชาญด้านการสอนคณิตศาสตร์/คณิตศาสตร์ศึกษา จำนวน 1 ท่าน

ครุวิทยฐานะชำนาญการพิเศษวิชาคณิตศาสตร์ จำนวน 1 ท่าน

2.1.6 นำแผนการจัดการเรียนรู้มาปรับปรุงแก้ไขตามคำแนะนำของอาจารย์ที่ปรึกษา การค้นคว้าอิสระ และผู้เชี่ยวชาญ ซึ่งจากคำแนะนำของผู้เชี่ยวชาญพบว่าควรปรับแก้แผนการจัดการเรียนรู้ในประเด็นของสถานการณ์ในแผนการจัดการเรียนรู้ เพราะบางสถานการณ์ยังไม่เน้นให้นักเรียนใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดในการแก้ปัญหา

### 2.1.7 จัดทำแผนการจัดการเรียนรู้ฉบับสมบูรณ์

#### 2.2 แบบละเอียดทั่วไปของการจัดการเรียนรู้

แบบละเอียดทั่วไปของการจัดการเรียนรู้ที่ผู้วิจัยสร้างขึ้นเพื่อใช้เป็นเครื่องมือในการเก็บรวบรวมข้อมูลเกี่ยวกับการจัดการเรียนรู้ของผู้วิจัยขณะที่ดำเนินกิจกรรม โดยให้ผู้ร่วมสังเกตการณ์จัดการเรียนรู้ซึ่งได้แก่ หัวหน้ากลุ่มสาระการเรียนรู้รายวิชาคณิตศาสตร์ และผู้วิจัยจดบันทึกบรรยายเหตุการณ์ที่เกิดขึ้นในชั้นเรียนในแต่ละวันจนกว่าจะเรียนสามารถเขียนลงในแบบสำรวจที่ได้เตรียมไว้ สำหรับการประเมินคุณภาพของนักเรียน ผู้สอน และสถานศึกษา ที่ได้รับการประเมิน สามารถประเมินคุณภาพของนักเรียนได้โดยใช้แบบสำรวจที่ได้จัดทำขึ้น ซึ่งมีขั้นตอนการสร้างดังต่อไปนี้

##### 2.2.1 ศึกษาเอกสารที่เกี่ยวข้องกับการสร้างแบบละเอียดของการจัดการเรียนรู้

2.2.2 กำหนดขอบเขตของการสังเกต ได้แก่ การจัดการเรียนรู้ของผู้วิจัยสอดคล้องกับนิยามของการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานหรือไม่ สามารถส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ได้จริงหรือไม่ อย่างไร โดยพิจารณาจากพฤติกรรมของนักเรียนจากการจัดการเรียนรู้ในแต่ละชั้น การจัดการเรียนรู้มีปัญหาและอุปสรรคอย่างไร และมีแนวทางในการแก้ไขปรับปรุงอย่างไร

##### 2.2.3 สร้างแบบละเอียดทั่วไปของการจัดการเรียนรู้

##### 2.2.4 นำแบบละเอียดทั่วไปของการจัดการเรียนรู้เสนอต่ออาจารย์ที่ปรึกษาการค้นคว้าอิสระ

2.2.5 ปรับปรุงแก้ไขแบบละเอียดของการจัดการเรียนรู้ตามคำแนะนำของอาจารย์ที่ปรึกษาการค้นคว้าอิสระ

##### 2.2.6 จัดทำแบบละเอียดของการจัดการเรียนรู้ฉบับสมบูรณ์

#### 2.3 ใบกิจกรรม

ใบกิจกรรมของนักเรียนที่ผู้วิจัยสร้างขึ้นเพื่อใช้ประกอบการจัดกิจกรรมการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน โดยเน้นสถานการณ์ที่ครอบคลุมเนื้หาพื้นที่ผิวและปริมาตรของรูปทรงสามมิติ เพื่อเป็นเครื่องมือในการเก็บรวบรวมข้อมูลเกี่ยวกับการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ โดยให้นักเรียนเรียนบันทึกทุกครั้งที่มีการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ โดยใบกิจกรรมของนักเรียนจะเป็นส่วนหนึ่งของแผนการจัดการเรียนรู้ รายละเอียดกิจกรรมแสดงดังตาราง 3

### ตาราง 3 แสดงกิจกรรมในแต่ละแผนการจัดการเรียนรู้

แผนที่	ใบกิจกรรมที่	สถานการณ์	บริบท
1	1.1 1.2 1.3 1.4	My House Renovate House รื้อถอนครอบบ้าน Design House	ส่วนตัว
2	2.1 2.2	ไม่ได้ทรงกระบอกใกล้ตัว อยู่ชนิดไม่ได้	อาชีพ
3	3.1 3.2	ขนมปุ่มในตำนาน บะจ่างในตำนาน	สังคม
4	4.1 4.2	กรวยกับแกร้ว กรวย แกร้ว กล่อง	ส่วนตัว
5	5.1 5.2	ทรงกลมกับเครื่องประดับ ทรงกลมกับลูกปัดเงิน	ส่วนตัว

รุ่งแต่ละใบกิจกรรมมีขั้นตอนการสร้างดังต่อไปนี้

- 2.3.1 ศึกษาเอกสารที่เกี่ยวข้องกับการสร้างใบกิจกรรมของนักเรียน
- 2.3.2 ศึกษาระบวนการนำเสนอตัวแทนทางคณิตศาสตร์มาใช้ในการแก็บปัญหา
- 2.3.3 ศึกษาเนื้อหารายวิชาคณิตศาสตร์พื้นฐาน 3 เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร
- 2.3.4 กำหนดขอบข่ายของการบันทึกข้อมูลของนักเรียน
- 2.3.5 สร้างใบกิจกรรมของนักเรียน
- 2.3.6 นำไปกิจกรรมของนักเรียนเสนอต่ออาจารย์ที่ปรึกษาการค้นคว้าข้อมูลและผู้เชี่ยวชาญ ทั้งหมด 3 ท่าน เพื่อประเมินความเหมาะสมของแผนการจัดการเรียนรู้ประกอบด้วย
  - ผู้เชี่ยวชาญด้านเนื้อหาคณิตศาสตร์ จำนวน 1 ท่าน
  - ผู้เชี่ยวชาญด้านการสอนคณิตศาสตร์/คณิตศาสตร์ศึกษา จำนวน 1 ท่าน
  - ครุวิทยฐานะชำนาญการพิเศษวิชาคณิตศาสตร์ จำนวน 1 ท่าน
- 2.3.7 ปรับปรุงแก้ไขใบกิจกรรมของนักเรียนตามคำแนะนำของอาจารย์ที่ปรึกษาการค้นคว้าข้อมูล และผู้เชี่ยวชาญ
- 2.3.8 จัดทำใบกิจกรรมของนักเรียนฉบับสมบูรณ์

## 2.4 แบบวัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์

แบบวัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์จำนวน 7 ข้อ เป็นแบบวัดที่มีลักษณะเป็นแบบอัตนัย มี 2 คำถามย่อย 1) ให้นักเรียนวาดตัวแบบเรขาคณิตที่ได้ จากสถานการณ์ปัญหา 2) ให้นักเรียนดำเนินการแก้ปัญหา โดยให้นักเรียนเขียนข้อความสำคัญ หรือกำหนดตัวแปรในสถานการณ์ปัญหา คาดภาพตัวแบบเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์ แล้ว ดำเนินการแก้ปัญหาจากสถานการณ์ในแบบวัด โดยนักเรียนจะได้ทำแบบวัดความสามารถในการ นำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เมื่อสิ้นสุดการจัดการเรียนรู้ทุกวงจรแล้ว ซึ่งมีขั้นตอนการ สร้างดังต่อไปนี้

2.4.1 ศึกษาและวิเคราะห์หลักสูตรสถานศึกษาของโรงเรียน โดยศึกษาคำอธิบาย รายวิชา คณิตศาสตร์พื้นฐาน 3 เนื้อหา สารการเรียนรู้ และผลการเรียนรู้ในเรื่อง พื้นที่ผิวและ ปริมาตร เพื่อนำมาเป็นข้อมูลในการสร้างแบบวัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทาง คณิตศาสตร์ ที่ครอบคลุมในเรื่องของ พื้นที่ผิวและปริมาตรของรูปทรงเรขาคณิตสามมิติ

2.4.2 กำหนดรูปแบบของแบบวัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทาง คณิตศาสตร์ โดยในงานวิจัยนี้ผู้วิจัยใช้แบบทดสอบ จำนวน 7 ข้อ ข้อละ 9 คะแนน เนื่องจาก ประเมินการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ทั้งหมด 3 กระบวนการ โดยให้คะแนนเต็ม กระบวนการละ 3 คะแนนและกำหนดรูปแบบเป็นแบบเขียนตอบอิสระ

2.4.3 สร้างแบบวัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ จำนวน 14 ข้อที่ ดังรายละเอียดในตาราง 4

2.4.4 นำแบบวัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เสนอต่ออาจารย์ที่ปรึกษาการค้นคว้าอิสระและผู้เชี่ยวชาญ ทั้งหมด 3 ท่าน ประกอบด้วย

ผู้เชี่ยวชาญด้านเนื้อหาคณิตศาสตร์ จำนวน 1 ท่าน

ผู้เชี่ยวชาญด้านการสอนคณิตศาสตร์/คณิตศาสตร์ศึกษา จำนวน 1 ท่าน

ครุวิทยฐานะชำนาญการพิเศษวิชาคณิตศาสตร์ จำนวน 1 ท่าน

เพื่อตรวจสอบความตรงเรียงเนื้อหา (Content Validity) ว่าแบบวัดความสามารถในการ นำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์นั้นมีความเหมาะสมกับนักเรียน ซึ่งจากคำแนะนำของ ผู้เชี่ยวชาญพบว่าควรปรับสถานการณ์บางสถานการณ์ให้แปลกใหม่ให้สอดคล้องกับเนื้อหาและมี ข้อคำถามย่อข้อๆ แจ้งให้นักเรียนเข้าใจง่ายขึ้น

2.4.5 คัดเลือกแบบวัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์  
จำนวน 7 ข้อ

2.4.6 จัดทำแบบวัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์  
ฉบับสมบูรณ์

**ตาราง 4 แสดงความสัมพันธ์ของการสร้างและใช้แบบวัดความสามารถในการนำเสนอ  
ตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์**

เรื่อง	จุดประสงค์การเรียนรู้	จำนวนข้อ		เวลา (นาที)
		สร้าง (ข้อ)	ใช้จริง (ข้อ)	
พื้นที่ผิวและ ปริมาตรของ ปริซึม	1. นักเรียนสามารถหาพื้นที่ผิวของปริซึมจาก สถานการณ์ที่สอดคล้องกับบริบทในชีวิตจริงได้ 2. นักเรียนสามารถหาปริมาตรของปริซึมจาก สถานการณ์ที่สอดคล้องกับบริบทในชีวิตจริงได้	4	2	10
พื้นที่ผิวและ ปริมาตรของ ทรงกระบอก	1. นักเรียนสามารถหาพื้นที่ผิวของทรงกระบอกจาก สถานการณ์ที่สอดคล้องกับบริบทในชีวิตจริงได้ 2. นักเรียนสามารถหาปริมาตรของทรงกระบอกจาก สถานการณ์ที่สอดคล้องกับบริบทในชีวิตจริงได้	4	2	10
ปริมาตรของ พีระมิด	1. นักเรียนสามารถหาปริมาตรของพีระมิดจาก สถานการณ์ที่สอดคล้องกับบริบทในชีวิตจริงได้	2	1	10
ปริมาตรของ กรวย	1. นักเรียนสามารถหาปริมาตรของกรวยจาก สถานการณ์ที่สอดคล้องกับบริบทในชีวิตจริงได้	2	1	10
ปริมาตรของ ทรงกลม	1. นักเรียนสามารถหาปริมาตรของทรงกลมจาก สถานการณ์ที่สอดคล้องกับบริบทในชีวิตจริงได้	2	1	10
รวม		14	7	50

#### 4. การเก็บและรวบรวมข้อมูล

ในการดำเนินการเก็บรวบรวมข้อมูลมีขั้นตอนการดำเนินการดังนี้

1. ปฐมนิเทศและชี้แจงจุดประสงค์การจัดการเรียนรู้ให้กับนักเรียนที่เป็นผู้เข้าร่วมวิจัย

2. ดำเนินการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ ตามช่วงไมงปกติของโรงเรียน โดยใช้เวลาในการจัดการเรียนรู้ทั้งหมด 17 ชั่วโมง

3. ในระหว่างทำการจัดการเรียนรู้ ผู้วิจัยและผู้ร่วมสังเกตการจัดการเรียนรู้จะจดบันทึกการทำกิจกรรมการเรียนรู้ของนักเรียนลงในแบบสะท้อนผลการจัดการเรียนรู้ และนักเรียนเขียนบันทึกการทำกิจกรรมลงในใบกิจกรรม

4. เมื่อจบการจัดการเรียนรู้ในแต่ละแผนการจัดการเรียนรู้ นักเรียนจะนำเสนอชิ้นที่นักเรียนได้เรียนรู้จากกิจกรรมนั้น จากนั้นผู้วิจัยจะนำผลที่ได้มาทำการสะท้อนผล เพื่อปรับปรุงแผนการจัดการเรียนรู้ในครั้งต่อไป

5. เมื่อดำเนินการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ครบทั้ง 5 แผน ผู้วิจัยให้นักเรียนทำแบบทดสอบ เรื่องพื้นที่ผิวและปริมาตร จำนวน 7 ข้อ เป็นเวลา 50 นาที

6. นำผลที่ได้จากการเก็บรวบรวมทั้งหมดไปทำการวิเคราะห์ข้อมูล

## 5. การวิเคราะห์ข้อมูล

ในการวิเคราะห์ข้อมูลนั้น ผู้วิจัยได้นำเก็บรวบรวมข้อมูลโดยใช้เครื่องมือต่าง ๆ มาวิเคราะห์ ซึ่งการวิเคราะห์นั้นจะแบ่งออกเป็น 2 ส่วน ตามวัตถุประสงค์ทั้ง 2 ข้อได้แก่

5.1 การศึกษาแนวทางการจัดการเรียนรู้ในห้องเรียนด้วยการจัดการเรียนรู้โดยใช้ บริบทเป็นฐานที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและ ปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

ผู้วิจัยนำข้อมูลที่ได้จากแบบสะท้อนผลการจัดการเรียนรู้ ซึ่งเป็นข้อมูลเชิงคุณภาพ และเป็นข้อมูลที่ได้จากผู้วิจัย ผู้ร่วมสังเกตการณ์จัดการเรียนรู้ซึ่งเป็นครูที่เป็นหัวหน้ากลุ่มสารการเรียนรู้คณิตศาสตร์ หรือครูที่รับผิดชอบการสอนคณิตศาสตร์ภายในโรงเรียน โดยใช้การวิเคราะห์เชิงเนื้อหา (Content Analysis) เมื่อสิ้นสุดการจัดการเรียนรู้ในแต่ละวงจรปฏิบัติการ และวิเคราะห์ภาพรวมทั้งหมดอีกครั้ง เมื่อดำเนินการจัดการเรียนรู้ครบทั้ง 5 วงจรปฏิบัติการ มีรายละเอียดการวิเคราะห์ข้อมูล ดังนี้

5.1.1 การจัดระเบียบข้อมูลเพื่อทำการวิเคราะห์และตีความ

5.1.2 การจัดระเบียบเนื้อหาของข้อมูลตามประเด็นที่ผู้วิจัยต้องการวิเคราะห์ได้แก่  
1) นักเรียนสามารถเข้ามายิงเนื้อหาให้สอดคล้องกับบริบทคนเองได้หรือไม่อย่างไร 2) ปัญหาหรือ อุปสรรคที่พบจากการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ของผู้วิจัย และ 3) แนวทางการปรับปรุงแก้ไขปัญหา

สำหรับการจัดการเรียนรู้ในครั้งต่อไป โดยประเด็นเหล่านี้จะมีผลต่อการปรับปรุงและพัฒนาแผนการจัดการเรียนรู้โดยใช้บันทึกเป็นฐาน

5.1.3 การแสดงข้อมูล เป็นการนำข้อมูลที่มีรหัสเดียวกันมาจัดกลุ่มให้เป็นหมวดหมู่ เพื่อสะดวกต่อการวิเคราะห์และอภิปรายผล โดยข้อมูลที่ผู้วิจัยจัดกลุ่มนั้น ทั้งหมด 3 กลุ่ม ได้แก่ การเรียนรู้ของนักเรียน ปัญหาของกิจกรรม แนวทางการแก้ปัญหา เป็นต้น

5.1.4 ผู้วิจัยนำแบบสะท้อนผลการจัดการเรียนรู้ที่ได้จากการเรียนรู้ แล้ววิเคราะห์ และผู้ร่วมสังเกต การจัดการเรียนรู้ ซึ่งเป็นผู้สอนในรายวิชาคณิตศาสตร์ในทุกความเรียน มาดำเนินการตรวจสอบ ข้อมูลเชิงคุณภาพด้วยวิธีการสามเหล่า (Triangulation) โดยการใช้แหล่งข้อมูลมากกว่า 1 แหล่ง (Resource Triangulation) (ศรีนา กิจเทื้อกุล, 2557) เพื่อนำข้อมูลมาวิเคราะห์ผลการดำเนินการ จัดกิจกรรมการเรียนรู้ว่าให้ข้อมูลในประเด็นที่สอดคล้องและเป็นไปในทิศทางเดียวกันหรือไม่ อย่างไร

5.2 การศึกษาผลการจัดการเรียนรู้โดยใช้บันทึกเป็นฐาน ที่มีต่อการนำเสนอ ตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษา ปีที่ 3

ในการวิเคราะห์ข้อมูลนั้น ผู้วิจัยได้ใช้เครื่องมือในการเก็บรวบรวมข้อมูล ได้แก่ ใน กิจกรรม และแบบวัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ซึ่งจะทำการ วิเคราะห์เมื่อสิ้นสุดในแต่ละวงจรปฏิบัติการ และจะวิเคราะห์ภาพรวมทั้งหมดเมื่อดำเนินการจัดการ เรียนรู้ครบทั้ง 5 วงจร จากนั้นนำผลการวิเคราะห์ข้อมูลทั้งสองแหล่งมาเปรียบเทียบกันเพื่อ ตรวจสอบความสอดคล้องของผลการวิเคราะห์ข้อมูล โดยมีรายละเอียดการวิเคราะห์ดังนี้

### 5.2.1 การวิเคราะห์ข้อมูลจากใบกิจกรรมของนักเรียน

#### 5.2.1.1 ผู้วิจัยรวบรวมข้อมูลจากใบกิจกรรมของนักเรียน วิเคราะห์การเรียน

คำตอบโดยเกณฑ์การวิเคราะห์แบบแยกประเด็น (Analytic Scoring) ตามกระบวนการการของ การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ 3 กระบวนการ คือ การใช้การนำเสนอตัวแทนความคิด เพื่อทำความเข้าใจปัญหา เพื่อวางแผนการแก้ปัญหา และเพื่อแสดงการสรุปคำตอบของปัญหา แล้วแสดงผลในรูปของความถี่ตามกลุ่มคำตอบของนักเรียนออกเป็น 4 ระดับ ได้แก่ ดีมาก (3) ดี (2) พอกใช้ (1) ควรปรับปรุง (0) ตามลำดับที่ผู้วิจัยได้กำหนดขึ้นดัง ตาราง 5

### ตาราง 5 แสดงเกณฑ์การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน

ความสามารถในการนำเสนอ ตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์	ระดับ ความสามารถ	พฤติกรรมที่แสดงออก
	ดีมาก (3)	-นักเรียนสามารถเขียนสัญลักษณ์ชี้เดียวหรือ วงกลม ข้อความในสถานการณ์เพื่อกำหนดตัวแปรได้ครบถ้วน
1. การใช้การนำเสนอตัวแทน ความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อทำ ความเข้าใจปัญหา	ดี (2)	-นักเรียนสามารถเขียนสัญลักษณ์ชี้เดียวหรือ วงกลม ข้อความในสถานการณ์ กำหนดตัวแปรไม่ครบถ้วน
	พอใช้ (1)	-นักเรียนเขียนสัญลักษณ์ชี้เดียวหรือ วงกลมข้อความใน สถานการณ์ แต่ไม่กำหนดตัวแปร
	ควรปรับปรุง (0)	-นักเรียนไม่เขียนสัญลักษณ์ชี้เดียวหรือ วงกลมข้อความ ในสถานการณ์ และไม่กำหนดตัวแปร
	ดีมาก (3)	-นักเรียนหาตัวแบบเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์และ ระบุองค์ประกอบของรูปเรขาคณิตได้ถูกต้องครบถ้วน
2. การใช้การนำเสนอตัวแทน ความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อวิเคราะห์ แผนกรากบัญชา	ดี (2)	-นักเรียนหาตัวแบบเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์และ ระบุองค์ประกอบของรูปเรขาคณิตได้ไม่ครบถ้วน
	พอใช้ (1)	-นักเรียนหาตัวแบบเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์และ ไม่ระบุองค์ประกอบของรูปเรขาคณิต
	ควรปรับปรุง (0)	-นักเรียนไม่หาตัวแบบเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์ และไม่ระบุองค์ประกอบของรูปเรขาคณิต
	ดีมาก (3)	- นักเรียนเลือกใช้สูตรถูกต้อง แทนค่าตัวแปรลงในสูตร ถูกต้อง และดำเนินการแก้ปัญหาได้ถูกต้อง
3. การใช้การนำเสนอตัวแทน ความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อแสดง การสรุปคำตอบของปัญหา	ดี (2)	- นักเรียนเลือกใช้สูตรถูกต้อง แทนค่าตัวแปรลงในสูตร ถูกต้อง แต่ดำเนินการแก้ปัญหาได้ไม่ถูกต้อง
	พอใช้ (1)	- นักเรียนเลือกใช้สูตร แต่แทนค่าตัวแปรลงในสูตรไม่ ถูกต้อง และดำเนินการแก้ปัญหาได้ไม่ถูกต้อง
	ควรปรับปรุง (0)	- นักเรียนใช้สูตร แทนค่าตัวแปรลงในสูตรและดำเนินการ แก้ปัญหาไม่ถูกต้อง

5.2.1.2 ผู้วิจัยวิเคราะห์คำตอบของนักเรียนตามเกณฑ์ที่ผู้วิจัยได้กำหนดขึ้น  
ตามกระบวนการของการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ 3 กระบวนการ คือ การใช้การ  
นำเสนอตัวแทนความคิดเพื่อทำความเข้าใจปัญหา เพื่อวางแผนการแก้ปัญหา และเพื่อแสดงการ  
สรุปคำตอบของปัญหาแล้วแสดงผลในรูปของความถี่ตามกลุ่มคำตอบของนักเรียนออกเป็น 4

ระดับ ได้แก่ ตีมาก (3) ตี (2) พอใช้ (1) ควรปรับปรุง (0) เพื่อจัดระดับการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์

5.2.1.3 ผู้วิจัยเปรียบเทียบระดับการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ที่ได้จากใบกิจกรรมที่ 1, 2, 3, 4 และ 5 ซึ่งถ้าหากผลคะแนนของนักเรียนสูงขึ้นตามใบกิจกรรมที่ได้จากการประเมินตัวอย่างที่ 1, 2, 3, 4 และ 5 แสดงให้เห็นว่านักเรียนได้มีการพัฒนาการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ และแสดงให้เห็นว่าการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานที่ผู้วิจัยสร้างขึ้นสามารถพัฒนาการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนได้

### 5.2.2 การวิเคราะห์ข้อมูลจากแบบวัดความสามารถในการนำเสนอความคิดทางคณิตศาสตร์

5.2.2.1 ผู้วิจัยรวมข้อมูลจากแบบวัดความสามารถในการนำเสนอความคิดทางคณิตศาสตร์โดยวิเคราะห์การเรียนคำตอบเพื่อให้คะแนนตามการวิเคราะห์แบบแยกประเด็น (Analytic Scoring) ที่ผู้วิจัยได้กำหนดขึ้น ในตารางที่ 5

5.2.2.2 ผู้วิจัยทำการรวมคะแนนเพื่อจัดระดับการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ตามเกณฑ์การตัดสินคุณภาพที่ผู้วิจัยได้กำหนดขึ้นโดยการดังตาราง 6

ตาราง 6 แสดงเกณฑ์การตัดสินคุณภาพเพื่อจัดระดับการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์จากแบบทดสอบ

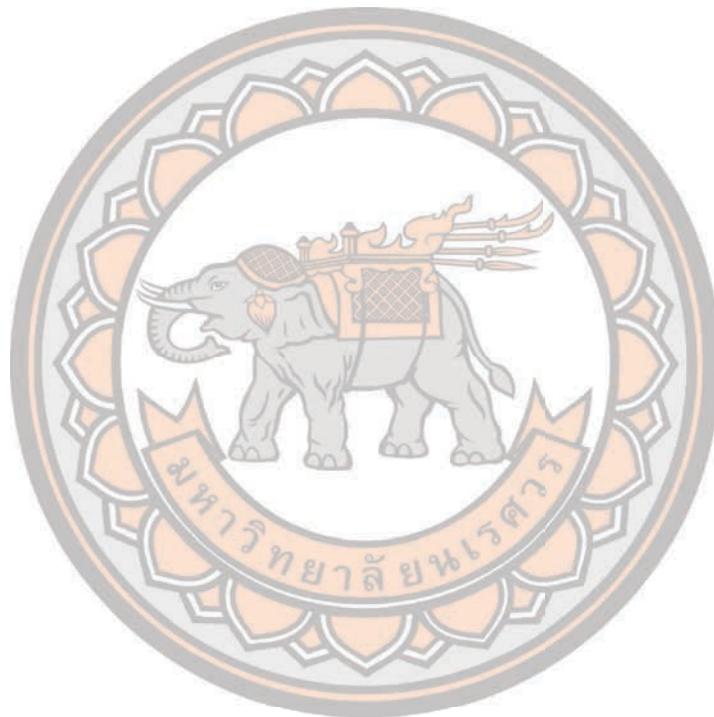
ช่วงคะแนน	ระดับการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์
49 - 63	ตีมาก
34 - 48	ตี
19 - 33	พอใช้
ต่ำกว่า 19	ควรปรับปรุง

จากตาราง 6 ระดับคะแนนแต่ละระดับกำหนดขึ้นเพื่อแสดงถึงภาพรวมของการนำเสนอความคิดทางคณิตศาสตร์ที่เกิดจากการตรวจด้วยเกณฑ์รูบerrick องค์แต่ละกระบวนการของ การนำเสนอความคิดทางคณิตศาสตร์ 3 กระบวนการ

5.2.2.3 ผู้วิจัยเปรียบเทียบคะแนนการนำเสนอความคิดทางคณิตศาสตร์ที่ได้จากแบบวัดความสามารถในการนำเสนอความคิดทางคณิตศาสตร์กับเกณฑ์ ซึ่งถ้าหากผลคะแนนของนักเรียนมีการพัฒนา แสดงให้เห็นว่านักเรียนได้มีการพัฒนาการนำเสนอความคิดทาง

คณิตศาสตร์ และแสดงให้เห็นว่าการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานที่ผู้วิจัยสร้างขึ้นสามารถพัฒนาการนำเสนอความคิดทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนได้

เมื่อดำเนินการวิเคราะห์ข้อมูลจากใบกิจกรรม และแบบวัดความสามารถการนำเสนอความคิดทางคณิตศาสตร์เรียบร้อยแล้ว หลังจากนั้นผู้วิจัยพิจารณาผลการพัฒนาการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนว่าเป็นไปในทิศทางเดียวกันหรือไม่ อย่างไร



## บทที่ 4

### ผลการวิจัย

การวิจัยปฏิบัติการเพื่อพัฒนาการจัดการเรียนรู้โดยปรับเปลี่ยนฐาน เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ในครั้งนี้เป็นการศึกษาเพื่อตอบคำถามวิจัยทั้ง 2 คำถาม ดังนี้

- การจัดการเรียนรู้โดยใช้ปรับเปลี่ยนฐาน ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ความมีแนวทางอย่างไร
- การจัดการเรียนรู้โดยใช้ปรับเปลี่ยนฐาน สามารถส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ได้อย่างไร

#### ผลการวิเคราะห์ข้อมูล

ผู้วิจัยได้นำเสนอผลการวิเคราะห์ข้อมูลเชิงคุณภาพ โดยมีรายละเอียดดังนี้

- แนวทางการจัดการเรียนรู้โดยใช้ปรับเปลี่ยนฐาน ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3
- ผลการจัดการเรียนรู้โดยใช้ปรับเปลี่ยนฐาน ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

ตอนที่ 1 แนวทางการจัดการเรียนรู้โดยใช้ปรับเปลี่ยนฐาน ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

ผู้วิจัยนำเสนอข้อมูลโดยแบ่งออกเป็น 2 ส่วน ได้แก่ 1) ผลการดำเนินการจัดการเรียนรู้ในวงจรปฏิบัติการที่ 1 2 3 4 และ 5 และ 2) แนวทางการจัดการเรียนรู้โดยใช้ปรับเปลี่ยนฐาน ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ดังรายละเอียดต่อไปนี้

- ผลการดำเนินการจัดการเรียนรู้ในวงจรปฏิบัติการที่ 1 2 3 4 และ 5

การดำเนินการวิจัยในครั้งนี้ ผู้วิจัยได้ดำเนินการตามขั้นตอนของการวิจัยปฏิบัติการใน การศึกษาแนวทางการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ซึ่งประกอบด้วย 4 ขั้นตอน ดังต่อไปนี้

ขั้นที่ 1 ขั้นวางแผน (Planning) เป็นขั้นตอนที่ผู้วิจัยสำรวจข้อมูลและนำข้อมูลมาใช้ใน การวางแผนการจัดการเรียนรู้

**ขั้นที่ 2 ขั้นปฏิบัติการ (Acting)** เป็นขั้นตอนที่ผู้วิจัยดำเนินการจัดการเรียนรู้ตามแผนการจัดการเรียนรู้ที่ผู้วิจัยได้ออกแบบไว้

**ขั้นที่ 3 ขั้นสังเกตการณ์ (Observing)** เป็นขั้นตอนการสังเกตพฤติกรรมต่าง ๆ ที่เกิดขึ้นในชั้นเรียนระหว่างการจัดการเรียนรู้ โดยผู้วิจัยและผู้ร่วมสังเกตการจัดการเรียนรู้ช่วยกันสังเกตและจดบันทึกโดยใช้เครื่องมืออิเล็กทรอนิกส์ แบบสะท้อนผลการจัดการเรียนรู้

**ขั้นที่ 4 ขั้นสะท้อนผล (Reflecting)** เป็นขั้นตอนที่ผู้วิจัยนำข้อมูลที่ได้จากชั้นสังเกตการณ์มาวิเคราะห์ สะท้อนผล และนำไปปรับปรุงแผนการจัดการเรียนรู้ในวงจรปฏิบัติการต่อไป

โดยจะมีลักษณะเป็นการปฏิบัติครั้งที่ 5 วงจร

#### 1. การดำเนินการจัดการเรียนรู้ในวงจรปฏิบัติการที่ 1

การดำเนินการจัดการเรียนรู้ในวงจรปฏิบัติการที่ 1 มีลักษณะการดำเนินการจัดการเรียนรู้ ดังต่อไปนี้

##### ขั้นที่ 1 ขั้นวางแผน (Planning)

ผู้วิจัยพบว่าในสาระการเรียนรู้เรื่องเรขาคณิตในส่วนที่เป็นโจทย์ปัญหามีความซับซ้อนและหลากหลาย เมื่อนักเรียนเจอสถานการณ์หรือโจทย์ปัญหาที่ไม่คุ้นเคยจะไม่สามารถแปลความจากสถานการณ์หรือโจทย์ปัญหาให้อยู่ในของปัญหาอย่างง่ายได้ เนื่องจากนักเรียนไม่สามารถถวิทใจและตีความจากโจทย์ให้ออกมาในรูปแบบของตัวแบบทางเรขาคณิต ไม่สามารถใช้สัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ในการกำหนดตัวแปร ขาดการเชื่อมโยงสถานการณ์กับปัญหาในชีวิตจริง ผลงานให้ความสามารถในการสื่อสารทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนพัฒนาไปได้ช้าและโดยบริบทของโรงเรียนเป็นโรงเรียนขนาดกลางประจำอำเภอ ที่มีพื้นที่ติดกับชายแดนไทย-พม่า นักเรียนในโรงเรียนเป็นชนเผ่าจำนวนมาก ซึ่งนักเรียนมีความสามารถในการสื่อสารแตกต่างไปจากนักเรียนที่เป็นเชื้อชาติไทย ในบางครั้งเป็นอุปสรรคต่อการเรียนรู้ของนักเรียนและประกอบกับกิจกรรมของโรงเรียนมีมากทำให้ในบางครั้งในเนื้อหาวิชาที่เข้าใจยากผู้วิจัยต้องเร่งรัดสอนให้จบด้วยวิธีการสอนแบบบรรยายและไม่ได้เชื่อมโยงสถานการณ์หรือปัญหาทางคณิตศาสตร์ให้สอดคล้องกับบริบทของนักเรียนทำให้นักเรียนไม่สามารถแปลความหมายจากสถานการณ์หรือปัญหาทางคณิตศาสตร์ให้อยู่ในรูปอ่านง่าย

จากสภาพปัญหาดังกล่าว ผู้วิจัยจึงได้ออกแบบและวางแผนการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ทั้งหมด 5 แผนการจัดการเรียนรู้ จำนวน 17 ชั่วโมง โดยแต่ละแผนประกอบด้วย 5 ขั้นตอน ได้แก่

ขั้นตอนที่ 1 การเขื่อมโยงความสัมพันธ์ (Relating)

ขั้นตอนที่ 2 การเรียนรู้จากประสบการณ์ (Experiencing)

ขั้นตอนที่ 3 การนำความรู้ไปใช้ (Applying)

ขั้นตอนที่ 4 การร่วมมือ (Cooperating)

ขั้นตอนที่ 5 การถ่ายโอนความรู้ไปยังบริบทอื่น (Transferring)

### รีบรายละเอียดของ 5 แผนการจัดการเรียนรู้มีดังนี้

แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 1 เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตรบล็อก จำนวน 4 ชั่วโมง

แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 2 เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตรทรงกระบอก จำนวน 4 ชั่วโมง

### ชั่วโมง

แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 3 เรื่อง ปริมาตรพีระมิด จำนวน 3 ชั่วโมง

แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 4 เรื่อง ปริมาตรกรวย จำนวน 3 ชั่วโมง

แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 5 เรื่อง ปริมาตรทรงกลม จำนวน 3 ชั่วโมง

### ขั้นที่ 2 ขั้นปฏิบัติการ (Acting)

ผู้วิจัยได้ดำเนินการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน ตามแผนการจัดการเรียนรู้ที่ 1 เรื่องพื้นที่ผิวและปริมาตร จำนวน 4 ชั่วโมง ประกอบด้วย 5 ขั้นตอน ดังนี้ 1) ขั้นการเขื่อมโยงความสัมพันธ์ ผู้วิจัยนำเข้าสู่บทเรียนโดยยกสถานการณ์ที่เกี่ยวข้องกับนักเรียน แล้วให้นักเรียนทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 1.1 My House เป็นรายบุคคล 2) ขั้นการเรียนรู้จากประสบการณ์ ผู้วิจัยให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม กลุ่มละ 3 – 4 โดยให้นักเรียนตอบคำถามลงในใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 1.2 เรื่อง Renovate House จากนั้นผู้วิจัยและนักเรียนร่วมกันสรุปถึงเรื่องพื้นที่ผิวของบล็อก หลังจากนั้นผู้วิจัยให้นักเรียนพิจารณาปริมาตรโดยการนับลูกบาศก์แล้วจึงเขื่อมโยงไปสู่สูตรการหาปริมาตรของบล็อกฐานต่าง ๆ แล้วให้นักเรียนทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 1.3 เรื่อง รั้วรอบกรอบบล็อก 3) ขั้นการนำความรู้ไปใช้ ผู้วิจัยให้นักเรียนทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 1.4 เรื่อง Design House โดยให้นักเรียนใช้การซีดเขียนลงไปในโจทย์เพื่อกำหนดตัวแปร วัดตัวแบบทางเรขาคณิต เพื่อใช้ประกอบการคิดและแทนค่าสูตรด้วยสัญลักษณ์เพื่อแสดงกระบวนการแก้ปัญหา 4) ขั้นการร่วมมือ ผู้วิจัยให้นักเรียนแต่ละกลุ่ม อภิปรายถึงวิธีคิดและคำตอบของตนเอง 5) ขั้นการถ่ายโอนความรู้ไปยังบริบทอื่น ครูให้นักเรียนร่วมกันอภิปรายและยกตัวอย่างสถานการณ์ที่จะต้องใช้ความรู้ในเรื่องพื้นที่ผิวและปริมาตรโดยให้แต่ละกลุ่มยกตัวอย่างสถานการณ์แล้วเขียนลงในกระดาษปูร์ฟ

### ขั้นที่ 3 ขั้นสังเกตการณ์ (Observing)

ผู้วิจัยและผู้ร่วมสังเกตการณ์จัดการเรียนรู้ซึ่งกันสังเกตและจดบันทึกสิ่งที่เกิดขึ้นในชั้นเรียนระหว่างการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน ลงในแบบสะท้อนผลการจัดการเรียนรู้ได้ผล การสังเกตดังต่อไปนี้

#### ขั้นตอนที่ 1 การเชื่อมโยงความสัมพันธ์ (Relating)

ผู้วิจัยได้สนทนาร่วมกันในหัวข้อเรื่องรูปทรงเรขาคณิตในชีวิตประจำวัน นักเรียนร่วมกันยกตัวอย่างรูปทรงที่นักเรียนรู้จัก และช่วยกันแยกประเภทจนสรุปได้ว่ารูปทรง เเรขาคณิตมี 5 รูปทรง คือ ปริซึม ทรงกระบอก พีระมิด กรวยและทรงกลม จากนั้นผู้วิจัยให้นักเรียน ยกตัวอย่างปริซึมในชีวิตประจำวัน นักเรียนส่วนใหญ่ยกตัวอย่างปริซึมฐานสี่เหลี่ยม เนื่องจากเป็น รูปทรงที่เห็นได้ทั่วไปในชีวิตประจำวัน เช่น ก่องขนมต่าง ๆ และส่วนประกอบของที่อยู่อาศัย จากนั้นให้นักเรียนสองคนออกแบบบ้านของนักเรียนบนกระดาษแล้วให้เพื่อน ๆ ในห้อง ร่วมกันอภิปรายถึงส่วนประกอบของบ้านที่ตัวแทนออกแบบบนกระดาษโดยได้ข้อสรุปจากนักเรียนดังนี้ นักเรียนแยกมองเป็นในส่วนของหลังคาและตัวบ้าน โดยบอกว่าหลังคาบ้านสอดคล้องกับรูปทรง ปริซึมฐานสามเหลี่ยม และตัวบ้านสอดคล้องกับปริซึมฐานสี่เหลี่ยม ซึ่งจะเห็นว่านักเรียนสามารถ บอกสิ่งใกล้ตัวที่อยู่ในชีวิตประจำวันของนักเรียนได้ เช่น บ้าน สอดคล้องกับรูปทรงปริซึม ทำให้ นักเรียนรู้สึกว่าคณิตศาสตร์อยู่ใกล้ตัวและช่วยเพิ่มความสนใจให้นักเรียนในการที่จะทำกิจกรรม ตัดไป

#### ขั้นตอนที่ 2 การเรียนรู้จากประสบการณ์ (Experiencing)

นักเรียนทำกิจกรรมเป็นกลุ่ม กลุ่มละ 3-4 คน แบ่งได้ทั้งหมด 7 กลุ่ม โดยแต่ละ กลุ่มต้องใช้ความรู้เดิมที่เรียนมาแล้วก่อนหน้านี้ จากการสังเกตพบว่านักเรียน 4 กลุ่มสามารถทำ ใบกิจกรรมการเรียนรู้โดยตีความจากสถานการณ์อุปกรณ์เป็นรูปภาพหรือตัวแบบทางเรขาคณิต เพื่อประกอบการแก้ปัญหาและสามารถแทนค่าสูตรได้ถูกต้องจนสามารถแก้ปัญหาจาก สถานการณ์ได้ แต่นักเรียนกลุ่มที่เหลือบางกลุ่มสามารถตีความจากสถานการณ์อุปกรณ์เป็นรูปภาพ หรือตัวแบบทางเรขาคณิตแต่ยังไม่สามารถแทนค่าสูตรได้ถูกต้องและยังไม่สามารถแก้ปัญหา สถานการณ์ได้ แต่หลังจากนั้น นักเรียนทุกกลุ่มร่วมกันอภิปรายจนสามารถสรุปจนได้ความรู้ใหม่ เรื่องพื้นที่ผิวของปริซึม

หลังจากนั้นผู้วิจัยได้สอนนักเรียนเกี่ยวกับการหาปริมาตรของปริซึมจนได้ ข้อสรุปสูตรการหาปริมาตรของปริซึมพบว่า ในขั้นตอนนี้นักเรียนค่อนข้างใช้เวลาในการเชื่อมโยง ความรู้จากรูปธรรมเป็นนามธรรมได้ จากนั้นให้นักเรียนแบ่งกลุ่มเป็นกลุ่มละ 3 - 4 คน ได้ 7 กลุ่ม แล้วให้นักเรียนทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 1.3 เรื่อง รั้วรอบกรอบชิด ซึ่งเป็นสถานการณ์ปัญหาที่

เกี่ยวกับการหาปริมาณของปริซึม จากการสังเกตพบว่า นักเรียนทุกกลุ่มสามารถถ่วงกลมข้อความที่สำคัญในโจทย์ได้ถูกต้อง แต่มีนักเรียนบางกลุ่มไม่เข้าใจเกี่ยวกับการวัดด้วยแบบทางเรขาคณิตที่ได้จากมุมของรั้วบ้าน สงสัยว่าเป็นพื้นที่ทับช้อนกันหรือไม่ และมีนักเรียนบางกลุ่มสามารถเรียนสูตรการหาปริมาณของปริซึมได้แต่ไม่สามารถแทนค่าสูตรได้และมีนักเรียนกลุ่มที่ 7 ที่ไม่สามารถตีความจากสถานการณ์ได้ ซึ่งผู้วิจัยได้ทำการซึ่งแนะนำและยกตัวอย่างให้แก่นักเรียน

### ขั้นตอนที่ 3 การนำความรู้ไปใช้ (Applying)

ผู้วิจัยได้ให้ใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 1.4 ซึ่งเป็นสถานการณ์ใหม่แก่นักเรียน เรื่อง Design House เกี่ยวกับการต่อเติมท่อระบายน้ำ โดยให้นักเรียนแต่ละคนเขียนหรือวงกลมข้อความในสถานการณ์ปัญหาที่สำคัญที่นั่นไปสู่การแก้ปัญหาสถานการณ์ หรือกำหนดด้วยประลงไปในสถานการณ์ จากนั้นวดด้วยแบบทางเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์เพื่อประกอบการแก้ปัญหา และแทนค่าด้วยประลงในสูตรการหาพื้นที่ผิวและปริมาตรของปริซึมเพื่อหาคำตอบของสถานการณ์ จากการสังเกตพบว่านักเรียนสามารถนำความรู้ที่ได้จากการศึกษาในขั้นที่ 2 มาใช้ในการหาคำตอบจากสถานการณ์ได้ถูกต้อง แต่ยังมีนักเรียนบางกลุ่มที่ยังแสดงวิธีการแก้ปัญหาได้ไม่สมบูรณ์

### ขั้นตอนที่ 4 การร่วมมือ (Cooperating)

นักเรียนมีความมั่นใจในการแก้ปัญหาจากสถานการณ์มากขึ้น จากที่นักเรียนได้ผลลัพธ์มาแล้ว นำมาแลกเปลี่ยนแนวคิดในการแก้สถานการณ์ปัญหากับเพื่อนคนอื่น ๆ โดยการสุมนักเรียนออกแบบนำเสนอแนวคิดการแก้ปัญหางานกับใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 1.4 เรื่อง Design House จากการสังเกตการนำเสนอของนักเรียนที่เป็นตัวแทนพบว่านักเรียนสามารถวัดด้วยแบบทางเรขาคณิตที่ตีความจากสถานการณ์ออกแบบได้ทั้งเหมือนและแตกต่างกัน และมีวิธีการแก้ปัญหาที่เหมือนและแตกต่างกัน แต่ได้ผลลัพธ์ที่เหมือนกัน และจากการสังเกตนักเรียนในห้องที่เหลือมีการเปรียบเทียบผลงานของตนเองกับเพื่อนที่ออกแบบไว้ เช่น เนื่องจากนักเรียนส่วนใหญ่มักจะถามหาคำตอบที่ถูกต้องจากผู้วิจัย แต่ผู้วิจัยเลี่ยงที่จะตอบ เพราะอย่างให้นักเรียนมีความมั่นใจในการตอบของตนเอง

### ขั้นตอนที่ 5 การถ่ายโอนความรู้ไปยังบริบทอื่น (Transferring)

ผู้วิจัยได้ให้นักเรียนทำการสร้างสถานการณ์ปัญหาที่สามารถนำความรู้เรื่องพื้นที่ผิวและปริมาตรนำไปใช้แก้ปัญหาเหล่านั้นได้ จากการสังเกตพบว่านักเรียนบางคนกลุ่มน้ำใจที่ปัญหาจากหนังสือเรียนมาเรียน นักเรียนบางกลุ่มถามว่า “ครูครับ สถานการณ์กับโจทย์ปัญหาต่างกันยังไงครับ” ผู้วิจัยจึงต้องซึ่งแนะนำและอธิบายให้แก่นักเรียน และมีนักเรียนบางกลุ่มเดินมาถาม

และเล่าถึงสถานการณ์ของตนเองก่อนว่าใช้ได้ไหม ถูกไหม ก่อนที่จะนำไปเขียนจริง เนื่องจากนักเรียนยังไม่ค่อยเข้าใจความแตกต่างระหว่างโจทย์ปัญหา กับ สถานการณ์ปัญหา

#### ขั้นที่ 4 ขั้นสะท้อนผล (Reflecting)

ผู้จัดสรุปปัญหาที่พบในขั้นเรียนและแนวทางการปรับปรุงในแต่ละขั้นตอนการจัดการเรียนรู้ของวงจรปฏิบัติการที่ 1 ดังแสดงในตาราง 7

ตาราง 7 ตารางแสดงการสะท้อนผลของวงจรปฏิบัติการที่ 1

ขั้นตอน	ปัญหาที่พบในขั้นเรียน	แนวทางการปรับปรุง
1. การเขื่อมโยง ความสัมพันธ์ (Relating)	- นักเรียนบางคนไม่สามารถดูตัวแบบ เรขาคณิตและกำหนดองค์ประกอบของรูป จากสิ่งที่เป็นรูปทรงบริสุทธิ์ในชีวิตประจำวัน ตามใบกิจกรรมการเรียนรู้ได้	- ก่อนที่นักเรียนจะทำใบกิจกรรมการ เรียนรู้ผู้จัดควรแนะนำวิธีการหา รูปเรขาคณิตสามมิติ อาจจะให้ดูเป็น <sup>คลิปวิดีโอ</sup> ใน YouTube
2. การเรียนรู้จาก ประสบการณ์ (Experiencing)	- ในขณะดำเนินการสอนเพื่อให้นักเรียนเกิด ความคิดรวบยอดในเรื่องที่เรียน นักเรียนใช้ เวลาในการเขื่อมโยงระหว่างความรู้เดิมและ ความรู้ใหม่ที่เกิดขึ้น	- ผู้จัดควรใช้คำ丹ในภาระตู้น นักเรียนให้ช่วยกันแสดงความ คิดเห็นจนได้ขอสรุปที่รวมเรื่องที่
3. การนำความรู้ไปใช้ (Applying)	- นักเรียนส่วนใหญ่ไม่ได้ให้ความสำคัญกับ การเขียนข้อความสำคัญในสถานการณ์ ปัญหาและกำหนดตัวแปร  - นักเรียนบางกลุ่มขาดตัวแบบเรขาคณิตได้ แต่ไม่กำหนดองค์ประกอบของรูป เช่น ไม่ได้ กำหนดความสูง  - นักเรียนบางกลุ่มสับสนระหว่างสูตรการหา พื้นที่ผิว กับ การหาปริมาตรทำให้เลือกสูตรผิด	- ผู้จัดควรกำหนดสถานการณ์ ปัญหาเพิ่มเติมให้นักเรียน ได้ลงมือ <sup>แก้ปัญหา</sup> เองในขั้นตอนที่ 2
4. การร่วมมือ (Cooperating)	- เกิดความรุนแรงภายในช่วงการแลกเปลี่ยน แนวคิด	- ผู้จัดควรควบคุมขั้นเรียนโดยการ จัดลำดับการนำเสนอ
5. การถ่ายโอนความรู้ไป ยังบริบทอื่น (Transferring)	- นักเรียนสับสนระหว่างโจทย์ปัญหากับ สถานการณ์	- ผู้จัดอยธิบายให้นักเรียนเป็นราย กลุ่ม

จากตาราง 7 เป็นตารางสรุปปัญหาที่พบในขั้นเรียนขณะทำกิจกรรมการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน และแนวทางการปรับปรุงแก้ไขในแต่ละขั้นตอนสำหรับใช้ในวงจรปฏิบัติการที่ 2 ให้มีประสิทธิภาพมากยิ่งขึ้น

## 2. การดำเนินการจัดการเรียนรู้ในวงจรปฏิบัติการที่ 2

การดำเนินการจัดการเรียนรู้ในวงจรปฏิบัติการที่ 2 มีลักษณะการดำเนินการจัดการเรียนรู้ ดังต่อไปนี้

### ขั้นที่ 1 ขั้นวางแผน (Planning)

การสะท้อนการดำเนินการตามวงจรปฏิบัติการที่ 1 พนักงานที่เกิดขึ้นคือ ในขั้นต้นนักเรียนไม่สามารถคาดเดาแบบเรขาคณิตได้ และนักเรียนยังไม่สามารถเชื่อมโยงความรู้ใหม่มาใช้ในการดำเนินการแก้ปัญหาได้ ผู้วิจัยจึงปรับแก้แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 2 โดยเพิ่มการทำทบทวนความรู้เดิมเกี่ยวกับการวางแผนและแก้ปัญหา รวมถึงการสอนความรู้ที่เกี่ยวข้องกับกระบวนการทางคณิตศาสตร์ เช่น การคำนวณและการอ่านแผนที่ ที่หลากหลายให้นักเรียนได้ลงมือแก้ปัญหา ก่อนทำการเรียนรู้ แล้วกำหนดสถานการณ์ปัญหาที่หลากหลายให้นักเรียนได้ลงมือแก้ปัญหา ก่อนทำการเรียนรู้ และเพิ่มการสรุปความรู้ ก่อนนำมาสร้างสถานการณ์

### ขั้นที่ 2 ขั้นปฏิบัติการ (Acting)

ผู้วิจัยดำเนินการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน ตามแผนการจัดการเรียนรู้ที่ 2 เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตรของทรงกระบอก จำนวน 4 ชั่วโมง ประกอบด้วย 5 ขั้นตอน ดังนี้ 1) ขั้น การเชื่อมโยงความสัมพันธ์ ครูนำเข้าสู่บทเรียนโดยการทำทบทวนความรู้เรื่องการวางแผนเรขาคณิต สามมิติ และให้นักเรียนช่วยกันอธิบายเกี่ยวกับลักษณะของทรงกระบอกที่เคยได้เรียนมาและยกตัวอย่างทรงกระบอกในชีวิตประจำวันที่อยู่ใกล้ตัวนักเรียน จากนั้นให้นักเรียนทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 2.1 เรื่อง “ไม่ไ่ทรงกระบอกใกล้ตัว” 2) ขั้นการเรียนรู้จากประสบการณ์ ผู้วิจัยให้ความรู้แก่นักเรียนในเรื่องของการหาพื้นที่ผิวและปริมาตรของทรงกระบอกพร้อมยกตัวอย่างการแสดงแนวคิด การแก้ปัญหาจากสถานการณ์ที่ต้องนำความรู้เรื่องพื้นที่ผิวและปริมาตรไปใช้ในการแก้ปัญหา จากนั้นผู้วิจัยกำหนดสถานการณ์เพิ่มเติมให้นักเรียนได้ลงมือปฏิบัติ แล้วผู้วิจัยและนักเรียนร่วมกันสรุปถึงวิธีการแก้ปัญหาและเชื่อมโยงไปสู่ความรู้ใหม่ 3) ขั้นการนำความรู้ไปใช้ จากนั้นผู้วิจัยให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม กลุ่มละ 3 – 4 คน และให้สถานการณ์ที่ 1 เรื่อง แคร์มีไฝ่กับทรงกระบอกและสถานการณ์ที่ 2 เรื่อง ชาลโอมสามารถกับทรงกระบอก แก่นักเรียน โดยให้นักเรียนแสดงวิธีคิดลงในใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 2.2 เรื่อง ประไชน์จากไม่ไฝ โดยให้นักเรียนใช้ความรู้ใหม่ที่ได้ในการแสดงวิธีการคิดหาคำตอบ 4) ขั้นการร่วมมือ ผู้วิจัยให้นักเรียนแต่ละกลุ่ม อภิปรายถึงวิธีคิดและคำตอบของตนเอง โดยมีผู้วิจัยเป็นผู้ควบคุมดำเนินการอภิปรายและเสนอความคิดเห็น 5) ขั้นการถ่ายโอน

ความรู้ไปยังบริบทอื่น ครูให้นักเรียนร่วมกันสรุปความรู้ใหม่ที่ได้รับและยกตัวอย่างสถานการณ์ที่จะต้องใช้ความรู้ในเรื่องพื้นที่ผิวและปริมาตรของระบบออกโดยให้เขียนลงในกระดาษปูร์ฟ

### ขั้นที่ 3 ขั้นสังเกตการณ์ (Observing)

ผู้วิจัยและผู้ร่วมสังเกตการณ์จัดการเรียนรู้ซึ่งกันสังเกตและจดบันทึกสิ่งที่เกิดขึ้นในชั้นเรียนระหว่างการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน ลงในแบบสะท้อนผลการจัดการเรียนรู้ได้ผล การสังเกตดังต่อไปนี้

#### ขั้นตอนที่ 1 การเชื่อมโยงความสัมพันธ์ (Relating)

ผู้วิจัยได้สนทนาร่วมกันกับนักเรียนเรื่องลักษณะของทรงกระบอกและให้นักเรียนร่วมกันยกตัวอย่างทรงกระบอกในชีวิตประจำวัน จากนั้นผู้วิจัยจึงให้นักเรียนทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 2.1 เรื่อง ไม้ไผ่ทรงกระบอกใกล้ตัว เพื่อเป็นการสรุปลักษณะของทรงกระบอกอีกรั้งหนึ่ง

จากการสังเกตพบว่า นักเรียนทุกคนมีความกระตือรือร้นในการตอบคำถาม ซึ่งคำตอบของนักเรียนส่วนใหญ่จะเกี่ยวข้องกับทรงกระบอกไม้ไผ่เนื่องจาก นักเรียนเห็นว่าคำว่า ทรงกระบอกกับคำว่าทรงกระบอกนั้นสอดคล้องกัน และเมื่อทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 2.1 เรื่อง ไม้ไผ่ ทรงกระบอกใกล้ตัว นักเรียนสามารถตัวแบบเรขาคณิตจากวุฒิในชีวิตประจำวันได้ถูกต้อง แต่ยังมีนักเรียนบางส่วนที่ว่าได้ไม่ถูกต้อง

#### ขั้นตอนที่ 2 การเรียนรู้จากประสบการณ์ (Experiencing)

ผู้วิจัยให้ความรู้แก่นักเรียนในเรื่องของการหาพื้นที่ผิวและปริมาตรของทรงกระบอกพร้อมยกตัวอย่างการหาผลลัพธ์จากสถานการณ์ที่ต้องนำความรู้เรื่องพื้นที่ผิวและปริมาตรไปใช้ในการแก้ปัญหา โดยการเขียนหรือวงกลมข้อความในสถานการณ์ปัญหาที่สำคัญที่นำไปสู่การแก้ปัญหานานาสถานการณ์ หรือกำหนดตัวแปรลงไปในสถานการณ์ จากนั้นวัดตัวแบบทางเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์เพื่อประกอบการแก้ปัญหา แล้วแทนค่าตัวแปรลงในสูตรการพื้นที่ผิวและปริมาตรของทรงกระบอกเพื่อหาคำตอบของสถานการณ์ จากนั้นผู้วิจัยกำหนดสถานการณ์เพิ่มเติมให้นักเรียนได้ลงมือปฏิบัติ จากการสังเกตพบว่านักเรียนมีส่วนร่วมในการสอน ของผู้วิจัย เมื่อผู้วิจัยย้อนคำถามรวม ๆ ให้นักเรียนจะมีส่วนร่วมในการตอบคำถาม แต่ยังมีนักเรียนบางส่วนที่ไม่สามารถเชื่อมโยงความรู้ที่ได้รับมาให้ในการดำเนินการแก้ปัญหานานาสถานการณ์ได้

#### ขั้นตอนที่ 3 การนำความรู้ไปใช้ (Applying)

นักเรียนแบ่งกลุ่มเป็นกลุ่มละ 3 - 4 คน ได้ 7 กลุ่ม ผู้วิจัยได้ให้สถานการณ์ใหม่ แก่นักเรียนในใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 2.2 เรื่อง ประโยชน์ของไม้ไผ่ ซึ่งเป็นสถานการณ์เกี่ยวกับการนำกระบอกไม้ไผ่ซึ่งเป็นทรงกระบอกมาใช้ทำสิ่งของเครื่องใช้ต่าง ๆ โดยให้นักเรียนแต่ละคนชี้

เขียนหรือวงกลมข้อความในสถานการณ์ปัญหาที่สำคัญที่นำไปสู่การแก้ปัญหาสถานการณ์ หรือกำหนดตัวแปรลงไปในสถานการณ์ จากนั้นหาดัดตัวแบบทางเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์เพื่อประกอบการแก้ปัญหา และแทนค่าตัวแปรลงในสูตรการพื้นที่ผิวและปริมาตรของทรงกระบอกเพื่อหาคำตอบของสถานการณ์จากการสังเกตพบว่านักเรียนแต่ละกลุ่มมีการช่วยกันตีความหมายจากสถานการณ์หากเพื่อนในกลุ่มไม่เข้าใจสถานการณ์ปัญหาจะมีการช่วยกันอธิบายเพิ่มเติมเป็นภาษา俗งเหรี่ยง และนำความรู้ที่ได้จากขั้นที่ 2 มาใช้ในการหาคำตอบจากสถานการณ์ได้ถูกต้อง แต่ยังมีนักเรียนบางกลุ่มที่ยังสับสนว่าสถานการณ์ปัญหาได้ใช้ความรู้เรื่องพื้นที่ผิวและสถานการณ์ได้ใช้ความรู้เรื่องปริมาตรทำให้ใช้สูตรการหาพื้นที่ผิวและปริมาตรของทรงกระบอกลับกัน

#### ขั้นตอนที่ 4 การร่วมมือ (Cooperating)

นักเรียนออกมานำเสนอแนวคิดการแก้ปัญหาจากใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 2.2

เรื่อง ประโยชน์ของไม้ไผ่ จากการสะท้อนผลในวงจรปฏิบัติการที่ 1 ในระหว่างการแลกเปลี่ยนความคิดเห็นกันนั้นเกิดความวุ่นวายภายในห้องเรียน ในครั้งนี้ผู้วิจัยจึงได้เป็นผู้ควบคุมสถานการณ์ในห้องเรียนจากการสังเกตการณ์นำเสนอของนักเรียนที่เป็นตัวแทนพบว่านักเรียนสามารถหาดัดตัวแบบทางเรขาคณิตที่ตีความจากสถานการณ์ของมาได้ทั้งเมื่อนและแตกต่างกัน และมีวิธีการแก้ปัญหาจากสถานการณ์ที่เหมือนและแตกต่างกัน แต่จะได้ผลลัพธ์เท่ากัน และจากการสังเกต นักเรียนในห้องที่เหลือมีการเปรียบเทียบผลงานของตนเองกับเพื่อนที่ออกใบนำเสนอ

#### ขั้นตอนที่ 5 การถ่ายโอนความรู้ไปยังบริบทอื่น (Transferring)

ในขั้นนี้ผู้วิจัยได้ให้นักเรียนทำการสรุปความรู้และการสร้างสรรค์สถานการณ์ปัญหา ที่สามารถนำความรู้เรื่องพื้นที่ผิวและปริมาตรของทรงกระบอกมาใช้แก้ปัญหาเหล่านี้ได้ จากการสะท้อนผลในวงจรปฏิบัติการที่ 1 พบว่าบางกลุ่มน้ำใจไทยในหนังสือเรียนมาเปลี่ยนตัวเลข แสดงว่า นักเรียนยังมีความสับสนเกี่ยวกับโจทย์ปัญหา กับ สถานการณ์ ผู้วิจัยจึงได้อธิบายซ้ำๆ แจงเพิ่มเติม ให้แก่นักเรียน จากการสังเกตพบว่า เมื่อนักเรียนร่วมกันสรุปความรู้ได้แต่ขาดการเรียงลำดับ เนื้อหาทำให้ผู้อ่านทำความเข้าใจได้ยาก และนักเรียนสามารถสร้างสรรค์สถานการณ์ได้สอดคล้องกับความรู้ที่ต้องการใช้ได้มากขึ้นและใช้เวลาน้อยลง

#### ขั้นที่ 4 ขั้นสะท้อนผล (Reflecting)

ผู้วิจัยสรุปปัญหาที่พบในขั้นเรียนและแนวทางการปรับปรุงในแต่ละขั้นตอนการจัดการเรียนรู้ของวงจรปฏิบัติการที่ 2 ดังแสดงในตาราง 8

### ตาราง 8 ตารางแสดงการสะท้อนผลของวงจรปฏิบัติการที่ 2

ขั้นตอน	ปัญหาที่พบในชั้นเรียน	แนวทางการปรับปรุง
1. การเชื่อมโยงความสัมพันธ์ (Relating)	- นักเรียนบางคนไม่สามารถถวายด้วยแบบเข้าคณิตที่เป็นรูปคลื่นของทรงกระบอกได้	- ผู้จัดควรเพิ่มกิจกรรมโดยใช้อุปกรณ์จริงให้นักเรียนปฏิบัติ เช่น การให้นักเรียนตัดแกนกระดาษทิชชูแล้วคลื่อออกเพื่อสร้างความเข้าใจให้แก่นักเรียน
2. การเรียนรู้จากประสบการณ์ (Experiencing)	- นักเรียนไม่สามารถเชื่อมโยงความรู้ใหม่ที่ได้กับสถานการณ์ปัญหาที่ต้องลงมือทำเอง	- ผู้จัดควรขออภัยสถานการณ์ปัญหาที่เป็นตัวอย่างการแสดงแนวคิดข้ามกันกว่านักเรียนจะเข้าใจ
3. การนำความรู้ไปใช้ (Applying)	- นักเรียนกำหนดด้วยตนเอง - นักเรียนบางกลุ่มขาดด้วยความรู้ที่จำเป็น - นักเรียนบางกลุ่มสับสนระหว่างสูตร การหาพื้นที่ผิว กับการหาปริมาตรทำให้เลือกสูตรผิด	- ผู้จัดควรขออภัยเพิ่มเติมและกระตุ้นให้นักเรียนเชื่อมโยงความรู้จากขั้นสร้างประสบการณ์มาใช้ในการหาคำตอบ
4. การร่วมมือ (Cooperating)	-	-
5. การถ่ายโอนความรู้ไปยังบุคคลอื่น (Transferring)	- นักเรียนบางกลุ่มทำขึ้นมาโดยขาดการจัดลำดับเนื้อหา ทำให้เพื่อนที่มาช่วยเหลือยาก	- ผู้จัดให้คำแนะนำนำนักเรียนในการจัดเรียงเนื้อหาจากง่ายไปยาก

จากตาราง 8 เป็นตารางสรุปปัญหาที่พบในชั้นเรียนขณะทำการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน และแนวทางการปรับปรุงแก้ไขในแต่ละขั้นตอนสำหรับใช้ในวงจรปฏิบัติการที่ 3 ให้มีประสิทธิภาพมากยิ่งขึ้น

#### 3. การดำเนินการจัดการเรียนรู้ในวงจรปฏิบัติการที่ 3

การดำเนินการจัดการเรียนรู้ในวงจรปฏิบัติการที่ 3 มีลักษณะการดำเนินการจัดการเรียนรู้ ดังต่อไปนี้

### **ขั้นที่ 1 ขั้นวางแผน (Planning)**

ผู้วิจัยได้นำข้อมูลจากผลการสะท้อนการดำเนินการตามวงจรปฏิบัติการที่ 2 มาทำการพิจารณาเกี่ยวกับปัญหาที่เกิดขึ้น เนื่องจากการจัดการเรียนรู้เรื่องการหาพื้นที่ผิวและปริมาตรทรงกระบอก ปัญหาที่เกิดขึ้นคือนักเรียนยังไม่สามารถเข้ามายิงความรู้ใหม่มาใช้ในการดำเนินการแก้ปัญหาได้ ผู้วิจัยจึงเพิ่มกิจกรรมที่นักเรียนได้ลงมือปฏิบัติในขั้นการเรียนรู้จากประสบการณ์ และเพิ่มสถานการณ์ปัญหาให้นักเรียนได้ฝึกทำก่อนทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ เพื่อตรวจสอบความเข้าใจของนักเรียนก่อน จากนั้นนำมาปรับปรุงในแผนการจัดการเรียนรู้ที่ 3 เรื่อง ปริมาตรของพีระมิด จำนวนทั้งสิ้น 3 ชั่วโมง

### **ขั้นที่ 2 ขั้นปฏิบัติการ (Acting)**

ในขั้นตอนนี้ผู้วิจัยได้ดำเนินการจัดการเรียนรู้โดยใช้ปริบทเป็นฐาน ตามแผนการจัดการเรียนรู้ที่ 3 เรื่อง ปริมาตรของพีระมิด จำนวน 3 ชั่วโมง ประกอบด้วย 5 ขั้นตอน (ดังนี้ 1) ขั้น การเข้มโยงความสัมพันธ์ ผู้วิจัยนำเข้าสูบทเรียนโดยการให้นักเรียนช่วยกันอธิบายเกี่ยวกับลักษณะของพีระมิดจากการทดลองโดยเกี่ยวกับ 15 เรื่องน่ารู้พีระมิดอีกปีต์และยกตัวอย่างพีระมิดในชีวิตประจำวันที่อยู่ใกล้ตัวนักเรียน จากนั้นให้นักเรียนทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.1 เรื่อง ขนาดบุ่มในตัวน้ำ 2) ขั้นการเรียนรู้จากประสบการณ์ ผู้วิจัยให้ความรู้แก่นักเรียนในเรื่องของการหาปริมาตรของพีระมิดพร้อมยกตัวอย่างการหาผลลัพธ์จากสถานการณ์ที่ต้องคำนวณรู้เรื่องการหาปริมาตรไปใช้ในการแก้ปัญหา จากนั้นผู้วิจัยและนักเรียนร่วมกันสรุปถึงวิธีการแก้ปัญหาและผู้วิจัยกำหนดสถานการณ์เพิ่มเติมจากใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.1 เรื่องขนาดบุ่มในตัวน้ำ เพื่อให้นักเรียนได้ลงมือปฏิบัติกิจกรรมในการคำนวณรู้ไปใช้เพื่อเข้มโยงไปสู่ความรู้ใหม่ 3) ขั้นการนำความรู้ไปใช้ จากนั้นผู้วิจัยให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม กลุ่มละ 3 – 4 คน แล้ว ผู้วิจัยกำหนดสถานการณ์ปัญหา เรื่อง บีบจ่างในตัวน้ำ แก่นักเรียน โดยให้นักเรียนแสดงวิธีคิดลงในใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.2 โดยให้นักเรียนใช้ความรู้ใหม่ที่ได้ในการแสดงวิธีการคิดหาคำตอบ 4) ขั้นการร่วมมือ ผู้วิจัยให้นักเรียนแต่ละกลุ่ม อภิปรายถึงวิธีคิดและคำตอบของตนเอง โดยมีครูเป็นผู้ควบคุมลำดับการอภิปรายและเสนอความคิดเห็น 5) ขั้นการถ่ายโอนความรู้ไปยังบริบทอื่น ผู้วิจัยให้นักเรียนร่วมกันสรุปความรู้ใหม่ที่ได้รับและยกตัวอย่างสถานการณ์ที่จะต้องใช้ความรู้ในเรื่องปริมาตรพีระมิดโดยให้เขียนลงในกระดาษปรุ๊ฟ

### **ขั้นที่ 3 ขั้นสังเกตการณ์ (Observing)**

ผู้วิจัยและผู้ร่วมสังเกตการณ์จัดการเรียนรู้ช่วยกันสังเกตและจดบันทึกสิ่งที่เกิดขึ้นในขั้นเรียนระหว่างการจัดการเรียนรู้โดยใช้ปริบทเป็นฐาน ลงในแบบสะท้อนผลการจัดการเรียนรู้ได้ผล การสังเกตดังต่อไปนี้

### **ขั้นตอนที่ 1 การเชื่อมโยงความสัมพันธ์ (Relating)**

ในขั้นตอนนี้ผู้วิจัยได้สนทนาร่วมกับนักเรียนเรื่องลักษณะของพีระมิดจาก การดูคลิปวิดีโอเกี่ยวกับ 15 เรื่องน่ารู้พีระมิดอียิปต์และให้นักเรียนร่วมกันยกตัวอย่างพีระมิดใน ชีวิตประจำวัน จากนั้นผู้วิจัยจึงให้นักเรียนทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.1 เรื่อง ขั้นบุ่มในตำนาน เพื่อเป็นการสรุปลักษณะของพีระมิดอีกรอบหนึ่ง

จากการสังเกตพบว่า นักเรียนทุกคนให้ความสนใจในการชมคลิปวิดีโอ เกี่ยวกับพีระมิด และสนทนาร่วมกันจนได้ข้อสรุปเกี่ยวกับลักษณะของพีระมิด แต่นักเรียน ยกตัวอย่างพีระมิดในชีวิตได้บ้างแต่ไม่หลากหลาย และเมื่อทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.1 เรื่อง ขั้นบุ่มในตำนาน นักเรียนเจึงรู้สึกว่าพีระมิดเป็นรูปทรงที่ใกล้ตัวมากขึ้น เพราะเป็นสถานการณ์ที่ ใกล้ตัวและพบเจอเป็นประจำในชีวิตจริง ทำให้นักเรียนมีความกระตือรือร้นที่จะทำกิจกรรมถัดไป

### **ขั้นตอนที่ 2 การเรียนรู้จากประสบการณ์ (Experiencing)**

ผู้วิจัยให้ความรู้แก่นักเรียนในเรื่องของปริมาตรของพีระมิดพร้อมยกตัวอย่าง การแสดงแนวคิดในการหาคำตอบของสถานการณ์ที่ต้องคำนวณรู้เรื่องปริมาตรพีระมิดไปใช้ใน การแก้ปัญหา โดยการซีดเขียนหรือวงกลมข้อความในสถานการณ์ปัญหาที่สำคัญที่นำไปสู่การ แก้ปัญหาสถานการณ์ หรือกำหนดตัวแปรลงไปในสถานการณ์ จากนั้นหาด้วยแบบทางเรขาคณิตที่ ได้จากสถานการณ์เพื่อประกอบการแก้ปัญหา แล้วแทนค่าตัวแปรลงในสูตรการพื้นที่ผิวและ ปริมาตรของทรงกระบอกเพื่อหาคำตอบของสถานการณ์และผู้วิจัยได้กำหนดสถานการณ์ปัญหา เพิ่มเติมเกี่ยวกับขั้นบุ่มในตำนานจากใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.1 เพื่อให้นักเรียนได้ฝึกปฏิบัติการ แก้ปัญหา จากการสังเกตพบว่านักเรียนมีส่วนร่วมในการสอนของผู้วิจัย เมื่อผู้วิจัยถามคำถามให้ นักเรียนจะช่วยกันตอบคำถามและสามารถนำความรู้ที่ได้รับปฏิบัติตามกิจกรรมได้ถูกต้อง

### **ขั้นตอนที่ 3 การนำความรู้ไปใช้ (Applying)**

นักเรียนแบ่งกลุ่มเป็นกลุ่มละ 3 - 4 คน ได้ 7 กลุ่ม ผู้วิจัยได้ให้สถานการณ์ใหม่ แก่นักเรียนในใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.2 เรื่อง บังจ่างในตำนาน ซึ่งเป็นสถานการณ์เกี่ยวกับการ วางแผนการทำขนมบังจ่าง โดยให้นักเรียนแต่ละคนซีดเขียนหรือวงกลมข้อความในสถานการณ์ ปัญหาที่สำคัญที่นำไปสู่การแก้ปัญหาสถานการณ์ หรือกำหนดตัวแปรลงไปในสถานการณ์ จากนั้น หาด้วยแบบทางเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์เพื่อประกอบการแก้ปัญหา แล้วแทนค่าตัวแปรลงใน สูตรการปริมาตรของพีระมิดเพื่อหาคำตอบของสถานการณ์ จากการสังเกตพบว่านักเรียนแต่ละ กลุ่มมีการช่วยกันตีความหมายจากสถานการณ์หากเพื่อนในกลุ่มไม่เข้าใจสถานการณ์ปัญหาจะมี การช่วยกันอธิบายเพิ่มเติมเป็นภาษาภาษาไทย และนำความรู้ที่ได้จากขั้นที่ 2 มาใช้ในการหา

คำตอบจากสถานการณ์ได้ถูกต้อง แต่ยังมีนักเรียนบางกลุ่มที่ยังไม่เข้าใจเกี่ยวกับพื้นที่ฐานของขั้นบัน្តองที่เป็นสามเหลี่ยมซึ่งต่างจากขั้นบัน្តองที่เป็นพีระมิดฐานสี่เหลี่ยม

#### ขั้นตอนที่ 4 การร่วมมือ (Cooperating)

นักเรียนอุปกรณ์นำเสนอแนวคิดการแก้ปัญหาจากใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.2 เรื่อง บัน្តองในตัวนา จากการสะท้อนผลในวงจรปฏิบัติการที่ 2 ไม่ได้เกิดอุปสรรคหรือปัญหาใดเกิดขึ้น จากการสังเกตการนำเสนอของนักเรียนที่เป็นตัวแทนพบว่า นักเรียนมีความมั่นใจในการนำเสนอมากขึ้น สามารถวัดด้วยแบบทางเรขาคณิตที่ตีความจากสถานการณ์อุปกรณ์ได้ทั้งหมด กัน และมีวิธีการแก้ปัญหาจากสถานการณ์ที่เหมือนและแตกต่างกัน แต่จะได้ผลลัพธ์เท่ากัน และจากการสังเกตนักเรียนในห้องที่เหลือมีการเบรียบเทียบผลงานของตนเองกับเพื่อนที่ออกใบนำเสนอ

#### ขั้นตอนที่ 5 การถ่ายโอนความรู้ไปยังบุรุษที่นี่ (Transferring)

นักเรียนทำการสรุปความรู้และการสร้างสถานการณ์ปัญหาที่สามารถนำความรู้เรื่องปริมาตรของพีระมิดมาใช้แก้ปัญหาเหล่านี้ได้ จากการสะท้อนผลในวงจรปฏิบัติการที่ 2 พบว่า เมื่อนักเรียนทำชิ้นงานเกี่ยวกับการสรุปความรู้ที่ได้และยกตัวอย่างสถานการณ์ปัญหาที่นำความรู้เรื่องปริมาตรพีระมิดไปใช้ในการแก้ปัญหาในชีวิตประจำวันนั้น เวลาที่นักเรียนนำเสนอหน้าชั้นเรียน นักเรียนไม่ได้จัดเรียงเนื้อหาในการนำเสนอ เมื่อได้รับคำแนะนำไปแล้วนักเรียนมีการจัดระเบียบชิ้นงานดีขึ้นและนำเสนอเนื้อหาจากง่ายไปยาก

#### ขั้นที่ 4 ขั้นสะท้อนผล (Reflecting)

ผู้วิจัยสรุปปัญหาที่พับใบในชั้นเรียนและแนวทางการปรับปรุงในแต่ละขั้นตอนการจัดการเรียนรู้ของวงจรปฏิบัติการที่ 3 ดังแสดงในตาราง 9

ตาราง 9 ตารางแสดงการสะท้อนผลของวงจรปฏิบัติการที่ 3

ขั้นตอนที่	ปัญหาที่พบในชั้นเรียน	แนวทางการปรับปรุง
1. การเรื่อมโยงความสัมพันธ์ (Relating)	- นักเรียนยกตัวอย่างพีระมิดในชีวิตประจำวันได้น้อยหลากหลาย	- ผู้วิจัยควรเปิดโอกาสให้นักเรียนค้นคว้าเพิ่มเติมจากหนังสือหรืออินเทอร์เน็ต
2. การเรียนรู้จากประสบการณ์ (Experiencing)	- นักเรียนบางคนไม่สามารถเรื่อมโยงความรู้ใหม่ที่ได้กับสถานการณ์ปัญหาที่ต้องลงมือทำเอง	- ผู้วิจัยควรขอ主意เพิ่มเติมจากสถานการณ์ปัญหาที่เป็นตัวอย่างที่หลากหลายเพื่อนักเรียนเกิดความเข้าใจ

ตาราง 9 (ต่อ)

ขั้นตอนที่	ปัญหาที่พบในชั้นเรียน	แนวทางการปรับปรุง
3. การนำความรู้ไปใช้ (Applying)	- นักเรียนบางกลุ่มเลือกสูตรพื้นที่ฐานของพีระมิดไม่ถูกต้อง	- ผู้วิจัยควรขอใบอนุญาตเพิ่มเติมถึงความหลากหลายของฐานพีระมิด
4. การร่วมมือ (Cooperating)	-	-
5. การถ่ายโอนความรู้ ไปยังบริบทอื่น (Transferring)	-	-

จากการ 9 เป็นตารางสรุปปัญหาที่พบในชั้นเรียนขณะทำกิจกรรมการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน และแนวทางการปรับปรุงแก้ไขในแต่ละชั้นตอนสำหรับใช้ในวงจรที่ 4 ให้มีประสิทธิภาพมากยิ่งขึ้น

#### 4. การดำเนินการจัดการเรียนรู้ในงจรปฏิบัติการที่ 4

# การดำเนินการจัดการเรียนรู้ในวงจรปฏิบัติการที่ 4 มีลักษณะการดำเนินการ จัดการเรียนรู้ ดังต่อไปนี้

## ขั้นที่ 1 ขั้นวางแผน (Planning)

ผู้วิจัยได้นำข้อมูลจากการผลการสะท้อนการดำเนินการตามวงจรปฏิบัติการที่ 3 มาพิจารณาเกี่ยวกับปัญหาที่เกิดขึ้น เนื่องจากการจัดการเรียนรู้เรื่องการนาปริมาณพื้นที่ คือ นักเรียนยกตัวอย่างรูปทรงในชีวิตประจำวันได้ไม่หลากหลายและยังมีบางส่วนที่ยังดำเนินการแก้ปัญหาไม่ถูกต้อง ผู้วิจัยจึงให้เวลาณักเรียนใช้ข้อเทอร์เน็ตค้นคว้าเพิ่มเติมและเพิ่มกิจกรรมที่นักเรียนได้ลงมือปฏิบัติในการเรียนรู้จากประสบการณ์ จากนั้นนำมาปรับปรุงในแผนการจัดการเรียนรู้ที่ 4 เรื่อง ปริมาตรของกรวย จำนวนหัวสิ้น 3 ชั่วโมง

## ขั้นที่ 2 ขั้นปฏิบัติการ (Acting)

ผู้วิจัยได้ดำเนินการจัดการเรียนรู้โดยใช้ปริบัติเป็นฐาน ตามแผนการจัดการเรียนรู้ ที่ 4 เรื่อง ปริมาตรของกรวย จำนวน 3 ชั่วโมง ประกอบด้วย 5 ขั้นตอน ดังนี้ 1) ขั้นการเรื่อมโยงความสัมพันธ์ ผู้วิจัยนำเข้าสู่บทเรียนโดยการให้นักเรียนซ่าวิกันอธิบายเกี่ยวกับลักษณะของกรวย และยกตัวอย่างกรวยในชีวิตประจำวันที่อยู่ใกล้ตัวนักเรียน และให้นักเรียนใช้อินเทอร์เน็ตในการค้นคว้าเกี่ยวกับกรวยในชีวิตประจำวันเพิ่มเติมแล้วนำมาระบุแลกเปลี่ยนกันเพื่อนำไปในห้องเรียน จากนั้น

ให้นักเรียนทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 4.1 เรื่อง กรวยกับแก้ว 2) ขั้นการเรียนรู้จากประสบการณ์ผู้วิจัยให้ความรู้แก่นักเรียนในเรื่องของการทำบาริเมตราช่องกรวยพร้อมยกตัวอย่างการทำผลลัพธ์จากสถานการณ์ปัญหาที่ต้องนำความรู้เรื่องการทำบาริเมตราช่องกรวยไปใช้ในการแก้ปัญหา จากนั้นผู้วิจัยและนักเรียนร่วมกันสรุปถึงวิธีการแก้ปัญหาและผู้วิจัยกำหนดสถานการณ์เพิ่มเติมอีกสองสถานการณ์ปัญหาจากใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 4.1 เรื่องกรวยกับแก้ว เพื่อให้นักเรียนได้ลงมือปฏิบัติกิจกรรมในการนำความรู้ไปใช้เพื่อเชื่อมโยงไปสู่ความรู้ใหม่ 3) ขั้นการนำความรู้ไปใช้จากนั้นผู้วิจัยให้นักเรียนแบ่งกลุ่ม กลุ่มละ 3 – 4 คน แล้ว ผู้วิจัยกำหนดสถานการณ์ปัญหา เรื่องกรวย แก้ว ก่อเรื่อง แก่นักเรียน โดยให้นักเรียนแสดงวิธีคิดลงในใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 4.2 โดยให้นักเรียนใช้ความรู้ใหม่ที่ได้ในการแสดงวิธีการคิดหาคำตอบ 4) ขั้นการร่วมมือ ผู้วิจัยให้นักเรียนแต่ละกลุ่ม ภูมิปัญญาถึงวิธีคิดและคำตอบของตนเอง โดยมีผู้วิจัยเป็นผู้ควบคุมลำดับการภูมิปัญญาและเสนอความคิดเห็น 5) ขั้นการถ่ายโอนความรู้ไปยังบริบทอื่น ครูให้นักเรียนร่วมกันสรุปความรู้ใหม่ที่ได้รับและยกตัวอย่างสถานการณ์ที่จะต้องใช้ความรู้ในเรื่องบาริเมตราช่องกรวยโดยให้เขียนลงในกระดาษปรึกษา

### ขั้นที่ 3 ขั้นสังเกตการณ์ (Observing)

ผู้วิจัยและผู้ร่วมสังเกตการณ์จัดการเรียนรู้ช่วยกันสังเกตและจดบันทึกสิ่งที่เกิดขึ้นในชั้นเรียนระหว่างการจัดการเรียนรู้โดยให้ปริบทเป็นฐาน ลงในแบบสะท้อนผลการจัดการเรียนรู้ได้ผล การสังเกตดังต่อไปนี้

#### ขั้นตอนที่ 1 การเชื่อมโยงความสัมพันธ์ (Relating)

ผู้จัดได้สนทนาร่วมกับนักเรียนเรื่องลักษณะของรายและให้นักเรียนร่วมกันยกตัวอย่างรายในชีวิตประจำวัน จากนั้นครุยงให้นักเรียนทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 4.1 เรื่อง รายกับแก้ว เพื่อฝึกให้นักเรียนหาตัวแบบเรขาคณิตที่ได้จากปุ่มในชีวิตประจำวันและเป็นการสรุplักษณะของรายอีกรอบหนึ่ง

จากการสังเกตพบว่า นักเรียนสนใจร่วมกันจนได้ข้อสรุปเกี่ยวกับลักษณะของรายละเอียดตัวอย่างรายในชีวิตประจำวัน มีการใช้อินเทอร์เน็ตในการค้นคว้าเพิ่มเติมเกี่ยวกับรายที่อยู่ในชีวิตประจำวันมาแลกเปลี่ยนกับเพื่อนในห้องและนักเรียนสามารถที่จะหาดูตัวแบบเรขาคณิตของมาได้ถูกต้อง ทำให้นักเรียนมีความกระตือรือร้นที่จะทำกิจกรรมต่อไป และเมื่อทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 4.1 เรื่อง รายกับแก้ว นักเรียนเชิงรู้สึกว่ารายเป็นรูปทรงที่ใกล้ตัวมากขึ้น และพบเจอเป็นประจำในชีวิตจริง

### ขั้นตอนที่ 2 การเรียนรู้จากประสบการณ์ (Experiencing)

ผู้วิจัยให้ความรู้แก่นักเรียนในเรื่องของปริมาตรของรายพื้นที่ตัวอย่างการหาผลลัพธ์จากสถานการณ์ที่ต้องนำความรู้เรื่องปริมาตรของรายพื้นที่ตัวอย่างการเขียนหรือวงกลมข้อความในสถานการณ์ปัญหาที่สำคัญที่นำไปสู่การแก้ปัญหาสถานการณ์ หรือกำหนดตัวแปรลงไปในสถานการณ์ จากนั้นหาตัวแบบทางเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์เพื่อประกอบการแก้ปัญหา แล้วแทนค่าตัวแปรลงในสูตรการพื้นที่ผิวและปริมาตรของทรงกระบอกเพื่อหาคำตอบของสถานการณ์และผู้วิจัยได้กำหนดสถานการณ์ปัญหาเพิ่มเติมเกี่ยวกับแก้ว จากในกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 4.1 เพื่อให้นักเรียนได้ฝึกปฏิบัติการแก้ปัญหา จากการสังเกตพบว่านักเรียนมีส่วนร่วมในการสอนของผู้วิจัย เมื่อผู้วิจัยถามคำถามรวม ๆ ให้นักเรียนจะมีส่วนร่วมในการตอบคำถามและสามารถนำความรู้ที่ได้รับปฏิบัติตามกิจกรรมได้ถูกต้อง

### ขั้นตอนที่ 3 การนำความรู้ไปใช้ (Applying)

นักเรียนแบ่งกลุ่มเป็นกลุ่มละ 3 - 4 คน ได้ 7 กลุ่ม ผู้วิจัยได้ให้สถานการณ์ใหม่แก่นักเรียนในในกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 4.2 เรื่อง ราย แก้ว กล่อง ซึ่งเป็นสถานการณ์เกี่ยวกับการวางแผนการห้าปริมาตรของแก้วและปริมาตรของกล่อง โดยให้นักเรียนแต่ละคนเขียนหรือวงกลมข้อความในสถานการณ์ปัญหาที่สำคัญที่นำไปสู่การแก้ปัญหาสถานการณ์ หรือกำหนดตัวแปรลงไปในสถานการณ์ จากนั้นหาตัวแบบทางเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์เพื่อประกอบการแก้ปัญหา แล้วแทนค่าตัวแปรลงในสูตรการปริมาตรของรายเพื่อหาคำตอบของสถานการณ์ จากการสังเกตพบว่านักเรียนแต่ละกลุ่มมีการช่วยกันตีความหมายจากสถานการณ์หากเพื่อนในกลุ่มไม่เข้าใจสถานการณ์ปัญหาจะมีการช่วยกันอธิบายเพิ่มเติมเป็นภาษาภาษาหนึ่ง และนำความรู้ที่ได้จากขั้นที่ 2 มาใช้ในการหาคำตอบจากสถานการณ์ได้ถูกต้อง แต่ยังมีนักเรียนบางกลุ่มที่ยังไม่เข้าใจเกี่ยวกับสถานการณ์ปัญหาเนื่องจากสถานการณ์ปัญหานี้ได้เรื่องโยงไปยังการห้าปริมาตรของปริซึมด้วย

### ขั้นตอนที่ 4 การร่วมมือ (Cooperating)

นักเรียนออกมานำเสนอแนวคิดการแก้ปัญหาจากใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 4.2 เรื่อง ราย แก้ว กล่อง จากการสะท้อนผลในวงจรปฏิบัติการที่ 3 ไม่ได้เกิดอุปสรรคหรือปัญหาได้เกิดขึ้น จากการสังเกตการนำเสนอของนักเรียนที่เป็นตัวแทนพบว่านักเรียนมีความมั่นใจในการนำเสนอมากขึ้นสามารถหาตัวแบบทางเรขาคณิตที่ตีความจากสถานการณ์ออกมายได้ทั้งหมดมีอันกันและแตกต่างกัน และมีวิธีการแก้ปัญหาจากสถานการณ์ที่เหมือนและแตกต่างกัน แต่จะได้ผลลัพธ์เท่ากัน และจากการสังเกตนักเรียนในห้องที่เหลือมีการเบรี่ยบผลงานของตนเองกับเพื่อนที่ออกไปนำเสนอ

### ขั้นตอนที่ 5 การถ่ายโอนความรู้ไปยังบุคคลอื่น (Transferring)

ผู้วิจัยให้นักเรียนทำการสรุปความรู้และการสร้างสถานการณ์ปัญหาที่สามารถนำความรู้เรื่องปริมาตรของกรวยมาใช้แก้ปัญหาเหล่านั้นได้ พบว่าเมื่อนักเรียนทำชิ้นงานเกี่ยวกับการสรุปความรู้ที่ได้และยกตัวอย่างสถานการณ์ปัญหาที่นำความรู้เรื่องปริมาตรกรวยไปใช้ในการแก้ปัญหาในชีวิตประจำวันนั้น มีการจัดระเบียบชิ้นงานดีขึ้นและนำเสนอเนื้อหาจากง่ายไปยาก

### ขั้นที่ 4 ขั้นสะท้อนผล (Reflecting)

ผู้วิจัยสรุปปัญหาที่พบในขั้นเรียนและแนวทางการปรับปรุงในแต่ละขั้นตอนการจัดการเรียนรู้ของวงจรปฏิบัติการที่ 4 ดังแสดงในตาราง 10

ตาราง 10 ตารางแสดงการสะท้อนผลของวงจรปฏิบัติการที่ 4

ขั้นตอนที่	ปัญหาที่พบในขั้นเรียน	แนวทางการปรับปรุง
1. การเชื่อมโยงความสัมพันธ์ (Relating)	-	-
2. การเรียนรู้จากประสบการณ์ (Experiencing)	-	-
3. การนำความรู้ไปใช้ (Applying)	- นักเรียนบางกลุ่มไม่เข้าใจ เกี่ยวกับสถานการณ์ปัญหา เนื่องจากเป็นสถานการณ์ที่ เชื่อมโยงไปยังความรู้เรื่อง ปริมาตรของปริซึมด้วย	- ผู้วิจัยควรบทวนความรู้เรื่องปริมาตร ของปริซึมก่อนให้นักเรียนทำใบกิจกรรม การเรียนรู้
4. การร่วมมือ (Cooperating)	-	-
5. การถ่ายโอนความรู้ไปยังบุคคลอื่น (Transferring)	-	-

จากตาราง 10 เป็นตารางสรุปปัญหาที่พบในขั้นเรียนขณะทำการเรียนรู้โดยให้บริบทเป็นฐาน และแนวทางการการปรับปรุงแก้ไขในแต่ละขั้นตอนสำหรับใช้ในวงจรที่ 5 ให้มีประสิทธิภาพมากยิ่งขึ้น

### 5. การดำเนินการจัดการเรียนรู้ในวงจรปฏิบัติการที่ 5

การดำเนินการจัดการเรียนรู้ในวงจรปฏิบัติการที่ 5 มีลักษณะการดำเนินการจัดการเรียนรู้ ดังต่อไปนี้

### **ขั้นที่ 1 ขั้นวางแผน (Planning)**

ผู้วิจัยได้นำข้อมูลจากผลการสะท้อนการดำเนินการตามจรูปภูมิบดีการที่ 4 มาทำการพิจารณาเกี่ยวกับปัญหาที่เกิดขึ้น เนื่องจากการจัดการเรียนรู้เรื่องการหาปริมาตรทรงกลม ปัญหาที่พบคือนักเรียนบางส่วนไม่สามารถเข้าใจความรู้เดิมในเรื่องบริซึ่มมาใช้ในการแก้ปัญหา ได้ ผู้วิจัยจึงได้ ทบทวนเนื้อหาเดิมที่ได้เรียนไปแล้วให้แก่นักเรียนและการกำหนดสถานการณ์ปัญหา เพื่อเพิ่มกิจกรรมที่นักเรียนได้ลงมือปฏิบัติในขั้นการเรียนรู้จากประสบการณ์ จากนั้นนำมาปรับปรุง ในแผนการจัดการเรียนรู้ที่ 5 เรื่อง ปริมาตรของทรงกลม จำนวนทั้งสิ้น 3 ชั่วโมง

### **ขั้นที่ 2 ขั้นปฏิบัติการ (Acting)**

ผู้วิจัยได้ดำเนินการจัดการเรียนรู้โดยใช้บิบทเป็นฐาน ตามแผนการจัดการเรียนรู้ที่ 5 เรื่อง ปริมาตรของทรงกลม จำนวน 3 ชั่วโมง ประกอบด้วย 5 ขั้นตอน ดังนี้ 1) ขั้นการเขื่อมโยงความสัมพันธ์ ผู้วิจัยนำเข้าสู่บทเรียนโดยการทบทวนเนื้อหาเดิมที่ได้เรียนไปและจึงให้นักเรียนช่วยกันอธิบายเกี่ยวกับลักษณะของทรงกลม และยกตัวอย่างทรงกลมในชีวิตประจำวันที่อยู่ใกล้ตัว นักเรียน และให้นักเรียนใช้อินเทอร์เน็ตในการค้นคว้าเกี่ยวกับทรงกลมในชีวิตประจำเพิ่มเติมแล้ว นำมาแลกเปลี่ยนกับเพื่อนภายในห้องเรียน จากนั้นให้นักเรียนทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 5.1 เรื่อง ทรงกลมกับเครื่องประดับเงิน 2) ขั้นการเรียนรู้จากประสบการณ์ ผู้วิจัยให้ความรู้แก่นักเรียนในเรื่องของการหาปริมาตรของทรงกลมพร้อมยกตัวอย่างการหาผลลัพธ์จากสถานการณ์ปัญหาที่ต้อง คำนวณรู้เรื่องการหาปริมาตรของทรงกลมไปใช้ในการแก้ปัญหา จากนั้นผู้วิจัยและนักเรียนร่วมกันสรุป ถึงวิธีการแก้ปัญหาและผู้วิจัยกำหนดสถานการณ์เพิ่มเติมอีกสองสถานการณ์ปัญหาจากใน กิจกรรมการเรียนรู้ที่ 5.1 เรื่อง ทรงกลมกับเครื่องประดับเงิน เพื่อให้นักเรียนได้ลงมือปฏิบัติกิจกรรม ในการคำนวณรู้ไปใช้เพื่อเข้มโยงไปสู่ความรู้ใหม่ 3) ขั้นการนำความรู้ไปใช้ จากนั้นผู้วิจัยให้ นักเรียนแบ่งกลุ่ม กลุ่มละ 3 – 4 คน แล้ว ผู้วิจัยกำหนดสถานการณ์ปัญหา เรื่อง ทรงกลมกับลูกปัดเงิน แก่นักเรียน โดยให้นักเรียนแสดงวิธีคิดลงในใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 5.2 โดยให้นักเรียนใช้ ความรู้ใหม่ที่ได้ในการแสดงวิธีการคิดหาคำตอบ 4) ขั้นการร่วมมือ ผู้วิจัยให้นักเรียนแต่ละกลุ่ม ยกป้ายถึงวิธีคิดและคำตอบของตนเอง โดยมีผู้วิจัยเป็นผู้ควบคุมลำดับการอภิปรายและเสนอ ความคิดเห็น 5) ขั้นการถ่ายโอนความรู้ไปยังบิบทที่ ครูให้นักเรียนร่วมกันสรุปความรู้ใหม่ที่ได้รับ และยกตัวอย่างสถานการณ์ที่จะต้องใช้ความรู้ในเรื่องปริมาตรของทรงกลมโดยให้เขียนลงในกระดาษ ปรุ๊ฟ

### **ขั้นที่ 3 ขั้นสังเกตการณ์ (Observing)**

ผู้วิจัยได้สังเกตการณ์เปลี่ยนแปลงต่าง ๆ ที่เกิดขึ้นในขั้นเรียนระหว่างการจัดการเรียนรู้โดยใช้บิบทเป็นฐาน โดยผู้วิจัยและผู้ร่วมสังเกตการณ์จัดการเรียนรู้ช่วยกันสังเกตและจด

บันทึก เครื่องมือที่ใช้ ได้แก่ แบบสอบถามผลการจัดการเรียนรู้จากการสังเกตการจัดการเรียนรู้โดยผู้จัดได้ผลดังต่อไปนี้

### **ขั้นตอนที่ 1 การเชื่อมโยงความสัมพันธ์ (Relating)**

ผู้จัดได้ทบทวนความรู้เดิมให้แก่นักเรียนและสนทนาร่วมกันกับนักเรียนเรื่องลักษณะของทรงกลมและให้นักเรียนร่วมกันยกตัวอย่างทรงกลมในชีวิตประจำวัน และค้นคว้าเพิ่มเติมจากอินเทอร์เน็ตเพื่อแลกเปลี่ยนเรียนรู้กับเพื่อนในห้อง จากนั้นผู้จัดจึงให้นักเรียนทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 5.1 เรื่อง ทรงกลมกับเครื่องประดับ เพื่อฝึกให้นักเรียนนวดตัวแบบเรขาคณิต และเป็นการสรุปลักษณะของทรงกลมอีกด้วย

จากการสังเกตพบว่า นักเรียนยังพอดีจำเนื้อหาเดิมได้ถ้าผ่านการทำทบทวน นักเรียน มีความกระตือรือร้นที่จะค้นคว้าเพิ่มเติมผ่านระบบอินเทอร์เน็ตเพื่อนำมาแลกเปลี่ยนกับเพื่อนในห้อง ทำให้นักเรียนสนุกสนาน และเมื่อทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 5.1 เรื่อง ทรงกลมกับเครื่องประดับ นักเรียนจึงรู้สึกว่าทรงกลมเป็นรูปทรงที่ใกล้ตัวมากขึ้น และพนเจอเป็นประจำในชีวิตจริง ทำให้นักเรียนอยากรู้อยากทดลองตัดไป

### **ขั้นตอนที่ 2 การเรียนรู้จากประสบการณ์ (Experiencing)**

ในขั้นตอนนี้จะส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน โดยผู้จัดให้ความรู้แก่นักเรียนในเรื่องของปริมาตรของทรงกลมพร้อมยกตัวอย่างการใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์และความรู้เรื่องปริมาตรของทรงกลมไปใช้ในการแก้ปัญหา โดยการซีดเขียนหรือวงกลมข้อความในสถานการณ์ปัญหาที่สำคัญที่นำไปสู่การแก้ปัญหาสถานการณ์ หรือกำหนดตัวแปรลงไปในสถานการณ์ จากนั้nnวดตัวแบบทางเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์เพื่อประกอบการแก้ปัญหา และแทนค่าตัวแปรลงในสูตรการบวมิตรของทรงกลมเพื่อหาคำตอบของสถานการณ์และผู้จัดได้กำหนดสถานการณ์ปัญหาเพิ่มเติมเกี่ยวกับทรงกลมจากใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 5.1 เพื่อให้นักเรียนได้ฝึกปฏิบัติการแก้ปัญหา จากการสังเกตพบว่านักเรียนมีส่วนร่วมในการสอนของผู้จัด เมื่อผู้จัดถูกถามคำถามรวม ๆ ให้นักเรียนจะช่วยกันตอบคำถามและสามารถนำความรู้ที่ได้รับปฏิบัติตามกิจกรรมได้ถูกต้อง

### **ขั้นตอนที่ 3 การนำความรู้ไปใช้ (Applying)**

นักเรียนแบ่งกลุ่มเป็นกลุ่มละ 3-4 คน ได้ 7 กลุ่ม ผู้จัดได้ให้สถานการณ์ใหม่ แก่นักเรียนในใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 5.2 เรื่อง ทรงกลมกับลูกปัดเงิน ซึ่งเป็นสถานการณ์เกี่ยวกับการวางแผนการหาปริมาตรของลูกปัดที่เป็นทรงกลมที่นำไปเคลื่อนละลาย โดยให้นักเรียนแต่ละคนซีดเขียนหรือวงกลมข้อความในสถานการณ์ปัญหาที่สำคัญที่นำไปสู่การแก้ปัญหาสถานการณ์ หรือกำหนดตัวแปรลงไปในสถานการณ์ จากนั้nnวดตัวแบบทางเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์เพื่อ

ประกอบการแก้ปัญหา และแนบทนค่าตัวแปรลงในสูตรการปริมาตรของทรงกลมเพื่อหาคำตอบของสถานการณ์ จากการสังเกตพบว่านักเรียนแต่ละกลุ่มมีการช่วยกันตีความหมายจากสถานการณ์ หากเพื่อนในกลุ่มไม่เข้าใจสถานการณ์ปัญหาจะมีการช่วยกันอธิบายเพิ่มเติมเป็นภาษาจะง่าย และนำความรู้ที่ได้จากขั้นที่ 2 มาใช้ในการหาคำตอบจากสถานการณ์ได้ถูกต้อง

#### **ขั้นตอนที่ 4 การร่วมมือ (Cooperating)**

ขั้นตอนนี้จะส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์โดยการสุมนักเรียนออกมานำเสนอแนวคิดการแก้ปัญหาจากใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 5.2 เรื่อง ทรงกลมกับลูกปัดเงิน จากการสะท้อนผลในวงจรปฏิบัติการที่ 4 “ไม่ได้เกิดอุปสรรคหรือปัญหาใดเกิดขึ้น จากการสังเกตการนำเสนอของนักเรียนที่เป็นตัวแทนพบว่านักเรียนมีความมั่นใจในการนำเสนอมากขึ้น สามารถด้วยแบบทางเรขาคณิตที่ตีความจากสถานการณ์ออกมาได้ทั้งเมื่อกัน และมีวิธีการแก้ปัญหาจากสถานการณ์ที่เหมือนและแตกต่างกัน แต่จะได้ผลลัพธ์เท่ากัน และจากการสังเกต นักเรียนในห้องที่เหลือมีการเปรียบเทียบผลงานของตนเองกับเพื่อนที่ออกไปนำเสนอ

#### **ขั้นตอนที่ 5 การถ่ายโอนความรู้ไปยังบริบทอื่น (Transferring)**

นักเรียนทำการสรุปความรู้และการสร้างสถานการณ์ปัญหาที่สามารถนำความรู้เรื่องปริมาตรของทรงกลมมาใช้แก้ปัญหาเหล่านี้ได้ พบทว่าเมื่อนักเรียนทำขั้นงานเกี่ยวกับการสรุปความรู้ที่ได้และยกตัวอย่างสถานการณ์ปัญหาที่นำความรู้เรื่องปริมาตรของทรงกลมไปใช้ในการแก้ปัญหาในชีวิตประจำวันนั้น เมื่อนักเรียนนำเสนอหน้าชั้นเรียน มีการจัดระเบียบชั้นงานดีขึ้น และนำเสนอเนื้อหาจากง่ายไปยาก

#### **ขั้นที่ 4 ขั้นสะท้อนผล (Reflecting)**

ผู้จัดไม่พบปัญหาและในแต่ละขั้นตอนการจัดการเรียนรู้ของวงจรปฏิบัติการที่ 5

2. แนวทางการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

ผู้จัดได้ค้นพบแนวทางที่เหมาะสมในการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ ซึ่งประกอบด้วย 5 ขั้นตอน ดังรายละเอียดต่อไปนี้

#### **ขั้นตอนที่ 1 การเชื่อมโยงความสัมพันธ์ (Relating)**

**บทบาทครู:** ครูนำเข้าสู่บทเรียนโดยการนำเสนอสถานการณ์ในบริบทที่เกี่ยวข้องกับการดำเนินชีวิตของนักเรียน เช่น ผ่ากะหรี่ยง ให้นักเรียนยกตัวอย่างสิ่งของ เครื่องใช้ที่เป็นรูปทรงต่างๆ ที่นักเรียน เช่น ผ่ากะหรี่ยง สามารถพบได้ในชีวิตประจำวัน เปิดโอกาสให้นักเรียนค้นคว้าเพิ่มเติมจากอินเตอร์เน็ต เพื่อเพิ่มความหลากหลายในการยกตัวอย่างมาแลกเปลี่ยนกับเพื่อนในชั้น

และส่งเสริมให้นักเรียนจำลองรูปทรงเหล่านั้นออกมาให้อยู่ในรูปแบบตัวแบบทางเรขาคณิต ครุควาทบทวนการวางแผนรูปเรขาคณิตสามมิติให้แก่นักเรียนโดยใช้สื่อการสอนจาก Youtube ซึ่งจะทำให้นักเรียนเกิดความสนใจในบทเรียนที่กำลังเรียนและมีความกระตือรือร้นที่จะทำกิจกรรมต่อไป

**บทบาทนักเรียน :** นักเรียนยกตัวอย่างรูปทรงจากสถานการณ์ที่ครุกำหนดและวาดตัวแบบทางเรขาคณิตจากรูปทรงในชีวิตประจำวัน และกระตือรือร้นที่จะค้นคว้าความรู้เพิ่มเติม

### ขั้นตอนที่ 2 การเรียนรู้จากประสบการณ์ (Experiencing)

**บทบาทครู :** ครุสร้างประสบการณ์ให้นักเรียนโดยการให้ความรู้กับนักเรียนเกี่ยวกับเรื่องพื้นที่ผิวและปริมาตร ในขั้นนี้เน้นให้นักเรียนเกิดความคิดรวบยอดเกี่ยวกับการทำพื้นที่ผิวและปริมาตรส่งเสริมให้นักเรียนใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ในการแก้ปัญหา และเพิ่มประสบการณ์ให้นักเรียนโดยการยกตัวอย่างสถานการณ์ปัญหาเกี่ยวกับบริบทในชีวิตประจำวันที่เกี่ยวข้องกับสิ่งของเครื่องใช้ที่เป็นรูปทรงต่าง ๆ ที่นักเรียนชนผ่ารู้จักและใช้ในชีวิตประจำวันที่ต้องใช้ความรู้เรื่องพื้นที่ผิวและปริมาตรในการแก้ปัญหา เน้นให้นักเรียนแสดงแนวคิดของมาในรูปแบบตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ ได้แก่ การเขียนหรือวงกลมข้อความในสถานการณ์ปัญหาที่สำคัญที่นำไปสู่การแก้ปัญหาสถานการณ์ หรือกำหนดตัวแปรลงไปในสถานการณ์ การวัดตัวแบบทางเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์เพื่อประกอบการแก้ปัญหา การแทนค่าตัวแปรลงในสูตรการทำพื้นที่ผิวและปริมาตรเพื่อหาคำตอบของสถานการณ์ นอกจากนี้ครุควรกำหนดสถานการณ์ปัญหาเพิ่มเติมให้นักเรียนได้ลองแสดงแนวคิดเพื่อให้เข้าใจในเนื้อหามากขึ้น ในระหว่างการทำกิจกรรมครุไม่ควรรีบแนะนำทางแก้ปัญหามากเกินไป ควรใช้คำอธิบายกระตุนให้นักเรียนได้คิดด้วยตนเอง

**บทบาทนักเรียน :** นักเรียนนำความคิดรวบยอดไปทำกิจกรรมตามสถานการณ์ปัญหาที่ครุกำหนด จากนั้นร่วมกันกับครุสรุปความรู้ใหม่

### ขั้นตอนที่ 3 การนำความรู้ไปใช้ (Applying)

**บทบาทครู :** ครุให้สถานการณ์ในบริบทที่นักเรียนชนผ่าไม่คุ้นเคย เพื่อตรวจสอบการเข้ามายิงความรู้ที่ได้รับกับสถานการณ์ในบริบทใหม่ และส่งเสริมให้นักเรียนใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ในการแก้ปัญหา

**บทบาทนักเรียน :** นักเรียนนำความรู้ใหม่ที่ได้มาใช้แก้ปัญหาของสถานการณ์ในบริบทใหม่

### ขั้นตอนที่ 4 การร่วมมือ (Cooperating)

**บทบาทครู :** ครุเปิดโอกาสให้นักเรียนออกแบบนำเสนอแนวคิดหน้าชั้นเรียนและให้เพื่อนในห้องร่วมกันอภิปรายและเปลี่ยนความคิดเห็นกับเพื่อนต่างกลุ่ม และขอ匕ายเพิ่มเติมเป็นภาษา

กะหรี่ยง และระหว่างดำเนินกิจกรรมครูต้องอย่คุณสถานการณ์ภายในห้องเรียนไม่ให้เกิดความวุ่นวาย เนื่องจากนักเรียนมีความกังวลในการนำเสนอชิ้นงานของกลุ่มตนเอง ทำให้ไม่ได้ตั้งใจฟังเพื่อนนำเสนอหัวข้อเรียน

**บทบาทนักเรียน :** นักเรียนอธิบายวิธีการ หรือแนวคิดเพื่อที่จะแลกเปลี่ยนความคิดเห็น และแนะนำวิธีแก้ปัญหาซึ่งจะทำให้สมาชิกของกลุ่มมีความมั่นใจในการทำกิจกรรมและมีแรงจูงใจในการทำงานที่สูงขึ้นมากกว่าทำด้วยตนเอง เนื่องจากเมื่อมีกลุ่มที่แสดงตัวแบบเฉพาะคณิตออกมามาได้ ต่างกันจึงนำไปสู่การสอบถามถึงวิธีการคิด จากนั้นซึ่งนักเรียนแต่ละกลุ่มต้องพยายามหาคำอธิบายเพื่อสนับสนุนแนวคิดของกลุ่มตนเอง ซึ่งนักเรียนกลุ่มที่เกิดความผิดพลาดก็จะสามารถแก้ไขวิธีการของตน ทำให้นักเรียนเกิดการเรียนรู้จากการความผิดพลาด ส่วนกลุ่มที่ทำถูกแล้วก็จะได้ฝึกการอธิบายและเพิ่มความมั่นใจให้กับแนวคิดของตนเอง

#### ขั้นตอนที่ 5 การถ่ายโอนความรู้ไปยังบุพิทท่อน (Transferring)

**บทบาทครู :** ครูให้นักเรียนสรุปความรู้ที่ได้รับและยกตัวอย่างสถานการณ์ในบริบทใหม่ ที่นักเรียนสามารถนำความรู้ไปใช้ได้จากนั้นครูแจกอุปกรณ์สำหรับการทำกิจกรรมเป็นกลุ่มโดยการสรุปความรู้ที่ได้รับเกี่ยวกับพื้นที่ผิวและปริมาตรลงในกระดาษบูรพ์ มีการเรียงลำดับเนื้อหาจากง่ายไปยากและยกตัวอย่างย่างสถานการณ์ที่สามารถนำความรู้ที่ได้สรุปมานี้ไปใช้ในการแก้ปัญหา

**บทบาทนักเรียน :** นักเรียนนำความรู้ที่มาสร้างเป็นสถานการณ์ในบริบทใหม่ ๆ โดยนักเรียนจะต้องทำการสรุปความรู้ที่ได้ตามความเข้าใจของตนเอง จากนั้นจึงนำมาสร้างเป็นสถานการณ์ในบริบทใหม่ที่จะต้องใช้ความรู้ใหม่ที่ได้ในการแก้ปัญหา

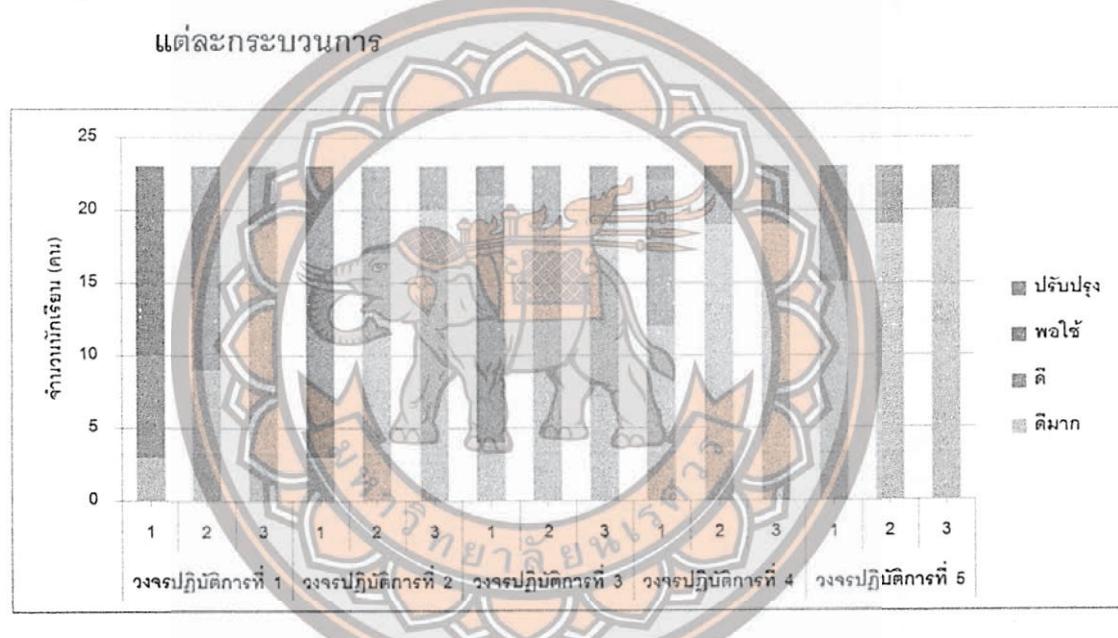
**ตอนที่ 2 ผลการจัดการเรียนรู้โดยใช้บุพิทเป็นฐาน ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3**

1. การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ระหว่างการจัดการเรียนรู้โดยใช้บุพิทเป็นฐาน เรื่องพื้นที่ผิวและปริมาตรของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

ระหว่างการจัดการเรียนรู้โดยใช้บุพิทเป็นฐานที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ผู้วิจัยได้สังเกตพฤติกรรมของนักเรียนแบบเป็นรายบุคคล ระหว่างการจัดการเรียนรู้ทั้ง 5 วงจรปฏิบัติการ ได้แก่ วงจรปฏิบัติการที่ 1 เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตรพื้นที่ วงจรปฏิบัติการที่ 2 เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตรทรงกรวย ทรงกระบอก วงจรปฏิบัติการที่ 3 เรื่อง ปริมาตรพีระมิด วงจรปฏิบัติการที่ 4 เรื่อง ปริมาตรกรวย และวงจรปฏิบัติการที่ 5 เรื่อง ปริมาตรทรงกลม โดยมีประเด็นการบันทึกการสังเกตพฤติกรรมการ

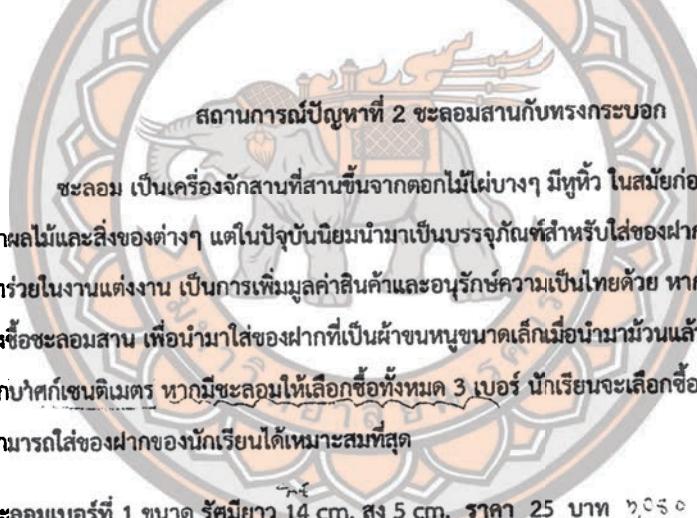
นำเสนอด้วยแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ของนักเรียน 3 กระบวนการดังนี้ (1) การใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อทำความเข้าใจปัญหา (2) การใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อวางแผนการแก้ปัญหา และ (3) การใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อแสดงการสรุปคำตอบของปัญหา โดยจำแนกแต่ละกระบวนการเป็นพุทธิกรรม 4 ระดับคือ ดีมาก ดี พอดี และ ควรปรับปรุง ตามเกณฑ์ในตาราง 5 ผลการวิจัยสรุปได้ว่า มีรายละเอียดดังแผนภูมิ 1

#### แผนภูมิ 1 แสดงนักเรียนตามระดับการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ของแต่ละกระบวนการ



จากแผนภูมิ 1 เป็นการแสดงจำนวนนักเรียนตามระดับการนำเสนอความคิดทางคณิตศาสตร์ของแต่ละกระบวนการ จากการเก็บข้อมูลในกิจกรรมการเรียนรู้ของนักเรียน พบว่า หลังจากการจัดกิจกรรมการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานผลจากการวิจัยบัติการที่ 5 ซึ่งเป็นวงจรสุดท้ายของการจัดการเรียนรู้ พบว่า “ไม่มีนักเรียนกลุ่มใดอยู่ในระดับควรปรับปรุง พิจารณาโดยรวม ตั้งแต่วงจรปฐมติการที่ 1 ถึง วงจรปฐมติการที่ 5 มีแนวโน้มที่มีการพัฒนาในทุกกระบวนการ จะเห็นได้ว่าระหว่างวงจรปฐมติการที่ 1, 2 และ 3 การพัฒนาการนำเสนอความคิดทางคณิตศาสตร์ในแต่ละกระบวนการของนักเรียนในแต่ละระดับไม่แตกต่างกันมากนัก แต่เมื่อพิจารณาในวงจรปฐมติการที่ 4 และ 5 พบว่ามีความแตกต่างของระดับการนำเสนอความคิดทางคณิตศาสตร์ในแต่ละกระบวนการอย่างเห็นได้ชัด เนื่องจากในการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ในวงจรปฐมติการที่ 1 และ 2 ผู้วิจัยได้ให้นักเรียนดำเนินการแก้ปัญหาโดยลงมือทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ผู้วิจัยแจกให้เพียงอย่างเดียว แต่ในวงจรปฐมติการที่ 3, 4 และ 5 นอกจากผู้วิจัยจะสร้างประสบการณ์ให้นักเรียนแล้ว

ยังมีการตรวจสอบความรู้ใหม่ที่นักเรียนได้รับโดยการกำหนดสถานการณ์เพิ่มเติมจากสถานการณ์เดิมเพื่อให้นักเรียนได้ฝึกคิดและทำกิจกรรมด้วยตนเอง ไม่ใช่แค่ดูผู้วิจัยยกตัวอย่างการแสดงแนวคิดเพื่อแก้ปัญหาจากสถานการณ์เพียงอย่างเดียว กล่าวได้ว่าเมื่อจบวงจรปฏิบัติการที่ 5 แล้ว พบว่า นักเรียนส่วนใหญ่มีการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ทั้ง 3 กระบวนการขออยู่ในระดับดีมาก เห็นได้จากตัวอย่างการตอบคำถามของนักเรียนในใบกิจกรรมที่ 2 สถานการณ์จะล้อมสถานกับทรงกระบอก ที่นักเรียนจะต้องเลือกชื่อจะล้อมสถานมาใช้ในการใส่ผ้าขันหนูเพื่อทำเป็นของฝากให้มีขนาดเหมาะสมที่สุด ตัวอย่างคำตอบของนักเรียนซึ่งจัดอยู่ในระดับดีมาก แสดงดังภาพที่ 2 - 4 เนื่องจากนักเรียนมีการซื้อเครื่องเขียนซึ่งความที่สำคัญในสถานการณ์ปัญหาเพื่อแสดงการเข้าใจปัญหา ว่าด้วยแบบเรขาคณิตและกำหนดตัวแปรเพื่อแสดงภาระงานแผนการแก้ปัญหาและใช้สัญลักษณ์และแทนค่าลงในสูตรและดำเนินการแก้ปัญหาเพื่อแสดงการสรุปคำตอบของปัญหาได้ถูกต้อง

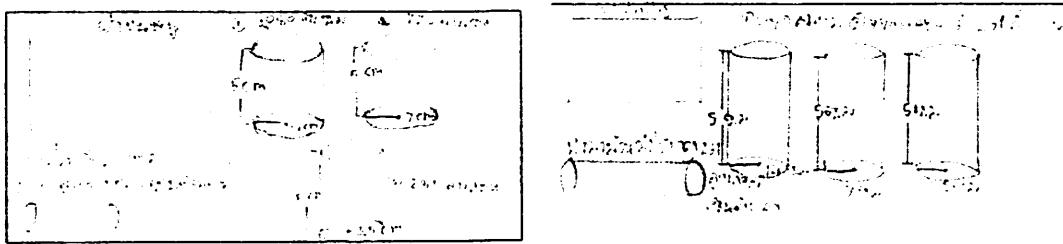


จะล้อมเบอร์ที่ 1 ขนาด รัศมียาว 14 cm. สูง 5 cm. ราคา 25 บาท ๒๖๐.๙๙ ๔๗.๕๖

จะล้อมเบอร์ที่ 2 ขนาด รัศมียาว 7 cm. สูง 5 cm. ราคา 20 บาท ๒๖๐.๙๙ ๔๗.๕๖

จะล้อมเบอร์ที่ 3 ขนาด รัศมียาว 3.5 cm. สูง 6 cm. ราคา 15 บาท ๒๖๐.๙๙ ๔๗.๕๖

## ภาพ 2 แสดงการซื้อความสำคัญและกำหนดตัวแปรจากสถานการณ์ปัญหาจะล้อมสถาน กับทรงกระบอก



ภาพ 3 แสดงการวัดตัวแบบทางเรขาคณิตจากสถานการณ์ปัญหาจะลอมسانกับ  
ทรงกรวยบอก

2. คำนวณการเก็บปัญหางานสถานการณ์ที่กำหนดให้  
 ปริมาตรของถังฯ = รัศมีหัวร้าน  $\times$  สูง  
 $= \pi r^2 h$   
 ปริมาตร ๙๘ ลํา喻เมตริก  
 $= \frac{22}{7} \times 14 \times 14 \times 9$   
 $\approx 22 \times 2 \times 14 \times 9$   
 $\approx 3080 \text{ ลูกบาศก์เมตรลิตร}$   
 ปริมาตร ๑๗๘ ลํา喻เมตริก  
 $= \frac{22}{7} \times 11 \times 9$   
 $\approx 22 \times 1 \times 9$   
 $\approx 190 \text{ ลูกบาศก์เมตรลิตร}$   
 ปริมาตร ๒๓๑ ลํา喻เมตริก  
 $= \frac{22}{7} \times 9.5^2 \times 6$   
 $\approx \frac{22}{7} \times 3.5 \times 9.5 \times 6$   
 $\approx 100.19 \text{ ลูกบาศก์เมตรลิตร}$   
 $\approx 231 \text{ ลูกบาศก์เมตรลิตร}$   
 ตอบ ๒๓๑ ลูกบาศก์เมตรลิตร

ภาพ 4 แสดงการแทนค่าตัวแปรลงในสูตรเพื่อหาคำตอบของสถานการณ์จะลอมسانกับ  
ทรงกรวยบอก

2. การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์หลังการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน เรื่องพื้นที่ผิวและปริมาตรของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓

หลังการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่องพื้นที่ผิวและปริมาตรของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๓ ผู้วิจัยได้ดำเนินการทดสอบการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนเป็นรายบุคคล โดยผู้วิจัยแบ่งออกเป็น ๓ กระบวนการได้แก่ (1) การใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อทำการ

เข้าใจปัญหา (2) การใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อวางแผนการแก้ปัญหา และ(3) การใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อแสดงการสรุปคำตอบของปัญหา ดังตาราง

ตาราง 11 แสดงจำนวนนักเรียนตามระดับการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์

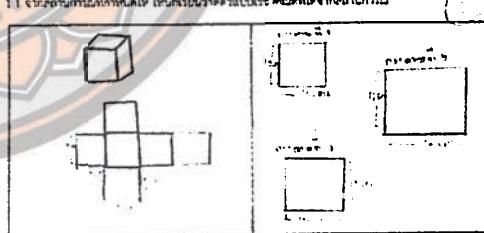
การวิเคราะห์ข้อมูล	จำนวนนักเรียน (ร้อยละ)			
	ดีมาก	ดี	พอใช้	ควรปรับปรุง
การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์	5(21.74)	10(43.48)	8(34.78)	0(0.00)
1. การใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อทำความเข้าใจปัญหา	11(47.83)	7(30.43)	5(21.74)	0(0.00)
2. การใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อวางแผนการแก้ปัญหา	8(34.78)	8(34.78)	7(30.43)	0(0.00)
3. การใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์แสดงการสรุปคำตอบของปัญหา	5(21.74)	12(52.17)	6(26.09)	0(0.00)

ผลการวิจัยพบว่า นักเรียนที่ได้เรียนด้วยการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน (Context-Based Learning) ร้อยละ 21.74 มีการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์อยู่ในระดับดีมาก กล่าวคือในด้านของการใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อทำความเข้าใจปัญหาพบว่านักเรียนสามารถเขียนสัญลักษณ์ชี้ด้วยเท้าหรือ วงกลมซึ่งความในสถานการณ์เพื่อกำหนดตัวแปรได้ครบถ้วน ด้านการใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อวางแผนการแก้ปัญหา พบว่านักเรียนว่าด้วยแบบเรขาคณิตที่ได้จากการสอนและการนับและระบุองค์ประกอบของรูปเรขาคณิตได้ถูกต้องครบถ้วน ด้านการใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อแสดงการสรุปคำตอบของปัญหา พบว่านักเรียนเลือกใช้สูตรถูกต้อง แทนค่าตัวแปรลงในสูตรถูกต้อง และดำเนินการแก้ปัญหาได้ถูกต้อง นักเรียนร้อยละ 43.48 มีการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์อยู่ในระดับดี กล่าวคือในด้านของการใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อทำความเข้าใจปัญหาพบว่านักเรียนสามารถเขียนสัญลักษณ์ชี้ด้วยเท้าหรือ วงกลมซึ่งความในสถานการณ์ กำหนดตัวแปรไม่ได้นานการใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อวางแผนการแก้ปัญหา พบว่านักเรียนว่าด้วยแบบเรขาคณิตที่ได้จากการสอนและการนับและระบุ

องค์ประกอบของรูปเรขาคณิตได้ไม่ครบถ้วน และด้านการใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อแสดงการสรุปคำตอบของบัญชา พนว่าบันกเรียนเลือกใช้สูตรถูกต้อง แทนค่าตัวแปรลงในสูตรถูกต้อง แต่ดำเนินการแก้ปัญหาได้ไม่ถูกต้อง และร้อยละ 34.78 มีการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์อยู่ในระดับพอใช้ กล่าวคือในด้านของการใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อทำความเข้าใจปัญหาพบว่าบันกเรียนเขียนเขียนสัญลักษณ์ชีดเขียนหรือวงกลมข้อความในสถานการณ์ แต่ไม่กำหนดตัวแปร ด้านการใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อวางแผนการแก้ปัญหา พนว่าบันกเรียนขาดตัวแบบเรขาคณิตที่ได้จากการสอน และไม่ระบุองค์ประกอบของรูปเรขาคณิต และด้านการใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อแสดงการสรุปคำตอบของบัญชา พนว่าบันกเรียนเลือกใช้สูตรได้ถูกต้อง แต่แทนค่าตัวแปรลงในสูตรไม่ถูกต้อง และดำเนินการแก้ปัญหาได้ไม่ถูกต้อง เนื่องได้จากการตอบคำถามของนักเรียนในแบบวัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ที่นักเรียนจะต้องเลือกซึ่งกระดาษห่อของขวัญให้เหมาะสมกับของขวัญตนเองและประยุกต์มากที่สุด ตัวอย่างคำตอบของนักเรียนซึ่งจัดอยู่ในระดับดีมาก แสดงดังภาพที่ 5 เมื่อจากนักเรียนมีการเขียนข้อความที่สำคัญในสถานการณ์ปัญหาเพื่อแสดงการเข้าใจปัญหา ขาดตัวแบบเรขาคณิตและกำหนดตัวแปรเพื่อแสดงการวางแผนการแก้ปัญหาและใช้สัญลักษณ์และแทนค่าลงในสูตรและดำเนินการแก้ปัญหาเพื่อแสดงการสรุปคำตอบของปัญหาได้ถูกต้อง

1. เมืองทางภาคใต้ที่มีภูมิประเทศหุบเขาและแม่น้ำที่สำคัญที่สุดคือ แม่น้ำเจ้าพระยาและแม่น้ำป่าสัก แม่น้ำเจ้าพระยาเป็นแม่น้ำที่ยาวที่สุดในประเทศไทย มีความยาวประมาณ 372 กิโลเมตร ไหลผ่านจังหวัดต่างๆ ที่สำคัญ เช่น กรุงเทพมหานคร นนทบุรี สมุทรปราการ และชลบุรี แม่น้ำป่าสักเป็นแม่น้ำที่มีความยาวประมาณ 350 กิโลเมตร ไหลผ่านจังหวัดต่างๆ เช่น กาญจนบุรี ราชบุรี และสุพรรณบุรี

Digitized by srujanika@gmail.com



សម្រាប់ការបង្កើតរបស់រដ្ឋបាលនៃក្រសួងពេទ្យជាពេទ្យភាគី និងក្រសួងពេទ្យជាពេទ្យភាគី និងក្រសួងពេទ្យជាពេទ្យភាគី

## ภาค 5 แสดงการใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ในการแบบจำลอง ความสามารถการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์

## บทที่ 5

### บทสรุป

การวิจัยเรื่อง การวิจัยปฏิบัติการเพื่อพัฒนาการจัดการเรียนรู้โดยบริบทเป็นฐาน เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 มีวัตถุประสงค์เพื่อศึกษาแนวทางการจัดการเรียนรู้ในห้องเรียนด้วยการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 และเพื่อศึกษาผลการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน ที่มีต่อการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ผู้วิจัยขอนำเสนอผลการวิจัยดังนี้

1. สรุปผลการวิจัย
2. ภาระงานครู
3. ข้อเสนอแนะ

#### สรุปผลการวิจัย

1. แนวทางการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

จากการวิจัยผู้วิจัยได้ค้นพบแนวทางที่เหมาะสมในการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ ซึ่งประกอบด้วย 5 ขั้นตอน ได้แก่ ขั้นตอนที่ 1 การเขื่อมโยงความสัมพันธ์ (Relating) ขั้นตอนที่ 2 การเรียนรู้จากประสบการณ์ (Experiencing) ขั้นตอนที่ 3 การนำความรู้ไปใช้ (Applying) ขั้นตอนที่ 4 การร่วมมือ (Cooperating) และขั้นตอนที่ 5 การถ่ายโอนความรู้ไปยังบริบทอื่น (Transferring) มีประเด็นที่ควรเน้น คือ ครุภาระนำเสนอสถานการณ์เกี่ยวกับรูปทรงในบริบทที่นักเรียนชนเผ่าจะเห็นพบรูปแบบในชีวิตจริง ตรวจสอบความรู้ของนักเรียนก่อนนำเสนอสถานการณ์ในบริบทที่นักเรียนไม่คุ้นเคย และครุภาระส่งเสริมให้นักเรียนจำลองรูปทรงให้อยู่ในรูปตัวแบบเรขาคณิต ลงมือปฏิบัติเพื่อให้เกิดความคิดรวบยอด ใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ในการแก้ปัญหา และเปลี่ยนความคิดเห็นกับเพื่อนเมื่อนำเสนอหน้าชั้นเรียน อาจให้นำเสนอเพิ่มเติมเป็นภาษาภารềยงเพื่อเพิ่มความเข้าใจกับเพื่อนในชั้นเรียน และให้ยกตัวอย่างสถานการณ์ที่จะนำความรู้ไปใช้ในชีวิตจริง

2. ผลการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

ผลการวิจัยพบว่า นักเรียนที่ได้เรียนด้วยการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน มีการพัฒนาการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ มีแนวโน้มดีขึ้นอย่างเป็นลำดับ ดังรายละเอียดดังไปนี้

ผลจากการวิเคราะห์ใบกิจกรรมการเรียนรู้ในระหว่างการจัดการเรียนรู้และแบบวัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ทั้งการจัดการเรียนรู้ของนักเรียน พบร่วมหาในกระบวนการใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อทำความสะอาดเข้าใจปัญหา และวางแผนการแก้ปัญหานั้นอยู่ในระดับดีมาก ซึ่งสอดคล้องกัน แต่ในกระบวนการใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์แสดงการสรุปคำตอบของปัญหาในระหว่างเรียนนักเรียนส่วนใหญ่มีความสามารถอยู่ในระดับดีมาก ซึ่งไม่สอดคล้องกับผลของหลังการจัดการเรียนรู้ในกระบวนการนี้ที่นักเรียนส่วนใหญ่มีความสามารถอยู่ในระดับดี

### อภิปรายผลการวิจัย

1. แนวทางการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

แนวทางที่เหมาะสมในการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ มีประเด็นการสอนที่ควรเน้นให้แก่ การนำเสนอสถานการณ์ในบริบทที่เกี่ยวข้องกับการดำเนินชีวิตของนักเรียนชนเผ่ากะเหรี่ยง ซึ่งเกี่ยวข้องกับสิ่งของเครื่องใช้ที่เป็นรูปทรงต่าง ๆ และควรส่งเสริมให้นักเรียนจำลองรูปทรงเหล่านั้นออกมาให้อยู่ในรูปแบบตัวแบบทางเรขาคณิต เน้นให้นักเรียนเกิดความคิดรวบยอดเกี่ยวกับการทำพื้นที่ผิวและปริมาตรด้วยการลงมือปฏิบัติและส่งเสริมให้นักเรียนใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ในการแก้ปัญหา สอดคล้องกับ Hoover (2012) ที่กล่าวว่า การจัดกิจกรรมการเรียนรู้โดยการกำหนดสถานการณ์ ปัญหาจากบริบทของนักเรียนทำให้นักเรียนเห็นความสัมพันธ์ถึงการนำเสนอคณิตศาสตร์ไปใช้แก้ปัญหา ในชีวิตจริงได้และสอดคล้องกับ จิราพร บุญศรี (2554) ที่ศึกษาเกี่ยวกับการจัดทำคู่มือการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนคณิตศาสตร์ที่เชื่อมโยงกับเครื่องใช้ชนเผ่า โดยกิจกรรมเน้นการร่วมกันเรียนเป็นกลุ่ม การลงมือปฏิบัติเพื่อให้นักเรียนสร้างองค์ความรู้ทางคณิตศาสตร์ผ่านเครื่องใช้ชนเผ่า ในชีวิตประจำวันของนักเรียน ซึ่งได้ผลการศึกษาว่าคู่มือนี้ทำให้นักเรียนเกิดความรู้ความเข้าใจในเนื้หาคณิตศาสตร์สามารถเชื่อมโยงสิ่งที่อยู่ในชีวิตประจำวันกับความรู้ทางคณิตศาสตร์ได้เป็น

อย่างดี ครูควรให้สถานการณ์ในบริบทที่นักเรียนชนเผ่าไม่คุ้นเคย เพื่อตรวจสอบการเรื่องมายิงความรู้ที่ได้รับกับสถานการณ์ในบริบทใหม่และส่งเสริมให้นักเรียนใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ในการแก้ปัญหา สอดคล้องกับจินดา พราหมณ์สู (2553) ที่ว่า ครูผู้สอนควรนำเสนอเรื่องใหม่ เพื่อกระตุ้นให้นักเรียนให้มีการประยุกต์ใช้ความรู้โดยครูผู้สอนจัดกิจกรรมเพื่อส่งเสริมให้นักเรียนได้มีการประยุกต์ใช้ความรู้ หรือแนวคิดที่เกี่ยวข้องในสถานการณ์อื่น ๆ และควรส่งเสริมความมั่นใจในการแก้ปัญหาของนักเรียนโดยการให้นักเรียนออกมานำเสนอแนวคิดหน้าชั้นเรียนเพื่อแลกเปลี่ยนความคิดเห็นกับเพื่อนในชั้น สอดคล้องกับวรรณศิริ หลงรัก (2553) ที่กล่าวว่า กิจกรรมการเรียนรู้ด้านบริบทเป็นกิจกรรมแบบร่วมมือให้นักเรียนในกลุ่มมีส่วนร่วมในการเรียนรู้ ลงมือปฏิบัติกิจกรรม เพื่อค้นพบข้อสรุป ทำให้นักเรียนต้องนำความรู้ทักษะ และประสบการณ์มีอยู่มาใช้ เกิดการอภิปราย และเปลี่ยนความคิดเห็นภายในกลุ่ม การอภิปรายเพื่อแลกเปลี่ยนความรู้ วิธีการ และข้อคิดเห็นที่ได้มาแก้ไขปัญหาสถานการณ์ในบริบทที่กำหนดจะทำให้ได้นักเรียนแสดงความสามารถในการคิดแก้ปัญหาและกระตุ้นให้นักเรียนสะท้อนผลการจัดการเรียนรู้ออกมาในรูปแบบของการยกตัวอย่างสถานการณ์ที่จะสามารถนำความรู้ที่เรียนไปใช้ในการแก้ปัญหาได้ สอดคล้องกับ Gilbert (2006) ที่กล่าวว่า การจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานความมีการประยุกต์ใช้ความรู้หรือแนวคิดที่เกี่ยวข้องในสถานการณ์อื่น ๆ หรือการประยุกต์ใช้ความรู้ในชีวิตประจำวันของนักเรียน

2. ผลการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

ผลการจัดการเรียนรู้ด้วยการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน (Context-Based Learning) ในระหว่างการจัดการเรียนรู้นั้นนักเรียนมีแนวโน้มพัฒนาการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์มากยิ่งในระดับเดี๋มามากได้ในทุกกระบวนการตั้งแต่การใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดเพื่อทำความเข้าใจปัญหา เพื่อวางแผนการแก้ปัญหา และเพื่อแสดงการสรุปคำตอบของปัญหา ซึ่งเมื่อเปรียบเทียบกับผลลัพธ์การจัดการเรียนรู้แล้วในภาพรวมนักเรียนมีความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์อยู่ในระดับดี ซึ่งไม่สอดคล้องกับผลการจัดการเรียนรู้ ระหว่างเรียน แต่เมื่อแยกพิจารณาที่ละกระบวนการพบว่า ในกระบวนการใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อทำความเข้าใจปัญหาและวางแผนการแก้ปัญหาของนักเรียนอยู่ในระดับเดี๋มามากซึ่งสอดคล้องกับผลลัพธ์ในระหว่างเรียนที่วิเคราะห์ได้จากใบกิจกรรม แต่กระบวนการใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ในการดำเนินการเพื่อแสดงการสรุปคำตอบของปัญหานั้นกลับอยู่ในระดับดีเท่านั้นซึ่งไม่สอดคล้องกับผลลัพธ์ระหว่างเรียนที่อยู่ในระดับเดี๋มามาก ซึ่งสะท้อนให้เห็นว่าการที่นักเรียนทำใบกิจกรรมในระหว่างเรียนเป็นกลุ่มนักเรียนสามารถแลกเปลี่ยน

ความคิดเห็นกันปรือกษา กันและดำเนินการแก้ปัญหาโดยใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ออกมานำไปสู่การทำแบบวัดการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เป็นรายบุคคล ซึ่งการที่นักเรียนมีแนวโน้มการพัฒนาความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ในการแก้ปัญหาในระดับที่ดีขึ้นนั้นเนื่องจากการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นในขั้นตอนที่ 1 การเรื่อมโยงความสัมพันธ์ (Relating) ในขั้นตอนนี้นักเรียนจะต้องجادาดตัวแบบเรขาคณิตจากกฎทรงเรขาคณิตสามมิติที่อยู่ในประจำวันของนักเรียน และในการจัดการเรียนรู้ในขั้นตอนที่ 2 การเรียนรู้จากประสบการณ์ (Experiencing) ขั้นตอนที่ 3 การนำเสนอความรู้ไปใช้ (Applying) ที่มีการส่งเสริมให้นักเรียนใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์เพื่อทำความเข้าใจปัญหา เพื่อวางแผนการแก้ปัญหาและเพื่อแสดงการสรุปคำตอบของปัญหา ขั้นตอนที่ 4 การร่วมมือ (Cooperating) เป็นการใช้ชีวငงานที่แสดงการแก้ปัญหาโดยการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ mana เสนอและแลกเปลี่ยนความคิดเห็นกับเพื่อน ๆ ทำให้เห็นถึงความสามารถในการแก้ปัญหาได้ และขั้นตอนที่ 5 การถ่ายโอนความรู้ไปยังบริบทอื่น นักเรียนได้ใช้การนำเสนอตัวแทนความคิดในการสรุปความรู้เรื่องพื้นที่ผิวและปริมาตร และยกตัวอย่างสถานการณ์ที่จะสามารถนำความรู้ที่เรียนไปใช้ในการแก้ปัญหาเป็นการเรื่อมโยงความรู้ไปสู่การแก้ปัญหาในชีวิตจริง ซึ่งจะเห็นว่าแนวทางการจัดการเรียนรู้โดยบริบทเป็นฐานในแต่ละขั้นตอนนั้นมีการส่งเสริมให้นักเรียนทำงานเป็นกลุ่มและมีการแลกเปลี่ยนความคิดเห็นหรือแนวคิดในการแก้ปัญหาระหว่างกลุ่มและเปิดโอกาสให้นักเรียนสะท้อนความรู้ที่ได้รับเพื่อตรวจสอบความเข้าใจของนักเรียน ซึ่งสอดคล้องกับ ปัลเมอร์ติวารยะเจริญ (2554) ที่ได้ศึกษาเกี่ยวกับการพัฒนาการเรียน การสอนตามแนวคิดการสร้างแบบจำลองทางคณิตศาสตร์และแนวคิดการเสริมต่อการเรียนรู้เพื่อส่งเสริมความสามารถในการแก้ปัญหาและการใช้ตัวแทนทางคณิตศาสตร์ ซึ่งมีขั้นตอนการสร้างแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ 5 ขั้นตอน คือ 1) การนำเสนอปัญหาเพื่อสร้างความสนใจ 2) การกำหนดเป้าหมายและสร้างแบบจำลอง 3) การดำเนินการแก้ปัญหาและจ้างอิงไปสู่บริบทจริง 4) การประเมินแบบจำลองและการตรวจสอบความถูกต้องของแบบจำลอง และ 5) การขยายความรู้สู่บริบทใหม่ จะเห็นได้ว่าในขั้นตอนตามแนวคิดการสร้างแบบจำลองมีความสอดคล้องกับขั้นตอนของการจัดการเรียนรู้โดยบริบทเป็นฐานที่ผู้วิจัยได้นำเสนอไว้ ซึ่งผลการศึกษาพบว่า นักเรียนมีความสามารถในการเลือกใช้ตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ได้อย่างเหมาะสมและหลากหลายมากขึ้น สามารถสื่อความหมายแสดงความสัมพันธ์ของข้อมูลได้อย่างสอดคล้องกับองค์ความรู้ทางคณิตศาสตร์และนำไปสู่ในการแก้ปัญหาได้อย่างมีระบบและมีประสิทธิภาพมากขึ้น นอกจากนี้ นักเรียนแต่ละคนยังแสดงให้เห็นถึงจินตนาการและความสนใจของแต่ละบุคคลในการเลือกใช้

ตัวแทนทางคณิตศาสตร์แต่ละรูปแบบทั้ง ภาพกราฟ ตาราง ตัวแปรสัญลักษณ์และข้อความทางคณิตศาสตร์ และสอดคล้องกับเพร้อม สามารถ (2555) ที่กล่าวว่า การส่งเสริมให้นักเรียนเขียนภาพจากปัญหา ขีดเส้นใต้ในข้อความที่จะนำมาใช้ในการแก้ปัญหา และใช้ตัวแปรแทนข้อความในการทำความเข้าใจปัญหา เป็นการเพิ่มพูนความเข้าใจปัญหาของนักเรียนได้ง่ายขึ้น

### **ข้อเสนอแนะ**

#### **1. ข้อเสนอแนะในการนำไปใช้**

1.1 เนื่องจากการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน เป็นการจัดการเรียนรู้ที่ใช้สถานการณ์ในบริบทที่เกี่ยวข้องกับนักเรียน ดังนั้นในแต่ละโรงเรียนอาจมีบริบทที่น่าสนใจแตกต่างกัน หรือมีสถานการณ์ที่น่าสนใจบางช่วงเวลา ดังนั้นครุ่งควรปรับสถานการณ์ให้เหมาะสมกับบริบทของโรงเรียนและช่วงเวลาเพื่อกระตุ้นให้นักเรียนเกิดความสนใจมากขึ้น

1.2 ในขั้นตอนการนำความรู้ไปใช้ ครุครูควรตรวจสอบความรู้ที่นักเรียนได้รับก่อนที่จะให้นักเรียนทำใบกิจกรรมด้วยตนเองเป็นรายบุคคล เนื่องจากว่า หากนักเรียนมีความรู้ความเข้าใจไม่ถูกต้องในเรื่องของการหาพื้นที่ผิวและปริมาตรของรูปทรงสามมิติต่าง ๆ จะทำให้เป็นอุปสรรคในการแก้ปัญหาได้

1.3 การใช้คลิปวิดีโอจาก YouTube เกี่ยวกับการวาดรูปทรงเรขาคณิตสามมิติและรูปทรงเรขาคณิตในชีวิตประจำวันในการนำเข้าสู่บทเรียน จะช่วยให้นักเรียนมีทักษะการวาดรูปเรขาคณิตสามมิติเบื้องต้นในการทำกิจกรรมถัดไปและยกตัวอย่างรูปทรงได้หลากหลายมากขึ้น

#### **2. ข้อเสนอแนะในการทำวิจัยครั้งต่อไป**

ควรศึกษาการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐาน ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ไปใช้ในการแก้ปัญหาอย่างสร้างสรรค์ ในสาระเรขาคณิตเรื่องนี้ ๆ เนื่องจากการสังเกตเห็นว่าในแต่ละสถานการณ์นั้นนักเรียนสามารถที่จะภาคตัวแบบเรขาคณิตที่ใช้ในการวางแผนการแก้ปัญหาได้แตกต่างกัน



น้ำที่ไทยลั่ยนเรคvar

บรรณานุกรร্ম

## บรรณานุกรม

- กุลนิดา ปลื้มปิติวิริยะเวชและอัมพร ม้าคนอง. (2562). การพัฒนาการเรียนการสอนตามแนวคิดการสร้างแบบจำลองทางคณิตศาสตร์และแนวคิดการเสริมต่อการเรียนรู้เพื่อส่งเสริมความสามารถในการแก้ปัญหาและการใช้ตัวแทนทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาตอนต้น. *วารสารครุศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย*. 47(4), 86-107.
- จิราพร บุญศรี. (2554). การสร้างคู่มือการจัดกิจกรรมการเรียนการสอนวิชาคณิตศาสตร์ที่เข้มข้นกับเครื่องใช้ชันเพ่า โรงเรียนศึกษาสงเคราะห์เชียงดาว จังหวัดเชียงใหม่. *บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยเชียงใหม่*, เชียงใหม่.
- จินดา พราหมณ์. (2553). การพัฒนากิจกรรมการเรียนรู้โดยใช้บิบิทเป็นฐาน เรื่อง อัตราการเกิดปฏิกิริยาเคมี สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5. *วิทยานิพนธ์ ศษ.ม., มหาวิทยาลัยเกษตรศาสตร์*, กรุงเทพฯ.
- ชุมพูนุท ชาวบ้านแกะ. (2554). ผลการจัดกิจกรรมการเรียนรู้โดยใช้ตัวแทน(Representation)ที่มีต่อความสามารถในการแก้ปัญหาคณิตศาสตร์ เรื่อง พังก์ชัน ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 4. *สารนิพนธ์ กศ.ม.(การมัธยมศึกษา)*, มหาวิทยาลัยศรีนครินทรวิโรฒ, กรุงเทพฯ.
- ทัณฑ์วัต ปานพุ่มและชุมนาด เรืองสุวรรณทวี. (2559). ผลของการจัดการเรียนรู้โดยบิบิทเป็นฐานร่วมกับการเขียนบันทึกการเรียนรู้ เรื่องอัตราส่วน สัดส่วนและร้อยละที่มีต่อผลสัมฤทธิ์ทางการเรียนคณิตศาสตร์และความสุขในการเรียนของนักเรียนระดับประถมศึกษาปีบัตรวิชาชีพชั้นปีที่ 1. *วารสารวิทยาลัยครรภสัมมา*. 11(2), 105-118.
- ทัศตрин เครือทอง. (2553). การเรียนรู้วิทยาศาสตร์อย่างมีบิบิท. *นิตยสาร สสวท.* 38(166), 56-59.
- ประมวล ศิริผัณณภิว. (2541). การเรียนการสอนวิทยาศาสตร์ที่เน้นนักเรียนเป็นศูนย์กลางเรียนรู้. *นิตยสาร สสวท.* 26(103), 8-11.
- แพรวไหเม สามารถ. (2555). การพัฒนาการคิดเชิงคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 โดยใช้กระบวนการคิดให้เป็นคณิตศาสตร์. *วิทยานิพนธ์ ค.ม., จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย*, กรุงเทพฯ.

ภาคีเพื่อทักษะแห่งศตวรรษที่ 21. (2558). ครอบความคิดการเรียนรู้ในศตวรรษที่ 21. สืบคันเนื่อง  
วันที่ 12 เมษายน 2560, จาก

<https://www.battelleforkids.org/networks/p21/frameworks-resources>

บุวนันท์ ไชยมงคล. (2558). ผลการจัดกิจกรรมการเรียนรู้โดยใช้บริบทเป็นฐานเพื่อส่งเสริม  
สมรรถนะการเข้ามายิง เรื่อง ความน่าจะเป็น สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่  
3. วิทยานิพนธ์ กศ.ม., มหาวิทยาลัยเกษตร, พิษณุโลก.

รุ่งทิวา บุญมาเตدن, วนิชกร สุภาพและ รัชฎา วิริยะพงศ์. (2561). การพัฒนาการรู้เรื่องคณิตศาสตร์  
เรื่อง ความน่าจะเป็น ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5 ด้วยการจัดการเรียนรู้โดยใช้บริบท  
เป็นฐาน, วารสารวิทยบริหาร มหาวิทยาลัยสงขลานครินทร์, 29(2): 51-61.

วรรณศิริ หลังรัก. (2553). ผลของการพัฒนากิจกรรมการเรียนรู้ด้านบริบท (Contextual  
Learning) เรื่อง สถิติที่มีต่อผลลัพธ์จากการเรียน ทักษะการเข้ามายิงและทักษะ  
การสื่อสารทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 5. ปริญญาอิพนธ์ กศ.ม.  
(การมัธยมศึกษา), บัณฑิตวิทยาลัย มหาวิทยาลัยศรีนครินทรวิโรฒ, กรุงเทพฯ.

สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี. (2555). ทักษะและกระบวนการทาง  
คณิตศาสตร์. (พิมพ์ครั้งที่ 3). กรุงเทพฯ: 3-คิวมีเดีย.

สถาบันทดสอบทางการศึกษาแห่งชาติ. (2560). รายงานผลการทดสอบทางการศึกษาระดับชาติ  
ชั้นพื้นฐาน (O-NET): ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 ปีการศึกษา 2559.

สุนีย์ คล้ายนิล. (2555). การศึกษาวิทยาศาสตร์ไทย: การพัฒนาการและภาวะถดถอย. (พิมพ์  
ครั้งที่ 1). สมุดประการ: บริษัท แอดวานซ์ พ्रินติ้ง เอเชอริช จำกัด.

Bennett, J & Holman, J. (2002). Chemical Education: Toward Research-based practice.  
Netherlands: Kluwer Academic Publishers.

Crawford, M.L. (2001). Teaching Contextually: Research, Rationale, and Techniques for  
Improving Student Motivation and Achievement in Mathematics and Science.  
Texas: CCI Publishing.

Darkwah, V.A. (2006). Undergraduate nursing students' level of thinking and self-efficacy  
in patient education in a context-based learning program. Canada: University of  
Alberta.

- Gillbert, J.K. (2006). On the nature of “context” in chemistry education. *International Journal of science Education*. 28(29), 957-976.
- Puplampu, V.A. and Ross, C. (2016). Nursing faculty and student transition to a context-based learning curriculum. *Journal of Nursing Education and Practice*. 7 (7), 54-65.
- Kemmis, S. & McTaggart, R. (2000). Participatory action research. In N. Denzin & Y. Lincoln(Eds.), *Handbook of qualitative research* (2nd ed., pp. 567–605). Thousand Oaks, CA: Sage
- Kuang-Chao, Y., Szu-Chun, F. and Kuen-Yi, L. (2014). Enhancing students' problem-solving skills through context-based learning. *International Journal of Science and Mathematics Education*, (13), 1377-1401.
- Kennedy, L.M., Tipps, S. and Johnson, A. (1994). *Guiding children's learning of mathematics*. (5th ed.). Belmont: California Wadsworth.
- Lubinski, C.A., & Otto, A. D. (2002). Meaningful mathematical representations and early algebraic reasoning. *Teaching Children Mathematics*. 9(2), 76.
- National Council of Teacher of Mathematical [NTCM]. (2000). *Principles and standards for school mathematics*. Reston. Va: NTCM.
- Reys, R.E., Lindquist, M., Lambdin, D.V. and Smith, N.L. (2001). *Helping Children Learn Mathematics*. (7th ed.). New York: John Wiley and sons.
- Rider, R. (2007). Shifting from Traditional to Nontraditional Teaching Practices Using Multiple Representations. *Mathematics Teacher*. 100(7), 494-500.
- Thurber, W. (1976). *Teaching Science in Today's Secondary Schools*. Boston: Allyn and Bacon.



## ภาคผนวก ก รายชื่อผู้เชี่ยวชาญในการตรวจสอบเครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย

ผู้เชี่ยวชาญในการตรวจสอบเครื่องมือที่ใช้ในการวิจัยหัวข้อเรื่อง การวิจัยปฏิบัติการเพื่อพัฒนาการจัดการเรียนรู้โดยบริบทเป็นฐาน เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 มีรายชื่อผู้เชี่ยวชาญ ดังนี้

### 1. ผู้เชี่ยวชาญด้านคณิตศาสตร์

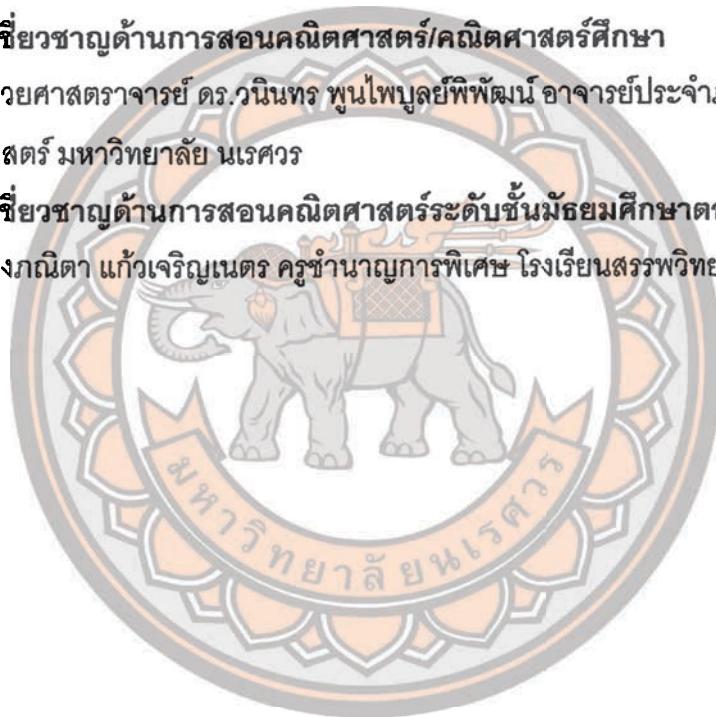
ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.วิเชียร ธรรมโสดิสกุล อาจารย์ประจำภาควิชาการศึกษา  
คณะศึกษาศาสตร์ มหาวิทยาลัย นเรศวร

### 2. ผู้เชี่ยวชาญด้านการสอนคณิตศาสตร์/คณิตศาสตร์ศึกษา

ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.วนินทร พูนไพบูลย์พัฒน์ อาจารย์ประจำภาควิชาการศึกษา  
คณะศึกษาศาสตร์ มหาวิทยาลัย นเรศวร

### 3. ผู้เชี่ยวชาญด้านการสอนคณิตศาสตร์ระดับชั้นมัธยมศึกษาตอนต้น

นางภนิตา แก้วเจริญเนตร ครุชั่นนำนักการพิเศษ โรงเรียนสรรพวิทยาคม จังหวัดตาก



## ภาคผนวก ข เครื่องมือที่ใช้ในการวิจัย

1. ตัวอย่างแผนการจัดกิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ด้วยการจัดการเรียนรู้โดยบินทเป็นสู่งาน เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3
2. ตัวอย่างแบบสะท้อนผลการจัดกิจกรรมการเรียนรู้
3. ตัวอย่างใบกิจกรรมการเรียนรู้
4. ตัวอย่างแบบวัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์



ตัวอย่างแผนการจัดกิจกรรมการเรียนรู้คณิตศาสตร์ด้วยการจัดการเรียนรู้โดยบริบทเป็นฐาน เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร ที่ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3

**แผนการจัดการเรียนรู้ที่ 3**

กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3	ภาคเรียนที่ 1 ปีการศึกษา 2562
หน่วยการเรียนรู้ที่ 1 พื้นที่ผิวและปริมาตร	เรื่อง ปริมาตรของพีระมิด
วันที่.....เดือน..... พ.ศ. .....	เวลาสอน 3 คาบ

---

**1. มาตรฐานการเรียนรู้ / ตัวชี้วัด**

**มาตรฐานการเรียนรู้**

**สาระที่ 2 การวัด**

- มาตรฐาน ค 2.1 เข้าใจพื้นฐานเกี่ยวกับการวัด วัดและคาดคะเนขนาดของสิ่งที่ต้องการวัด  
มาตรฐาน ค 2.2 แก้ปัญหาเกี่ยวกับการวัด

**ตัวชี้วัด**

ค 2.1 ม.3/1 หาปริมาตรของปริซึม ทรงกรวยบวก พีระมิด กรวย และทรงกลม

ค 2.2 ม.3/1 ใช้ความรู้เกี่ยวกับพื้นที่ผิว และปริมาตรในการแก้ปัญหาในสถานการณ์ต่าง ๆ

**2. จุดประสงค์การเรียนรู้**

**2.1 ด้านความรู้**

1. นักเรียนสามารถอธิบายลักษณะและเรียกชื่อของพีระมิดได้
2. นักเรียนสามารถหาปริมาตรของพีระมิดจากสถานการณ์ที่สอดคล้องกับบริบทในชีวิต

จริงได้

3. นักเรียนสามารถยกตัวอย่างสถานการณ์ในชีวิตประจำที่เกี่ยวข้องกับพื้นที่ผิวและปริมาตรได้

## 2.2 ด้านทักษะและกระบวนการทางคณิตศาสตร์

1. นักเรียนสามารถคาดเดาตัวแบบทางเรขาคณิต เยี่ยนสัญลักษณ์ ใช้การเข้าใจเชื่อมโยงความรู้ในโจทย์เพื่อกำหนดตัวแปร คาดแผนภาพ เพื่อแสดงกระบวนการแก้ปัญหา

## 2.3 ด้านคุณลักษณะ

1. มีความร่วมมือในการทำงานกลุ่ม
2. มีความรับผิดชอบในการทำงาน
3. สมรรถนะสำคัญของผู้เรียน

### 3.1 ความสามารถในการสื่อสาร

### 3.2 ความสามารถในการแก้ปัญหา

## 4. สาระสำคัญ

พีระมิด (Pyramid) หมายถึง รูปทรงสามมิติที่มีฐานเป็นรูปเหลี่ยมได้ ๆ ที่มียอดแหลมซึ่งไม่มีอยู่บนระนาบเดียวกันกับฐาน และหน้าทุกหน้าเป็นรูปสามเหลี่ยม

$$\text{ปริมาตรของพีระมิด} = \frac{1}{3} \times \text{พื้นที่ฐาน} \times \text{ความสูงของพีระมิด}$$

หรือ ปริมาตรของพีระมิด เท่ากับ  $\frac{1}{3} \times \text{พื้นที่ฐาน} \times \text{ความสูงของพีระมิด}$

## 5. สาระการเรียนรู้

### 5.1 ปริมาตรของพีระมิด

### 5.2 การใช้ความรู้เกี่ยวกับพื้นที่ผิว และปริมาตรในการแก้ปัญหา

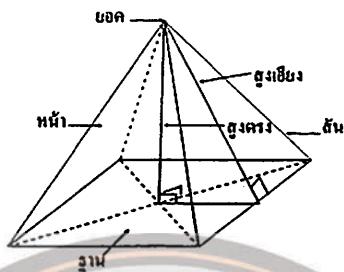
## 6. กิจกรรมการเรียนรู้

### กิจกรรมการเรียนรู้คานที่ 1

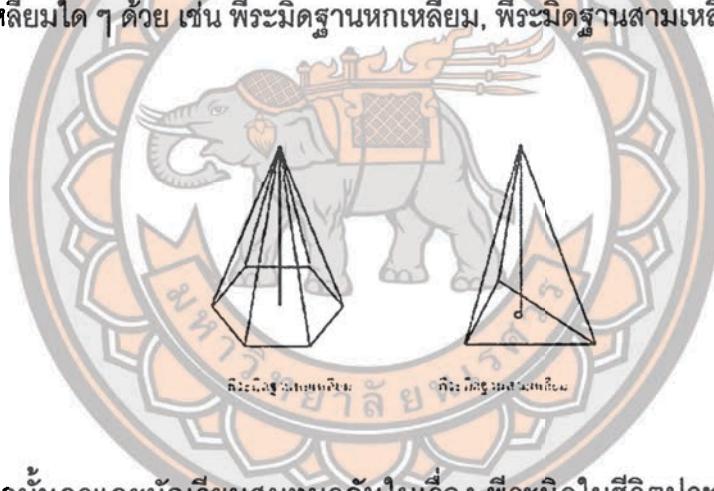
#### ขั้นตอนที่ 1 การเชื่อมโยงความสัมพันธ์ (50 นาที)

1. ครูเปิดคลิปวิดีโອนลайнทุป เรื่อง 15 เรื่องน่ารู้ พีระมิดอียิปต์ สิ่งมหัศจรรย์โลกยุคโบราณ ให้นักเรียนดู และให้นักเรียนสังเกต พีระมิดอียิปต์ (คลิปยาวประมาณ 4 นาที)

2. ครูให้นักเรียนแลกเปลี่ยนความรู้เกี่ยวกับลักษณะและส่วนประกอบของพีระมิดที่ได้จาก การดูคลิป (รูปทรงสามมิติที่มีฐานเป็นรูปสี่เหลี่ยม ที่มียอดแหลมซึ่งไม่อยู่บนระนาบเดียวกันกับฐาน และหน้าทุกหน้าเป็นรูปสามเหลี่ยม)



3. ครูอธิบายให้นักเรียนทราบเพิ่มเติมว่าจากพีระมิดจะมีฐานเป็นรูปสามเหลี่ยมแล้วนั้น ยังมีฐานเป็นเหลี่ยมได้ ๆ ด้วย เช่น พีระมิดฐานหกเหลี่ยม, พีระมิดฐานสามเหลี่ยม เป็นต้น



4. จากนั้นครูและนักเรียนสนทนากันในเรื่อง พีระมิดในชีวิตประจำวัน ที่นักเรียนรู้จัก (นักเรียนยกตัวอย่างพีระมิดในชีวิตประจำวันตามประสบการณ์ของนักเรียน เช่น ถูปnom กระเบ้า เหรียญ กล่องของขวัญ กล่องขนม ชามมบุ่ม(ชามเทียน) )

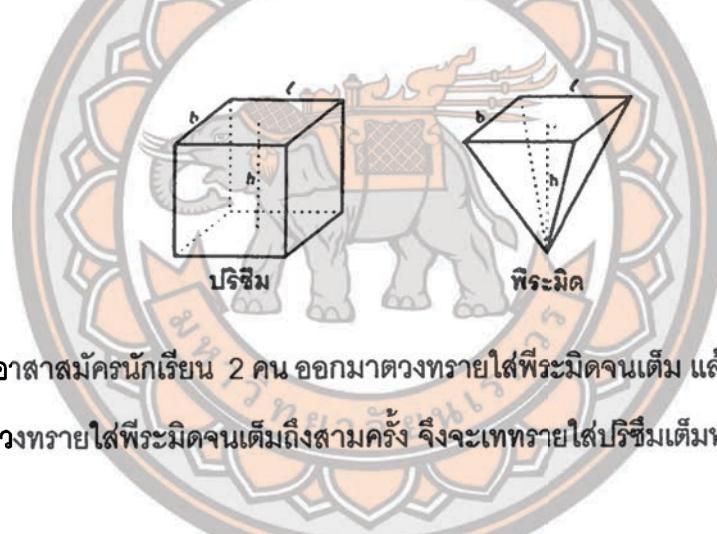
5. ครูให้ความสนใจไปที่ชามมบุ่ม เพราะเป็นชื่อชามที่เป็นภาษาถิ่นเหนือ สอบถามว่า นักเรียนทุกคนรู้จักชามมบุ่มหรือไม่ จากนั้นครูให้ตัวแทนนักเรียนออกแบบมาเล่าถึงความเป็นมาของ ชามมบุ่มที่ นักเรียนรู้จัก (อาหารหวานของทางภาคเหนือ และถือเป็นของหวานที่เป็นชามยอดนิยม ทำกันทุกบ้านในเวลาเทศกาลโดยเฉพาะ สงกรานต์ หรือเทศกาลเข้าพรรษา เดือนยี่เป็ง เวลาไปทำบุญที่วัด คนในอำเภอแม่รำมาดเรียกว่า "ชามมบุ่ม")

6. จากนั้น ครูอธิบายคำสั่งในใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.1 เรื่อง ขนมบุ่มในตำนาน โดยให้นักเรียนวาดรูปขนมบุ่มที่นักเรียนรู้จักลงในใบกิจกรรมการเรียนรู้แล้วระบุส่วนประกอบของขนมที่สอดคล้องกับส่วนประกอบของพีระมิด ให้ถูกต้อง
7. ครูมอบหมายให้นักเรียนทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.1 เรื่อง ขนมบุ่มในตำนาน

### กิจกรรมการเรียนรู้คานที่ 2

#### ขั้นตอนที่ 2 การเรียนรู้จากประสบการณ์ (50 นาที)

1. ครูและนักเรียนร่วมกันสรุปสูตรการหาปริมาตรของพีระมิด จากการทำกิจกรรม ต่อไปนี้โดยครูเตรียม ปริซึมและพีระมิดที่มีฐานและความสูงเท่ากัน และทรายไว้



2. ขออาสาสมัครนักเรียน 2 คน ออกมาย่างทรายใส่พีระมิดจนเต็ม แล้วเททรายใส่ปริซึม จะพบว่าจะต้อง用量ทรายใส่พีระมิดจนเต็มถึงสามครั้ง จึงจะเททรายใส่ปริซึมเต็มพอดี



3. ครูและนักเรียนร่วมกัน สรุปได้ว่าปริมาตรของพีระมิดเป็น 1 ใน 3 ของปริซึม ดังนี้

$$\text{ปริมาตรของปริซึม} = \text{พื้นที่ฐาน} \times \text{ความสูง}$$

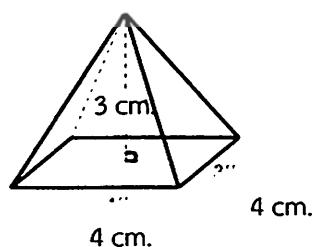
$$\begin{aligned}
 \text{ดังนั้น} \quad \text{ปริมาตรของพีระมิด} &= \frac{1}{3} \times \text{ของปริมาตรของปริซึมที่มีพื้นที่ฐาน} \\
 &\quad \text{เท่ากับพื้นที่ฐานของพีระมิดและความสูง} \\
 &\quad \text{ของปริซึมเท่ากับความสูงของพีระมิด} \\
 \text{สรุป} \quad \text{ปริมาตรของพีระมิด} &= \frac{1}{3} \times \text{พื้นที่ฐาน} \times \text{ความสูง}
 \end{aligned}$$

#### 4. ครุยกด้วยอย่างสถานการณ์การหาปริมาตรพีระมิด

หากนักเรียนต้องการทำ ขนมเทียนที่นักเรียนรู้จักกันในชื่อเรียกขนมบุ่ม ไปทำบุญชื่นปีใหม่ จำนวน 100 ห่อ โดยที่ขนมเทียนที่นักเรียนต้องการทำนั้นมีขนาดฐานเป็นรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส กว้าง 4 เซนติเมตร และสูง 3 เซนติเมตร ถ้าขนมเทียน 1 ห่อ ต้องใช้แป้ง  $\frac{2}{3}$  ของเนื้อขนม

นักเรียนจะต้องเตรียมแป้งไว้ทั้งหมดเท่าใด

**แนวคิด** ครูแนะนำนักเรียนว่านักเรียนสามารถเขียนสัญลักษณ์ชี้เดี่ยนหรือ วงกลมข้อความในสถานการณ์เพื่อกำหนดตัวแปร หรือตัวความเพื่อทำความเข้าใจสถานการณ์ได้ แล้ววัดแบบตัวแบบ ทางเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์



หา ปริมาตรของขนมเทียน 1 ชิ้น

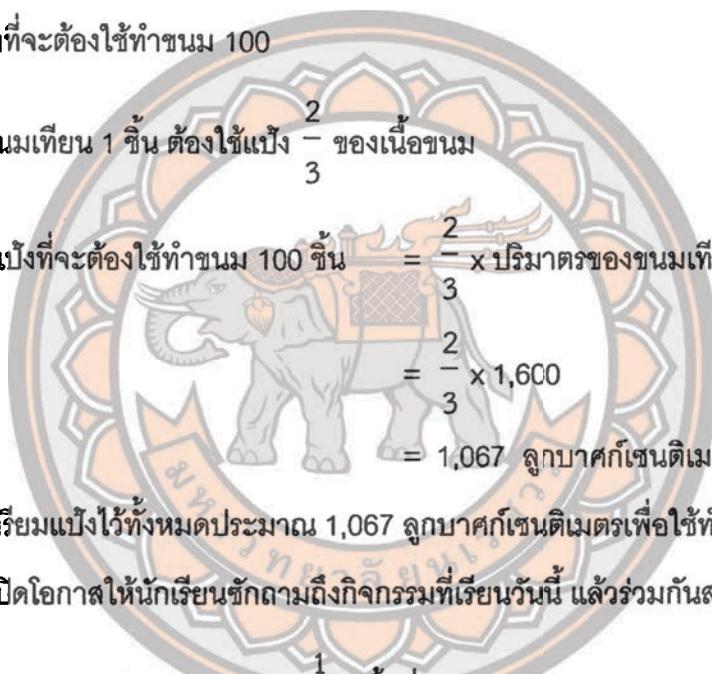
$$\text{ปริมาตรของขนมเทียน 1 ชิ้น} = \frac{1}{3} \times \text{พื้นที่ฐานขนมเทียน} \times \text{ความสูงขนมเทียน}$$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{1}{3} \times (4 \times 4) \times 3 \\
 &= 16 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร}
 \end{aligned}$$

หา ปริมาตรของขنمเทียน 100 ชิ้น

$$\begin{aligned}
 \text{ปริมาตรของขنمเทียน 1 ชิ้น} &= \text{ปริมาตรของขنمเทียน 1 ชิ้น} \times 100 \\
 &= 16 \times 100 \\
 &= 1,600 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร}
 \end{aligned}$$

หาปริมาตรแป้งที่จะต้องใช้ทำขنم 100



$$\begin{aligned}
 \text{จาก ขنمเทียน 1 ชิ้น ต้องใช้แป้ง } \frac{2}{3} \text{ ของเนื้อขنم} \\
 \text{ได้ว่า ปริมาตรแป้งที่จะต้องใช้ทำขنم 100 ชิ้น} &= \frac{2}{3} \times \text{ปริมาตรของขنمเทียน 100 ชิ้น} \\
 &= \frac{2}{3} \times 1,600 \\
 &= 1,067 \text{ ลูกบาศก์เซนติเมตร}
 \end{aligned}$$

ตอบ จะต้องเตรียมแป้งไว้ทั้งหมดประมาณ 1,067 ลูกบาศก์เซนติเมตรเพื่อใช้ทำขنمเทียน 100

5. ครูเปิดโอกาสให้นักเรียนรักภาระถึงกิจกรรมที่เรียนวันนี้ และร่วมกันสรุปอีกครั้งว่า

$$\text{ปริมาตรของพีระมิด} = \frac{1}{3} \times \text{พื้นที่ฐานพีระมิด} \times \text{ความสูง}$$

### กิจกรรมการเรียนรู้คานที่ 3

ขั้นตอนที่ 3 การนำความรู้ไปใช้ (20 นาที)

- ให้นักเรียนแบ่งเป็นกลุ่ม กลุ่มละ 5-6 คน จากนั้นครูกำหนดสถานการณ์ บังคับในตำนาน ในใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.2 อธิบายคำสั่งให้แก่นักเรียนโดยให้นักเรียนแต่ละกลุ่มดูรูปใบ กิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.2 และให้นักเรียนหาด้วยแบบเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์และแผนภาพใน การวางแผนการแก้ปัญหาจากสถานการณ์ นักเรียนสามารถใช้การเขียนหรือวงกลมข้อความใน

โจทย์เพื่อกำหนดตัวแปร วัดตัวแบบทางเรขาคณิต เรียนสัญลักษณ์ วัดแผนภาพ เพื่อใช้ประกอบการคิดและแสดงกระบวนการแก้ปัญหา

2. ครูมอบหมายให้นักเรียนทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.2 เรื่อง บีบจ่างในดำเนินเป็นกิจกรรมกลุ่ม

#### ขั้นตอนที่ 4 การร่วมมือ (15 นาที)

ครูให้นักเรียนแต่ละกลุ่มออกแบบนำเสนอแนวคิดในการทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.2 เพื่อแลกเปลี่ยนแนวคิดกับเพื่อนคนอื่น ๆ และเพิ่มความมั่นใจในการแก้ปัญหาให้แก่นักเรียน

#### ขั้นตอนที่ 5 การถ่ายโอนความรู้ไปยังบริบทอื่น (15 นาที)

ครูและนักเรียนร่วมกันอภิปรายถึงการนำความรู้เรื่องปริมาตรของพีระมิดไปใช้ประโยชน์ในชีวิตจริงในสถานการณ์ที่เรียนผ่านมา แล้วครูตั้งคำถามเพื่อกระตุนให้นักเรียนคิดต่อยอดในเรื่องของ การนำความรู้ไปใช้ไว้มีสถานการณ์ใดในชีวิตประจำวันของนักเรียนที่ต้องใช้ความรู้เรื่องปริมาตรของพีระมิดในการแก้ปัญหา แล้วให้นักเรียนในแต่ละกลุ่มซ่อมกัน สรุปองค์ความรู้ที่ได้รับและยกตัวอย่าง สถานการณ์ที่จะต้องใช้ความรู้ในเรื่องการหาปริมาตรของพีระมิดในการแก้ปัญหา โดยให้นักเรียนแต่ละกลุ่มยกตัวอย่างสถานการณ์แล้ววัดแผนภาพแสดงการแก้ปัญหาจากสถานการณ์นั้นลงในกระดาษบูรพ์

### 7. สื่อและแหล่งการเรียนรู้

7.1 หนังสือเรียนคณิตศาสตร์พื้นฐาน มัธยมศึกษาปีที่ 3 เล่ม 1

7.2 ใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.1 เรื่อง ขนาดบุ่มในดำเนิน (กิจกรรมรายบุคคล)

7.3 ใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.2 เรื่อง บีบจ่างในดำเนิน (กิจกรรมกลุ่ม)

7.4 <https://youtu.be/4hWyA87wUIk>

7.5 กระดาษบูรพ์

## 8. การวัดผลและประเมินผล

### 8.1 ด้านความรู้

จุดประสงค์การเรียนรู้	วิธีการวัด	เครื่องมือ	เกณฑ์การประเมิน
1. นักเรียนสามารถอธิบาย ลักษณะและเรียกชื่อของ พิริมิดได้	1. ตรวจใบกิจกรรม การเรียนรู้การเรียนรู้ที่ 3.1	ใบกิจกรรมการ เรียนรู้ที่ 3.1 เรื่อง ขั้นบุ่มในตำนาน (กิจกรรมรายบุคคล)	✓ นักเรียนสามารถ ทำใบกิจกรรมการ เรียนรู้ที่ 3.1 ได้ ถูกต้องตามเกณฑ์ที่ กำหนดในระดับดี ขึ้นไป
2. นักเรียนสามารถหา ปริมาตรของพิริมิดจาก สถานการณ์ที่สอดคล้อง กับบริบทในชีวิตจริงได้	2. ตรวจใบกิจกรรม การเรียนรู้การเรียนรู้ที่ 3.2	ใบกิจกรรมการ เรียนรู้ที่ 3.2 เรื่อง บีบะจ่างในตำนาน (กิจกรรมกลุ่ม)	✓ นักเรียนสามารถ ทำใบกิจกรรมการ เรียนรู้ที่ 3.2 ได้ ถูกต้องตามเกณฑ์ที่ กำหนดในระดับดี ขึ้นไป
3. นักเรียนสามารถ ยกตัวอย่างสถานการณ์ใน ชีวิตประจำที่เกี่ยวข้องกับ พื้นที่ผิวและปริมาตรได้	3. ตรวจงาน (กระดาษบูรพ์)	ชิ้นงานของนักเรียน	✓ นักเรียนสามารถ ทำงานได้ถูกต้อง ตามเกณฑ์ที่กำหนด ในระดับดี ขึ้นไป

### 8.2 ด้านทักษะกระบวนการทางคณิตศาสตร์

จุดประสงค์การเรียนรู้	วิธีการวัด	เครื่องมือ	เกณฑ์การประเมิน
1. นักเรียนสามารถตัวแบบทางเรขาคณิต เขียนสัญลักษณ์ใช้การเขียนเส้น หรือวงกลมข้อความในใจเพื่อกำหนดตัวแบบแผนภาพ เพื่อแสดงกระบวนการแก้ปัญหา	1. ตรวจใบกิจกรรม การเรียนรู้การเรียนรู้ที่ 3.1 เรื่อง ขั้นบุ่มในตัวงาน (กิจกรรมรายบุคคล) 2. ตรวจใบกิจกรรม การเรียนรู้การเรียนรู้ที่ 3.2 3. ตรวจชิ้นงาน (กระดาษบรู๊ฟ)	1. ใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.1 เรื่อง ขั้นบุ่มในตัวงาน (กิจกรรมรายบุคคล) 2. ใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.2 เรื่อง บังคับจ่างในตัวงาน (กิจกรรมกลุ่ม) 3. ชิ้นงานของนักเรียน	✓ นักเรียนสามารถทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.1 ได้ถูกต้องตามเกณฑ์กำหนดในระดับดีขึ้นไป ✓ นักเรียนสามารถทำใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.2 ได้ถูกต้องตามเกณฑ์กำหนดในระดับดีขึ้นไป ✓ นักเรียนสามารถทำชิ้นงานได้ถูกต้องตามเกณฑ์กำหนดในระดับดีขึ้นไป

### 8.3 ด้านคุณลักษณะ

จุดประสงค์การเรียนรู้	วิธีการวัด	เครื่องมือ	เกณฑ์การประเมิน
1. ให้ความร่วมมือในการทำงานกลุ่ม 2. มีความรับผิดชอบในการทำงาน	1. สังเกตพฤติกรรมการทำงาน	1. แบบสังเกต พฤติกรรมการทำงาน	✓ นักเรียนได้คะแนนในระดับดีขึ้นไป

## ตัวอย่างแบบสะท้อนผลการจัดกิจกรรมการเรียนรู้

### แบบสะท้อนผลการจัดการเรียนรู้

สังเกตครั้งที่ ..... วันที่ ..... เดือน ..... พ.ศ.....2562....

แผนการจัดการเรียนรู้ที่ ..... เรื่อง .....

จำนวน ..... คาบ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ..... 3..... ภาคเรียนที่ ....1..... ปีการศึกษา ..2562..

ครูผู้สอน นางสาววินดา สุพา

#### คำชี้แจง

1. แบบสังเกตการจัดการเรียนรู้ฉบับนี้ ใช้สำหรับสังเกตการจัดการเรียนรู้โดยใช้บิบเป็นฐาน เพื่อส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ซึ่งมีทั้งหมด 5 ขั้นตอน ได้แก่

- 1) ขั้นการเชื่อมโยงความสัมพันธ์
- 2) ขั้นการเรียนรู้จากประสบการณ์
- 3) ขั้นการนำความรู้ไปใช้
- 4) ขั้นการร่วมมือ
- 5) ขั้นการถ่ายโอนความรู้ไปยังบุคคลอื่น

2. ขอให้ท่านพิจารณาการจัดการเรียนรู้ของครูผู้สอน พร้อมทั้งบันทึกรายละเอียดของการสังเกต

ข้อคิดเห็นและข้อเสนอแนะ ในแต่ละขั้นของการจัดการเรียนรู้

#### การจัดการเรียนรู้โดยใช้บิบเป็นฐานประกอบด้วย 5 ขั้นตอนดังต่อไปนี้

##### 1. ขั้นการเชื่อมโยงความสัมพันธ์

1.1 ขั้นตอนนี้ส่งเสริมให้นักเรียนเชื่อมโยงคณิตศาสตร์กับบริบทชีวิตประจำวันได้หรือไม่  
อย่างไร

ได้

ไม่ได้

ไม่แน่ใจ

## 1.2 ปัญหาและอุปสรรค

### 1.3 แนวทางในการแก้ไขปัญหา

## 2. ขั้นการเรียนรู้จากประสบการณ์

2.1 ขั้นตอนนี้ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ ในประเด็นต่อไปนี้ หรือไม่ อย่างไร

1) ขั้นตอนนี้ส่งเสริมให้นักเรียนระบุปัญหาของสถานการณ์โดยการเรียนสัญลักษณ์ชีด เชียนหรือ วงกลมข้อความในสถานการณ์เพื่อกำหนดตัวแปร หรือตัวความเพื่อทำความเข้าใจ สถานการณ์ได้หรือไม่ อย่างไร

ได้       ไม่ได้       ไม่แน่ใจ

2) ขั้นตอนนี้ส่งเสริมให้นักเรียนหาดูแบบเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์ และ แผนภาพในการวางแผนการแก้ปัญหาจากสถานการณ์ได้หรือไม่ อย่างไร

ได้       ไม่ได้       ไม่แน่ใจ

.....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 3) ข้าตตอนนีส่งเสริมให้นักเรียนใช้ตัวแทนความคิดเพื่อแสดงการสรุปคำตอบของปัญหา  
 ได้หรือไม่ อย่างไร

ได้       ไม่ได้       ไม่แน่ใจ

.....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 2.2 ปัญหาและอุปสรรค

.....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 2.3 แนวทางในการแก้ไขปัจจัย

.....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 3. ขั้นการนำความรู้ไปใช้

3.1 ขั้นตอนนีส่งเสริมการนำเสนอด้วยความคิดทางคณิตศาสตร์ ในประเด็นต่อไปนี้  
 หรือไม่ อย่างไร

1) ขั้นตอนนีส่งเสริมให้นักเรียนระบุปัญหาของสถานการณ์โดยการเขียนสัญลักษณ์ชีด  
 เรียนหรือ วงกลมข้อความในสถานการณ์เพื่อกำหนดตัวแปร หรือตีความเพื่อทำความเข้าใจ  
 สถานการณ์ได้หรือไม่ อย่างไร

ได้       ไม่ได้       ไม่แน่ใจ

.....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 2) ขั้นตอนนี้ส่งเสริมให้นักเรียนนวดตัวแบบเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์และแผนภาพ  
ในการวางแผนการแก้ปัญหาจากสถานการณ์ได้หรือไม่ อย่างไร

ได้       ไม่ได้       ไม่แน่ใจ

.....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 3) ขั้นตอนนี้ส่งเสริมให้นักเรียนแสดงวิธีการแก้ปัญหาได้หรือไม่ อย่างไร

ได้       ไม่ได้       ไม่แน่ใจ

### 3.2 ปัญหาและอุปสรรค

#### 3.3 แนวทางในการแก้ไขปรับปรุง

### 4. ขั้นการร่วมมือ

4.1 ขั้นตอนนี้ส่งเสริมการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ ในประเด็นต่อไปนี้  
หรือไม่ อย่างไร

1) ขั้นตอนนี้ส่งเสริมให้นักเรียนใช้ตัวแบบเจ้าคณิตในการอธิบายแนวคิดและวิธีการของนักเรียนได้หรือไม่ อย่างไร

ได้       ไม่ได้       ไม่แน่ใจ

---



---



---

2) ขั้นตอนนี้ส่งเสริมให้นักเรียนใช้ตัวแทนความคิดสรุปคำตอบไปสู่บริบทของปัญหาหรือไม่ อย่างไร

ได้       ไม่ได้       ไม่แน่ใจ

---



---



---

#### 4.2 ปัญหาและอุปสรรค

#### 4.3 แนวทางในการแก้ไขปัจจัย

### 5. ขั้นการถ่ายโอนความรู้ไปยังบุรุษท้อง

5.1 ขั้นตอนนี้ส่งเสริมให้นักเรียนนำความรู้ไปใช้ในบริบทอื่น ๆ ได้หรือไม่ อย่างไร

ได้       ไม่ได้       ไม่แน่ใจ

---



---

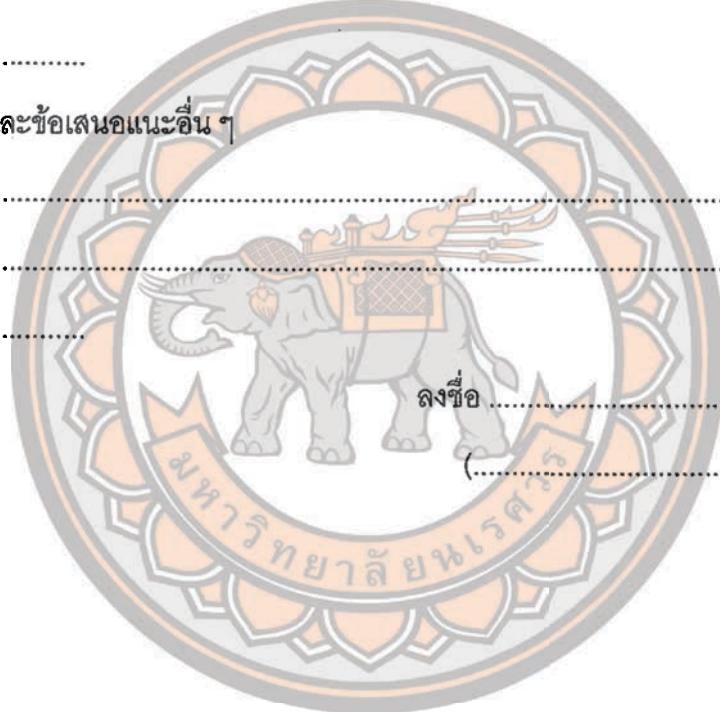


---

## 5.2 ปัญหาและอุปสรรค

## 5.3 แนวทางในการแก้ไขปรับปรุง

## 6. ข้อคิดเห็นและข้อเสนอแนะอื่น ๆ



ตัวอย่างใบกิจกรรมการเรียนรู้

ใบกิจกรรมการเรียนรู้ที่ 3.2 (กิจกรรมกลุ่ม)

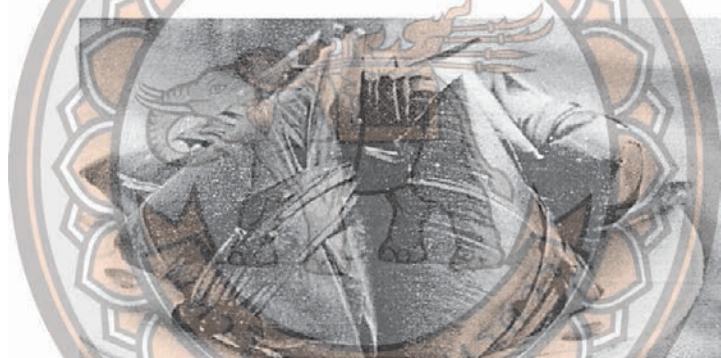
เรื่อง บังคับในตำนาน

ชื่อกลุ่ม.....	ชั้น.....
สมาชิกในกลุ่ม 1. ....	เลขที่.....
2. ....	เลขที่.....
3. ....	เลขที่.....

---

**คำชี้แจง :** ให้นักเรียนศึกษาสถานการณ์ปัญหา เรื่อง บังคับในตำนาน แล้วตอบคำถามลงในช่องว่างที่กำหนดให้

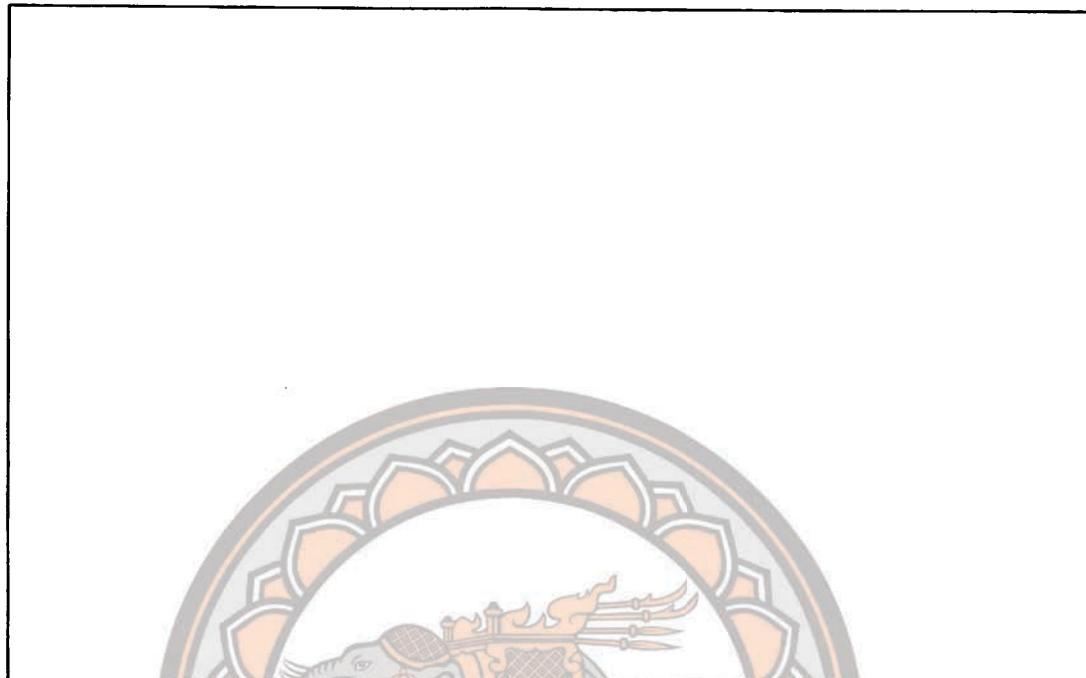
สถานการณ์ปัญหา เรื่อง บังคับในตำนาน



เทศบาลบังคับเป็น 1 ใน 3 เทศบาลสำคัญของชาวจีน คือเทศบาลตุชจีน เทศบาลไห่พระจันทร์ และเทศบาลบังคับ ซึ่งชาวจีนทั้งแผ่นดินใหญ่แล้วชาวจีนในประเทศต่าง ๆ ต่างให้ความสำคัญเป็นอย่างมาก บังคับเป็นชนมหรืออาหารนิยมหนึ่งของจีน ทำด้วยข้าวเหนียว แล้วใช้ใบไผ่ห่อเป็นรูปพีระมิดฐานสามเหลี่ยมแล้วใช้เชือกเส้นเล็ก ๆ มัด เมื่อห่อเสร็จแล้ว ก็นำไปปิ้งให้สุก แล้วรับประทานได้ หากนักเรียนต้องการที่จะทำบังคับสำหรับเทศบาลบังคับ ด้วยการนึ่งเพียงครั้งเดียวจากลงถึง (ซึ้ง) ที่มีขนาด เส้นผ่านศูนย์กลางยาว 28 เซนติเมตร สูง 12 เซนติเมตร จำนวนสองชั้น หากนักเรียนทำขนมบังคับที่มีพื้นที่ฐานเท่ากับ 18 ตารางเซนติเมตร สูง 6 เซนติเมตร อย่างทราบว่า�ักเรียนจะทำขนมได้ทั้งหมดกี่ห่อ

**หมายเหตุ :** นักเรียนสามารถเรียนสัญลักษณ์ข้อความหรือ วงกลมข้อความในสถานการณ์เพื่อกำหนดตัวแปร หรือตีความเพื่อทำความเข้าใจสถานการณ์ได้

1. จําสตานกการณที่กําหนดให้ ให้นักเรียนวาดตัวแบบเรขาคณิตที่ได้จําสตานกการณ



2. ดำเนินการแก็บัญชาจําสตานกการณที่กําหนดให้

A series of horizontal dotted lines for drawing practice. The word "จําสตานกการณ" is written across these lines in a decorative, cursive-like font. The emblem from the previous section is positioned above the first row of dotted lines.

**ตัวอย่างแบบวัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์**

**แบบวัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์**

**เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร**

แบบวัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ของนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 3 เรื่อง พื้นที่ผิวและปริมาตร เป็นแบบทดสอบที่ใช้วัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ ของนักเรียน โดยข้อคำถามในข้อสอบประกอบด้วย 7 ข้อ ดังแสดงในตารางด้านไปนี้

ข้อที่	เรื่อง
1.	พื้นที่ผิวปริซึม
2.	ปริมาตรปริซึม
3.	พื้นที่ผิวทรงกระบอก
4.	ปริมาตรทรงกระบอก
5.	ปริมาตรพีระมิด
6.	ปริมาตรทรงกรวย
7.	ปริมาตรทรงกลม

**คำชี้แจง**

1. ข้อสอบนี้เป็นข้อสอบชนิดเขียนตอบแบบอัตนัย จำนวน 7 ข้อ
2. ให้เวลาในการทำแบบวัดความสามารถในการนำเสนอตัวแทนความคิดทางคณิตศาสตร์ 1 คาบ
3. ห้ามเปิดข้อสอบก่อนได้รับอนุญาต
4. หากนักเรียนมีข้อสงสัยให้ยกมือถือมาครูผู้คุมสอบ

1. เนื่องจากไกล้วนเป็นนักเรียนทุกคนต้องเดรียมของขวัญสำหรับจับสลากกันเพื่อน ๆ โดยต้องห่อของขวัญที่ตนเองที่มีลักษณะเป็นปิรซึมที่มีด้านแต่ละด้านยาวเท่ากับ 5 เซนติเมตร ซึ่งร้านค้าได้แบ่งกระดาษห่อของขวัญขายอยู่ 3 ชนิดด้วยกันคือ

กระดาษชนิดที่ 1 ขนาด 10 cm. x 10 cm. ราคา 5 บาท

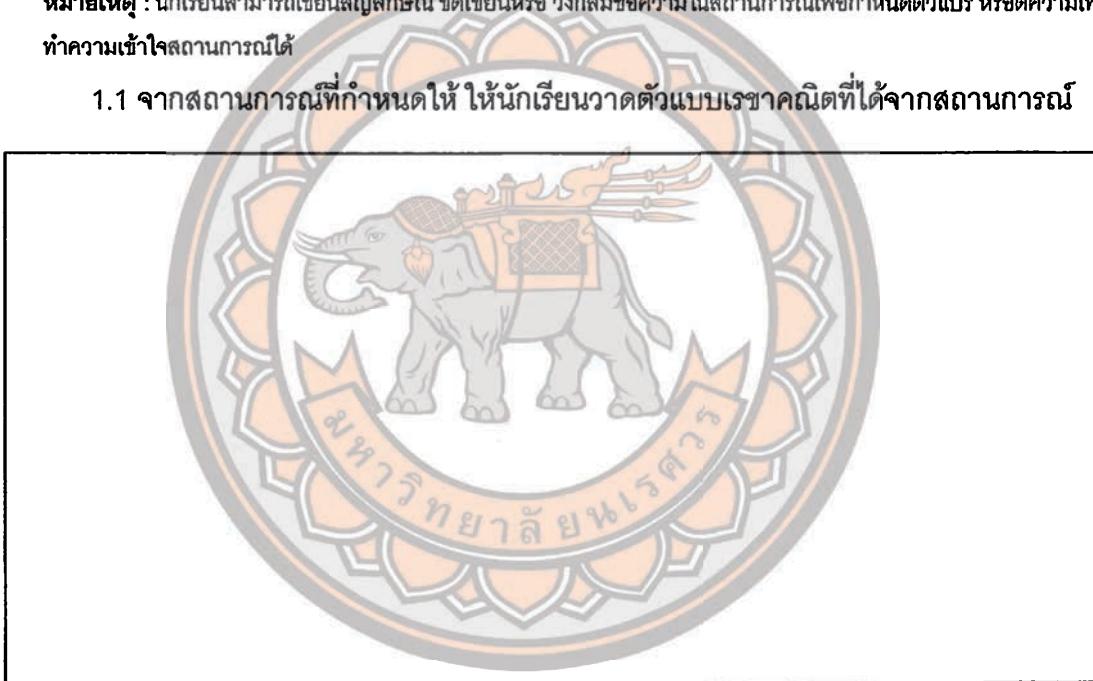
กระดาษชนิดที่ 2 ขนาด 13 cm. x 13 cm. ราคา 10 บาท

กระดาษชั้นที่ 3 ขนาด 16 cm. x 16 cm. ราคา 15 บาท

อย่างทราบว่านักเรียนจะมีริสเก็ตรึเปล่าซึ่งกระดาษห่อของขวัญอย่างไรให้เหมาะสมกับของขวัญ  
ของตนเองและประหยัดเงินที่สุด

หมายเหตุ : นักเรียนสามารถเรียนสัญลักษณ์ขึ้นเดียวหรือ วงกลมข้อความในสถานการณ์เพื่อกำหนดตัวแปร หรือตีความเพื่อทำความเข้าใจสถานการณ์ได้

1.1 จากสถานการณ์ที่กำหนดให้ ให้นักเรียนหาตัวแบบเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์



#### 1.2 ดำเนินการแก้ปัญหาจากสถานการณ์ที่กำหนดให้

---

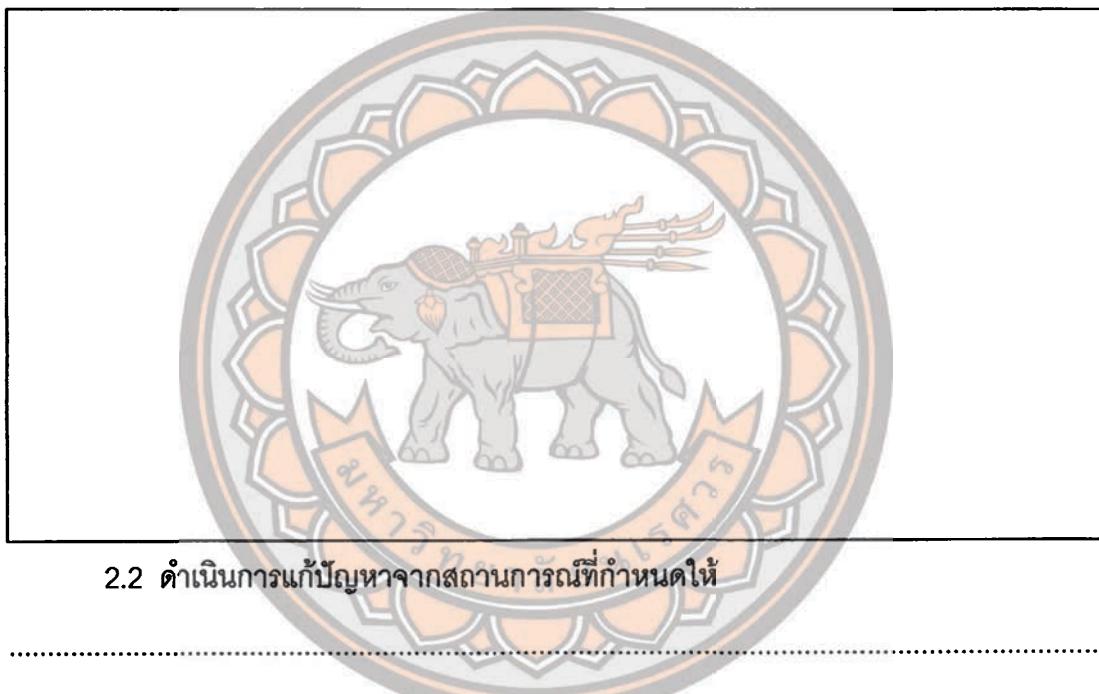
---

---

---

2. ลุงชาญเป็นชาวสวนต้องการขุดบ่อน้ำขนาดใหญ่รูปสี่เหลี่ยมพื้นผ้า มีด้านกว้างยาว 25 เมตร และด้านยาวๆ 50 เมตร เพื่อเก็บน้ำไว้ใช้รดน้ำผักในกุฏิร้อนที่กำลังจะมาถึง โดยลุงชาญคาดคะเนไว้ว่าหากขุดบ่อให้มีความจุ 5,000 ลูกบาศก์เมตร จะมีน้ำเพียงพอที่จะใช้รดน้ำผักตลอดกุฏิร้อนนี้ อย่างทรายว่าลุงชาญจะต้องขุดบ่อน้ำนี้ลงไปลึกเท่าใด จึงจะได้ความจุของบ่อน้ำตามที่ต้องการ  
หมายเหตุ : นักเรียนสามารถเขียนสัญลักษณ์ชี้ดีเขียนหรือ วงกลมข้อความในสถานการณ์เพื่อกำหนดตัวแปร หรือตัวความเพื่อท้าความเข้าใจสถานการณ์ได้

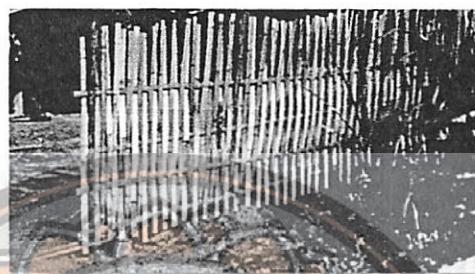
2.1 จากสถานการณ์ที่กำหนดให้ ให้นักเรียนวัดตัวแบบเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์



## 2.2 ดำเนินการแก้ปัญหาจากสถานการณ์ที่กำหนดให้

3. พ่อต้องการทำรั้วไม้ไผ่ไมลักษณะเป็นชีติด ๆ กัน ดังรูป บริเวณหน้าบ้านให้กว้าง 10 เมตร และสูง 1.5 เมตรโดยใช้ไม้ไผ่ขนาดเท่ากันที่มีเส้นรอบวงยาว 20 เซนติเมตร และตัดเป็นท่อนยาว 1.5 เมตร อย่างทราบว่าพ่อจะต้องเตรียมไม้ไผ่ไว้ทั้งหมดกี่ลำให้พอสำหรับนำมาทำรั้ว

**หมายเหตุ :** นักเรียนสามารถเขียนสัญลักษณ์ขึ้นเพื่อเรียนหรือ วงกลมข้อความในสถานการณ์เพื่อกำหนดตัวแปร หรือตีความเพื่อ ทำความเข้าใจสถานการณ์ได้



3.1 จากสถานการณ์ที่กำหนดให้ ให้นักเรียนวาดตัวแบบเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์



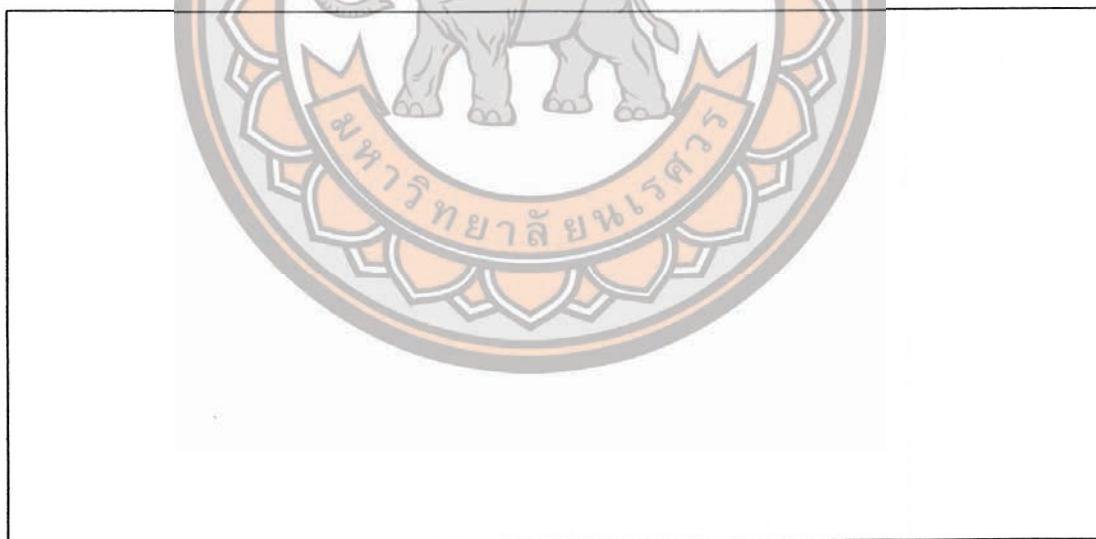
3.2 ดำเนินการแก้ปัญหาจากสถานการณ์ที่กำหนดให้

4. ถุงทองเป็นเกษตรกรในยุคใหม่ที่มีการเพาะต้นกล้าของต้นไม้ในเรือนเพาะชำก่อนที่จะนำไปปลูกเพื่อควบคุมปัจจัยต่าง ๆ ที่ผลต่อการเจริญเติบโตของต้นกล้า หากโรงเพาะชำต้นกล้ามีลักษณะเป็นรูปครึ่งหนึ่งของทรงกระบอกแล้วครอบอยู่ที่พื้น ดังรูป มีความสูง 3.5 เมตร และมีความกว้าง 4 เมตร ถุงทองต้องการหาปริมาตรของอากาศในโรงเพาะชำเพื่อนำไปคำนวณความชื้นที่มีผลต่อการเจริญเติบโตของต้นกล้า ดังนั้น ปริมาตรของอากาศในโรงเพาะชำเป็นเท่าใด

หมายเหตุ : นักเรียนสามารถเขียนสัญลักษณ์ขึ้นเพื่อเชื่อมโยงกับความในสถานการณ์เพื่อกำหนดตัวแปร หรือตีความเพื่อทำความเข้าใจสถานการณ์ได้



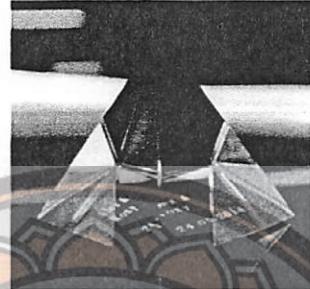
4.1 จากรถานการณ์ที่กำหนดให้ ให้นักเรียนหาค่าดัชนีแบบเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์



4.2 ดำเนินการแก้ปัญหาจากสถานการณ์ที่กำหนดให้

5. นักเรียนต้องการส่งของขวัญให้เพื่อนเป็นหินทับกระดาษรูปทรงพีระมิดฐานลี่เหลี่ยมจัตุรัสที่มีด้านแต่ละด้านยาว 4 เซนติเมตร และสูง 6 เซนติเมตร นักเรียนต้องต้องเตรียมกล่องที่มีปริมาตรอย่างน้อยเท่าใดจึงจะสามารถบรรจุหินทับกระดาษนี้ส่งให้แก่เพื่อนได้

หมายเหตุ : นักเรียนสามารถเขียนสัญลักษณ์ขึ้นหรือ วงกลมข้อความในสถานการณ์เพื่อกำหนดตัวแปร หรือตีความเพื่อทำความเข้าใจสถานการณ์ได้



5.1 จากสถานการณ์ที่กำหนดให้ ให้นักเรียนวาดตัวแบบเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์



5.2 ดำเนินการแก้ปัญหาจากสถานการณ์ที่กำหนดให้

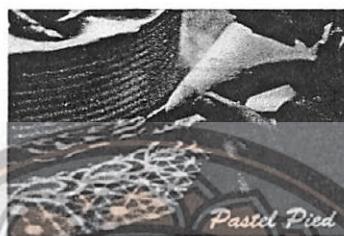
.....

.....

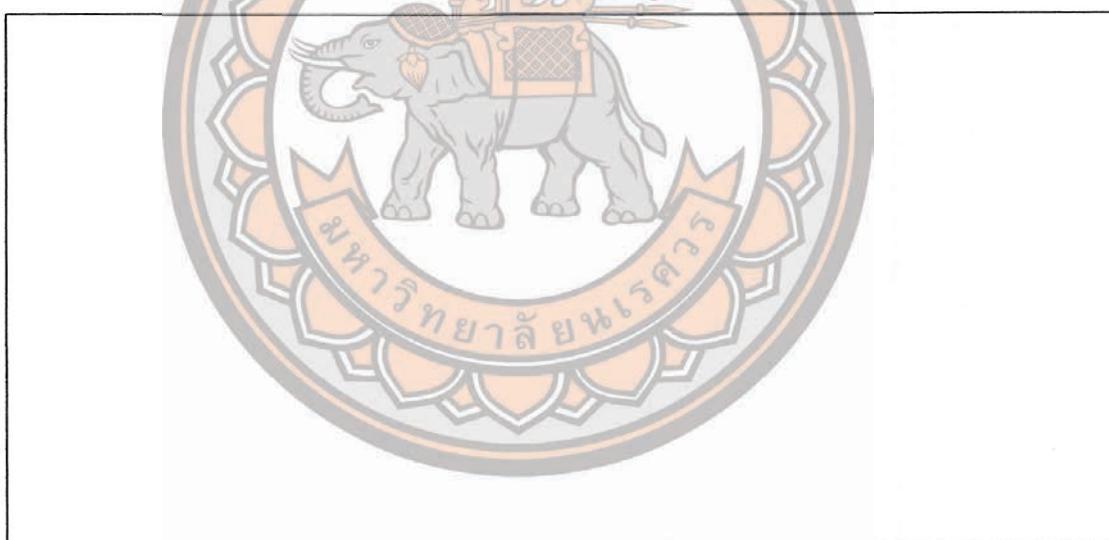
.....

.....

6. การแต่งหน้าเค้กเป็นกิจกรรมที่เพลิดเพลิน อุปกรณ์สำหรับแต่งหน้าเค้กที่ประดิษฐ์ได้เองคือ gravay กระดาษไข่ ดังรูป สำหรับใส่ส่วนผสมของครีมแต่งหน้าขนมที่เรียกว่า "icing" ไอซิ่งในรายที่มีรัศมี 7 เซนติเมตร และสูง 9 เซนติเมตร ทำกลีบดอกไม้ที่มีขนาดเท่ากันบนหน้าเค้กได้ 15 กลีบ พอดี อย่างทราบว่าถ้านักเรียนต้องการทำกลีบดอกไม้ทั้งหมด 180 กลีบ จะต้องใช้ไอซิ่งทั้งหมดเท่าใด หมายเหตุ : นักเรียนสามารถใช้เนสบู่ลักษณะขี้ดเดยนหรือ วงกลมข้อความในสถานการณ์เพื่อกำหนดตัวแปร หรือตัวความเพื่อทำความเข้าใจสถานการณ์ได้



6.1 จากสถานการณ์ที่กำหนดให้ ให้นักเรียนวาดตัวแบบเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์



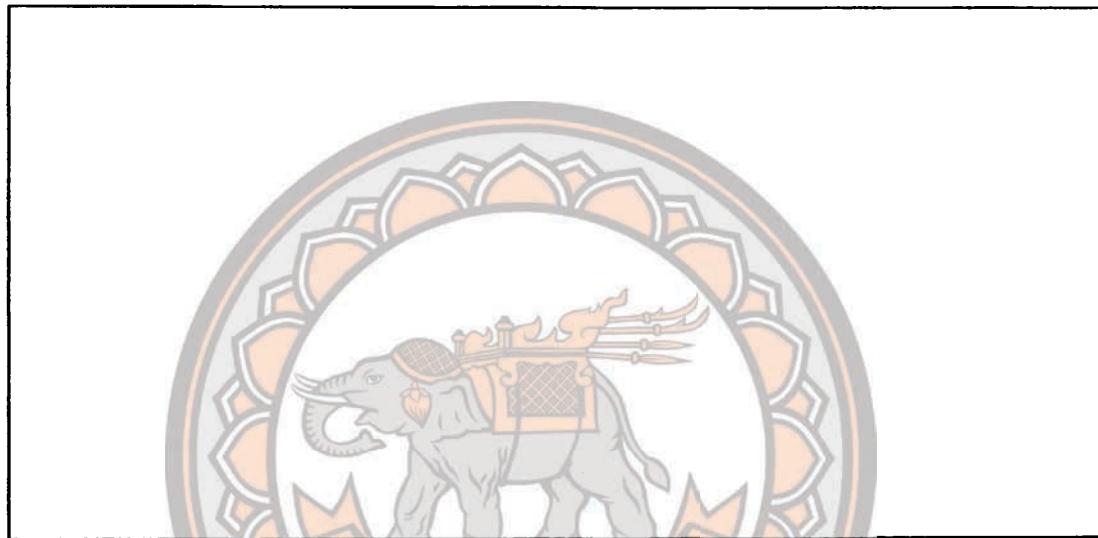
6.2 ดำเนินการแก้ปัญหาจากสถานการณ์ที่กำหนดให้

.....  
.....  
.....  
.....

7. ลูกทุ่มเหล็กลูกหนึ่ง มีปริมาตรประมาณ 113 ลูกบาศก์เซนติเมตร หากนักเรียนต้องการที่จะหล่อ ลูกทุ่มที่มีขนาดเท่ากับลูกทุ่มลูกนี้จะต้องจะต้องสร้างแบบหล่อให้มีรูปมีประมาณเท่าได้

**หมายเหตุ :** นักเรียนสามารถเขียนสัญลักษณ์ชุดเดียวกันหรือ วงกลมข้อความในสถานการณ์เพื่อกำหนดตัวแปร หรือตีความเพื่อ ทำความเข้าใจสถานการณ์ได้

7.1 จากสถานการณ์ที่กำหนดให้ ให้นักเรียนวาดตัวแบบเรขาคณิตที่ได้จากสถานการณ์



7.2 ดำเนินการแก้ปัญหาจากสถานการณ์ที่กำหนดให้

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....



## ประวัติผู้วิจัย

ชื่อ - ชื่อสกุล

วринดา สุพา

วัน เดือน ปี เกิด

11 พฤศจิกายน 2533

ที่อยู่ปัจจุบัน

227 หมู่ 9 ตำบลแม่เปะ อำเภอแม่สอด จังหวัดตาก 63110

ที่ทำงานปัจจุบัน

โรงเรียนแม่รำมาดวิทยาคม 167 หมู่ 3 ตำบลแม่รำมาด

อำเภอแม่รำมาด จังหวัดตาก 63140

ตำแหน่งหน้าที่ปัจจุบัน

ครู

ประวัติการศึกษา

พ.ศ. 2556

ค.บ. (คณิตศาสตร์) มหาวิทยาลัยราชภัฏเชียงใหม่

